

نسخة تجريبية

بُنْيَة الآلة 2

STRUCTURE MACHINE 2

د. طه زروقي

Table des matières

Première partie	Résumé des cours	ملخصات الدروس	1
1	Conception des circuits logiques		2
1.1	Etude d'une fonction logique	دراسة دالة منطقية	2
1.2	Etudes de fonction non totalement définie		4
1.3	Les portes logiques		5
1.3.1	Les portes logiques de base	البوابات المنطقية الأساسية	5
1.3.2	Les portes logiques combinées	البوابات المنطقية الإضافية	5
1.4	Les propriétés algébriques des NAND et NOR	خواص الجبرية لعاملي نفي الوصل ونفي الفصل	6
1.5	La simplification	التبسيط	7
1.5.1	Simplification par les propriétés algébriques	التبسيط بالخواص الجبرية	7
1.5.2	Simplification par les tableaux de Karnaugh	التبسيط بمجدول كارنوف	8
2	Circuits Logiques		9
2.1	Les circuits combinatoires	الدارات التركيبية	9
3	Les circuits séquentiels	الدارات التعاقبية	16
3.1	Introduction		16
3.1.1	Systèmes synchrones	الأنظمة المتزامنة	16
3.1.2	Etude des bascules	دراسة القلابات	17
4	Registres, Mémoires	السجلات والذاكرات	23
4.0.1	Mémoire 1 bit	ذاكرة 1 بت	23
4.0.2	I.2 : Le registre	السجل	24
4.0.3	Registre parallèle	السجل المتوازي	24
4.0.4	I.4 : Registre série (registre à décalage)	سجل متسلسل أو بالإزاحة	25
4.0.5	Registres mixtes	السجلات المختلطة	25
4.1	La mémoire centrale		25
4.1.1	Introduction		26
4.1.2	Architecture matérielle d'une machine (architecture de Von Neumann)	هندسة (هندسة فون نيومان) الأجهزة للآلة	26
4.1.3	Caractéristiques des mémoires	خصائص الذاكرة	27
4.1.4	Classification des mémoires	تصنيف الذاكرات	28
4.1.5	La mémoire centrale (RAM : Random Acces memory)	الذاكرة المركزية (ذاكرة وصول (RAM : Random Acces memory) عشوائي)	30
5	Architecture de base d'un ordinateur	البنية الأساسية للحاسوب	37
5.1	Objectifs	الأهداف	37
5.2	Introduction	مقدمة	37
5.3	Architecture matérielle d'une machine (architecture de Von Neumann)		38
5.3.1	La mémoire centrale	الذاكرة المركزية	38

6 Exercices	46	تمارين
6.1 Exercices du chapitre 1	47	تمارين الفصل الأول
6.1.1 Exercices supplémentaires	49	
6.1.2 Travaux pratiques	52	أعمال تطبيقية
6.2 Série d'exercice du Chapitre 2	54	
6.2.1 Exercices supplémentaires	55	تمارين للتعمق
6.3 Série d'exercice du Chapitre 3	57	تمارين الفصل الثالث
6.3.1 Exercices supplémentaires	61	للتعمق
6.4 Série d'exercice des Chapitres 4 et 5	66	تمارين الفصل الرابع والخامس
6.4.1 Exercices supplémentaires	66	للتعمق
6.5 Solutions du chapitre 1	68	حلول الفصل الأول
6.6 Solutions du chapitre 2	83	حلول تمارين الفصل الثاني
6.7 Solutions du chapitre 3	92	حلول تمارين الفصل الثالث
7 Tests	104	فحوص
7.1 Tests n°1	105	
7.1.1 Sujet n°1	105	
7.1.2 Sujet n°2	105	
7.1.3 Sujet n°3	105	
7.1.4 Sujet n°4	106	
7.1.5 Sujet n°5	106	
7.1.6 Sujet n°6	106	
7.1.7 Sujet n°7	107	
7.1.8 Sujet n°8	107	
7.1.9 Sujet n°9	107	
7.2 Tests n°2	108	
7.2.1 Sujet n°1	108	
7.2.2 Sujet n°2	108	
7.2.3 Sujet n°3	109	
7.2.4 Sujet n°4	109	
7.2.5 Sujet n°5	110	
7.2.6 Sujet n°6	110	
7.3 Tests n°3	111	
7.3.1 Sujet n°1	111	
7.3.2 Sujet n°2	112	
7.3.3 Sujet n°3	113	
7.3.4 Sujet n°4	114	
7.3.5 Sujet n°5	115	
7.3.6 Sujet n°6	116	
7.3.7 Sujet n°7	117	
7.3.8 Sujet n°8	118	
7.3.9 Sujet n°9	119	
7.3.10 Sujet n°10	119	
8 Solutions des Tests	121	حلول الفحوص
8.1 Solutions des Tests n°1	122	
8.1.1 Solution du sujet n°1	122	
8.1.2 Solution du sujet n°2	125	
8.1.3 Solution du sujet n°3	125	
8.1.4 Solution du sujet n°4	127	
8.1.5 Solution du sujet n°5	127	
8.1.6 Solution du sujet n°6	130	

8.1.7	Solution du sujet n°7	130
8.1.8	Solution du sujet n°8	133
8.1.9	Solution du sujet n°9	133
8.2	Solutions des Tests n°2	137
8.2.1	Solution du sujet n°1	137
8.2.2	Solution du sujet n°2	139
8.2.3	Solution du sujet n°3	143
8.2.4	Solution du sujet n°4	147
8.2.5	Solution du sujet n°5	148
8.3	Solutions des Tests n°3	152
8.3.1	Solution du sujet n°1	152
8.3.2	Solution du sujet n°2	153
8.3.3	Solution du sujet n°3	154
8.3.4	Solution du sujet n°4	155
8.3.5	Solution du sujet n°5	157
8.3.6	Solution du sujet n°6	158
8.3.7	Solution du sujet n°7	159
8.3.8	Solution du sujet n°8	162
8.3.9	Solution du sujet n°9	165
8.3.10	Solution du sujet n°10	166
9	Examens	168 امتحانات
9.1	Examens	169 امتحانات
9.1.1	Sujet n°1	169
9.1.2	Sujet n°2	171
10	Solutions des Examen	173 حلول الامتحانات
10.1	Corrigées des examens	174 حلول امتحانات
10.1.1	Solution du sujet n°1	174
10.1.2	Solution du sujet n°2	180
11	Annexes	188 ملاحقات
11.0.1	Livres	189 كتب
11.0.2	Cours en ligne	189 دروس أونلاين
11.0.3	Software	189 برامج وتطبيقات
11.1	Glossaire	190 مسرد
Bibliographie		194

Première partie

Résumé des cours

ملخصات الدروس

Chapitre 1

Conception des circuits logiques

1.1 Etude d'une fonction logique

دراسة دالة منطقية

Une fonction logique est étudiée selon les étapes suivantes :

تُدرس دالة منطقية حسب الخطوات الآتية

- | | | |
|---|--|--|
| 1 | Entrées / sorties | مداخل ومخارج |
| 2 | Table de vérité | جدول الحقيقة |
| 3 | Forme canoniques | الشكل القانوني |
| 4 | Simplification (algébrique ou table de Karnaugh) | التبسيط (جبريا أو بمخطط كارنوف) |
| 5 | Tracer le logigramme
(schéma des portes logiques) | رسم المخطط المنطقي
(مخطط البوابات المنطقية) |

Définition textuelle d'une fonction Généralement la définition du fonctionnement d'un système est donnée sous un format textuelle .

Pour faire l'étude et la réalisation d'un tel système on doit avoir son modèle mathématique (fonction logique).

Donc il faut tirer (déduire) la fonction logique a partir de la description textuelle.

عادة تعطى تعريف عمل النظام بوصف نصي. لذا علينا وضع نموذج رياضي (دالة منطقية) لدراسة هذا النظام، هذا النموذج يُستنتج من الوصف النصي.

Exemple

Une serrure de sécurité s'ouvre en fonction de trois clés. Le fonctionnement de la serrure est définie comme suite : La serrure est ouverte si au moins deux clés sont utilisées. La serrure reste fermée dans les autres cas

قفل ذو ثلاثة مفاتيح، يفتح بمفتاحين معاً على الأقل

Les entrées/sorties :

- Trois entrées : chaque entrée représente une clé.
- Une seule sortie : l'état de la serrure (ouverte ou fermé).

ثلاث مداخل

• ثلاث مداخل أو متغيرات

• كل مدخل يمثل مفتاحا

• مخرج واحد

• حالة القفل مفتوح أو مغلق

Les entrées/sorties

• Trois entrées :

→ Clé A : utilisé 1 non utilisé 0
→ Clé B : utilisé 1 non utilisé 0
→ Clé C : utilisé 1 non utilisé 0

• Une seule sortie :

→ l'état de la serrure (ouverte ou fermé).
→ S : Ouverte 1 Fermé 0

المدخل والمخرج

• ثلاث مدخل :

→ المفتاح A : مستعمل 1 غير مستعمل 0
→ المفتاح B : مستعمل 1 غير مستعمل 0
→ المفتاح C : مستعمل 1 غير مستعمل 0

• مخرج واحد :

→ حالة القفل.
→ القفل S : مفتوح 1 مغلق 0

نعرف دالة المخرج بدلالة المدخل، فتصبح :

$S = F(A, B, C)$ ou bien noté $S(A, B, C)$

$$S(A, B, C) = \begin{cases} 1 & \text{si au moins deux clés sont introduites} \\ 0 & \text{si non} \end{cases} \quad (1.1)$$

Table de vérité

جدول الحقيقة

N°	A	B	C	S
0	0	0	0	0
1	0	0	1	0
2	0	1	0	0
3	0	1	1	1
4	1	0	0	0
5	1	0	1	1
6	1	1	0	1
7	1	1	1	1

الشكل القانوني (forme disjonctive) 1^{ère} forme canonique الشكل القانوني (forme canonique)

الأول : الشكل المفصول

$$S(a, b, c) = \bar{a}.b.c + a.\bar{b}.c + a.b.\bar{c} + a.b.c$$

2^{ème} forme canonique (forme conjonctive)

الشكل القانوني الثاني : الشكل الموصول

$$S(a, b, c) = (a + b + c)(a + b + \bar{c})(a + \bar{b} + c)(\bar{a} + b + c)$$

Formes numériques Il existe une autre représentation des formes canoniques d'une fonction, cette représentation est appelée forme numérique. On représente les termes par des numéros $ABC \Rightarrow 111 \Rightarrow 7$ $ABC \Rightarrow 101 \Rightarrow 5$
 $S(a, b, c) = \bar{a}.b.c + a.\bar{b}.c + a.b.\bar{c} + a.b.c \rightarrow (011, 101, 110, 111) \rightarrow (3, 5, 6, 7)$

- R ou \sum : pour indiquer la forme disjonctive
 $S(a, b, c) = \sum(3, 5, 6, 7)$ ou bien on utilise un **R**
 $S(a, b, c) = R(3, 5, 6, 7)$
- P ou \prod : pour indiquer la forme conjonctive.
 $S(a, b, c) = \prod(0, 1, 2, 4)$ ou bien on utilise un **P**
 $S(a, b, c) = P(0, 1, 2, 4)$

1.2 Etudes de fonction non totalement définie

Dans certaine définition d'une fonction logique, on a des cas interdits

أحيانا نجد بعض الدوال فيها حالات ممنوعة أو مستحيلة

Exemple

Une serrure de sécurité s'ouvre en fonction de trois clés A, B, C Le fonctionnement de la serrure est définie comme suite :

- $S(A, B, C) = 1$ si au moins deux clés sont utilisées
- $S(A, B, C) = 0$ sinon

Les clés A et C ne peuvent pas être utilisées en même temps.

قفلا بثلاثة مفاتيح A, B, C، يفتح بمفتاحين معا على الأقل، المفتاحان A و C لا يمكن استعمالهما معاً

Les cas interdits sont représenté comme **X**, c'est-à-dire "indéfini"

الحالات الممنوعة أو المستحيلة تمثل في جدول الحقيقة بـ X أي غير معرف.

Table de vérité

جدول الحقيقة

N°	A	B	C	S
0	0	0	0	0
1	0	0	1	0
2	0	1	0	0
3	0	1	1	1
4	1	0	0	0
5	1	0	1	X
6	1	1	0	1
7	1	1	1	X

Tableau de Karnaugh

جدول كارنوف

Il est possible d'utiliser les X dans des regroupements :

- Soit les prendre comme étant des 1
- Ou les prendre comme étant des 0
- Il ne faut pas former des regroupement qui contient uniquement des X

: regroupements des dans X les d'utiliser possible est Il
يمكن استعمال الحالات الممنوعة في تجميعات كارنوف، حسب الشروط :

- يمكن اعتبار حالة ما واحدا عند الحاجة
- يمكن اعتبار حالة ما صفرا عند الحاجة
- لا تشكل مجموعة من الحالات الممنوعة فقط

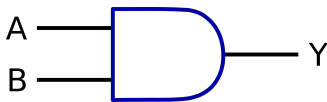
		b c			
		00	01	11	10
a	0	0	0	1	0
	1	0	X	X	1

1.3 Les portes logiques

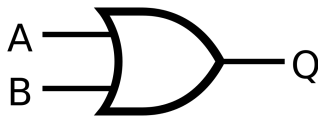
1.3.1 Les portes logiques de base

البوابات المنطقية الأساسية

Les portes logiques de base sont : le OU, ET, et non.

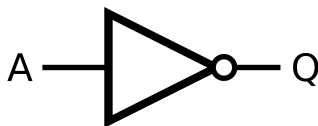


a	b	a et b
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1



a	b	a ou b
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

نفي a صحيح إذا فقط إذا كان a خاطئا، ونرمز له بخط علوي \bar{a}



a	\bar{a}
0	1
1	0

1.3.2 Les portes logiques combinées

البوابات المنطقية الإضافية

البوابات المنطقية الإضافية أو المركبة هي نفي الوصل، NAND، نفي الفصل NOR أو الإقصاء XOR. وتعرف كما يلي

• نفي الوصل : $A \text{ NAND } B = A \uparrow B = \overline{A \cdot B}$


• نفي الفصل : $A \text{ NOR } B = A \downarrow B = \overline{A + B}$

• الفصل الإقصائي : $A \text{ XOR } B = A \oplus B = A \cdot \bar{b} + \bar{A} \cdot B$

Les portes logiques combinées sont le NON-ET (NAND), le NON-OU (NOR) et le OU-Exclusif (XOR), qui sont définies par :

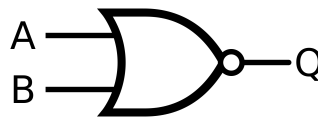
- NON-ET : $A \text{ NAND } B = A \uparrow B = \overline{A.B}$
- NON-OU : $A \text{ NOR } B = A \downarrow B = \overline{A+B}$
- OU-Exclusif : $A \text{ XOR } B = A \oplus B = A.\bar{b} + \bar{A}.B$

NON-ET : نفي الوصل $A \text{ NAND } B = A \uparrow B = \overline{A.B}$



NON-OU : نفي الفصل

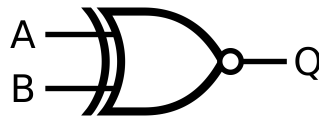
$A \text{ NOR } B = A \downarrow B = \overline{A+B}$



a	b	$a \downarrow b$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

OU-Exclusif : الفصل الإقصائي

$A \text{ Xor } B = A \oplus B = A.\bar{b} + \bar{A}.B$



a	b	$a \oplus b$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

1.4 Les propriétés algébriques des NAND et NOR

خواص الجبرية لعامل نفي الوصل ونفي الفصل

Universalité de l'opérateur NON-OU : La fonction NON-OU est dite « universelle » (comme la fonction NON-ET), car elle permet d'exprimer toutes les autres fonctions logiques.

العامل "نفي الفصل" NOR هو عامل منطقي شامل، أي يمكن أن نعبر عن أي دالة منطقية باستعمال هذا العامل فقط. نفس الأمر ينطبق على العامل "نفي الوصل" NAND.

De même, La fonction NON-ET est dite « universelle », car elle permet d'exprimer toutes les autres fonctions logiques. Donc on peut construire n'importe quelle fonction uniquement en utilisant la porte logique NON-ET.

Les circuits logiques sont souvent implantés avec des portes NAND et NOR plutôt que des portes AND et OR. Les portes NAND et NOR nécessitent moins de transistors pour l'implémentation, donc prennent moins de superficie sur les circuits intégrés, et donc sont moins chers ((CORMIER, 2015)).

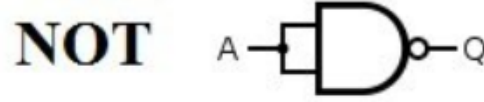
غالباً ما تُصنع الدارات المنطقية باستخدام بوابات NAND أو NOR بدلاً من البوابات الأساسية: الفصل والوصل والنفي. تتطلب بوابات

NAND و NOR عددًا أقل من الترانزستورات أثناء الصناعة، وعليه تأخذ مساحة أقل على الدوائر المتكاملة، ما يخفض تكلفتها.

Exemple

On peut exprimer le NON par le NAND comme suite :

يمكن أن نعبر عن النفي بدلالة نفي الفصل فقط $\bar{A} = \overline{A.A} = A \uparrow A$



On peut exprimer l'expression suivante uniquement avec NAND.

يمكن أن نعبر عن العبارة الموالية بدلالة نفي الفصل فقط

$$A.B + A.\bar{C} + B.C$$

$$\overline{A.B + A.\bar{C} + B.C}$$

$$= \overline{A.B + A.\bar{C} + B.C}$$

$$= \overline{A.B.A.\bar{C}.B.C}$$

$$= (A \uparrow B).(A \uparrow \bar{C}).(B \uparrow C)$$

$$= (A \uparrow B) \uparrow (A \uparrow \bar{C}) \uparrow (B \uparrow C)$$

$$= (A \uparrow B) \uparrow (A \uparrow (C \uparrow C)) \uparrow (B \uparrow C)$$

1.5

La simplification

التبسيط

Il existe deux méthodes de simplification

- Simplification par les propriétés algébriques.
- Simplification par la méthode graphique c-a-d tableau Karnaugh.

يمكن التبسيط بطريقتين : جبريا حسب الخواص، وبيانيا بجدول كارنوف.

1.5.1

Simplification par les propriétés algébriques

التبسيط

بالخواص الجبرية

Exemple

$$s = a.b.c + a.\bar{b}.(\bar{a}.\bar{c})$$

Démonstration

$$s = a.b.c + a.\bar{b}.(\bar{a}.\bar{c})$$

transformation

$$s = a.b.c + a.\bar{b}.(a + c)$$

Appliquer le théorème de De Morgan

تحويل
تطبيق مبرهنة ديمورغن

$$(\bar{a}.\bar{c}) = (\bar{a} + \bar{c}) = (a + c)$$

$$s = a.b.c + a.\bar{b}.a + a.\bar{b}.c$$

Développement

$$s = a.b.c + a.\bar{b} + a.\bar{b}.c$$

réduction ($a.\bar{b}.a = a.\bar{b}$)

$$s = a.\bar{b} + a.b.c + a.\bar{b}.c$$

Les variables communes

نشر
اختزال
العوامل المشتركة

$$s = a.\bar{b} + a.c(b + \bar{b})$$

$$s = a.\bar{b} + a.c$$

car $b + \bar{b} = 1$

$$s = a(\bar{b} + c)$$

variables communes

العوامل المشتركة

1.5.2 التبسيط بجدول Karnaugh

كارنوف

Le diagramme de Karnaugh est un outil graphique qui permet de simplifier une équation logique ou le processus de passage d'une table de vérité à un circuit correspondant (MÜLLER, 2021).

جدول كارنوف وسيلة مرئية (مخطط) لتبسيط معادلة منطقية للبرر من جدول الحقيقة إلى رسم الدارة.

		b	
		0	1
a	0	1	0
	1	1	0

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	0	0	0
	01	0	1	1	0
	11	0	1	1	0
	10	1	0	0	1

Méthode

- On réunit les "1" adjacents par groupe de 2, 4, 8 etc.
- L'équation du circuit est donnée par la somme des produits des variables qui ne change pas d'état dans chaque regroupement. Donc $S1 = \bar{b}$ et $S2 = b.d + a.\bar{b}.\bar{d}$

• نجمع الآحاد المتجاورة في مجموعات ثنائية أو رباعية أو ثمانية العناصر

• المعادلة الناتجة هي مجموع جداءات المتغيرات التي لا تتبدل حالتها في كل تجميع ومنه $S1 = \bar{b}$ و $S2 = b.d + a.\bar{b}.\bar{d}$

Remarque

Remarque : Une sortie S est obtenue par les regroupements des zéros. نحصل على المخرج المعاكس S بتجميع الأصفار

Chapitre 2

Circuits Logiques

2.1

Les circuits combinatoires

الدارات التركيبية

Définition

Un circuit combinatoire est un circuit numérique dont les sorties dépendent uniquement des entrées.

- $S_i = F(E_i)$
- $S_i = F(E_1, E_2, \dots, E_n)$

الدارة التركيبية (توفيقية) دارة منطقية مخارجها بدلالة مداخلها فقط

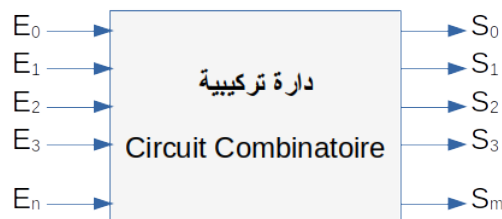


FIG. 2.1: Un circuit combinatoire en générale مخطط عام لدارة تركيبية

2.1.0.1

Les circuits combinatoires particuliers دارات تركيبية خاصة

- Multiplexeur
- Demultiplexeur
- Demi Additionneur
- Additionneur complet
- Comparateur
- Encodeur
- Décodeur
- Transcodeur

المنتخب (المجمع)
الموزع
الجامع البسيط
الجامع الكامل
المقارن
المرمز
مفك الترميز
محول الترميز

2.1.0.2 Demi-additionneur

الجامع البسيط

À partir de cette table de vérité on peut par exemple construire le circuit suivant, appelé « demi-additionneur » :

من الجدول ننجز المخطط

التالي

Demi-additionneur (1 bit) où A et B sont les entrées, S la somme $A + B$ et C la retenue.

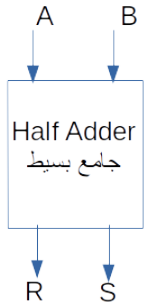


Table de vérité

A	B	C	S
0	0	0	0
0	0	0	1
0	1	0	1
0	1	1	0

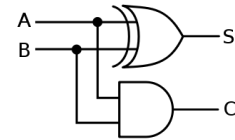


FIG. 2.2: Un demi additionneur 1 bit. جامع بسيط لبت واحد.

2.1.0.3 Additionneur complet

الجامع الكامل

Un additionneur complet nécessite une entrée supplémentaire : une retenue L'intérêt de celle-ci est de permettre le chaînage des circuits.

Remarquons dans le tableau ci-dessus que $A+B$ représente le poids faible tandis que Retenue représente le poids fort.

الجامع الكامل يحتاج إلى مدخل إضافي يمثل الاحتفاظ من العملية السابقة، من أجل جمع أعداد طويلة. لاحظ أن مجموع $A+B$ يمثل القوة الدنيا، في حين يمثل الاحتفاظ القوة العليا.

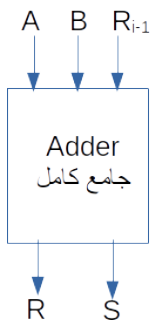


Table de vérité

A	B	C_{in}	C_{out}	S
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

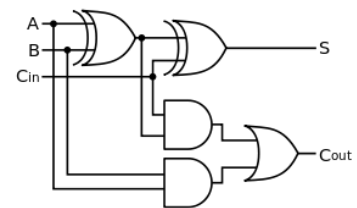


FIG. 2.3: Un additionneur complet 1 bit. جامع كامل لبت واحد.

2.1.0.4 Additionneur parallèle à propagation de retenue

جامع متوازي باحتفاظ متنقل

Il est possible de chaîner plusieurs additionneurs un bit pour en fabriquer un capable de traiter des mots de longueurs arbitraires :

لجمع أعداد طويلة يمكن ربط جوامع كاملة لبت واحد، بأن نجعل الاحتفاظ الناتج من عملية ينتقل إلى الجامع الموالي.

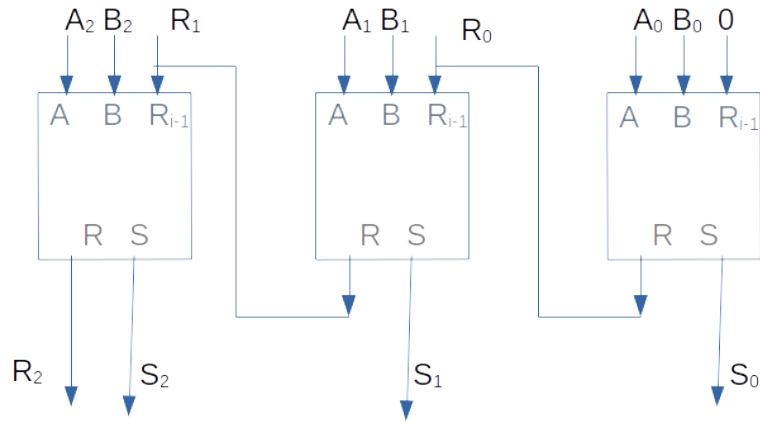


FIG. 2.4: Quatre additionneurs 1 bit chaînés pour former un additionneur 3 bits. جوامع لبث واحد مربوطة لتشكيل جامع لأربعة بتات

2.1.0.5

Principe du Multiplexage et Démultiplexage

التجميع والتوزيع

Le multiplexage consiste à faire transiter sur une ligne unique des informations V_a, V_b, V_c, V_d en provenance des émetteurs A, B, C et D. La sélection de l'information est faite par des lignes d'adresses (A_0, A_1 dans l'exemple ci-dessus).

التجميع هو استعمال خط واحد لتمرير معلومات V_a, V_b, V_c, V_d قادمة من مرسلات A, B, C, D. اختيار المعلومة التي تمرّ حسب خطوط العناوين

A_0, A_1 Le démultiplexage est l'opération inverse : les informations en provenance de la ligne de transmission série sont aiguillées vers l'un des récepteurs (A', B', C', D'). La sélection du récepteur est faite par des lignes d'adresse (A_0, A_1) via une logique de contrôle (décodage d'adresse).

التوزيع عكس التجميع، فهو يوجّه المعلومات القادمة عبر خط وحيد، يوجهها إلى إحدى المستقبلات (A', B', C', D'). اختيار الوجهة التي تستقبل حسب خطوط العناوين A_0, A_1 .



FIG. 2.5: Le multiplexage et le démultiplexage التجميع والتوزيع

2.1.0.6

Multiplexeur

المجمّع

Un **multiplexeur** (abréviation : **MUX**) est un circuit permettant de concentrer sur une même voie de transmission différents types de liaisons (informatique, télécopie, téléphonie, télétexte) en sélectionnant une entrée parmi 2^n . Il possède donc N entrées, une seconde entrée de N bits permettant de choisir quelle entrée sera sélectionnée, et une sortie.

المجمّع أو المنتخب دائرة تمرر عدة معلومات عبر ممر واحد، وتستعمل لتمرير البيانات عبر خط مختلط (شبكة حواسيب، هاتف، فاكس)، للمجمّع 2^n مدخلا، و مخرج واحد، ومداخل للعنوان عددها n .

، تختار المعلومة التي ستمرّ حسب مداخل العنوان.

Table de vérité جدول الحقيقة L'entrée E_0 ou E_1 est propagée sur la sortie S suivant la valeur de C_0

المدخل E_0 أو E_1 تمر إلى المخرج S حسب قيم C_0 .

C_0	S
0	E_0
1	E_1

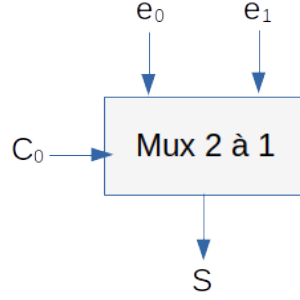


FIG. 2.6: Schéma bloc d'un multiplexeur 2 إلى 1 مخطط مُصمّت لجمع

Table de vérité

C_1	C_0	S
0	0	E_0
0	1	E_1
1	0	E_2
1	1	E_3

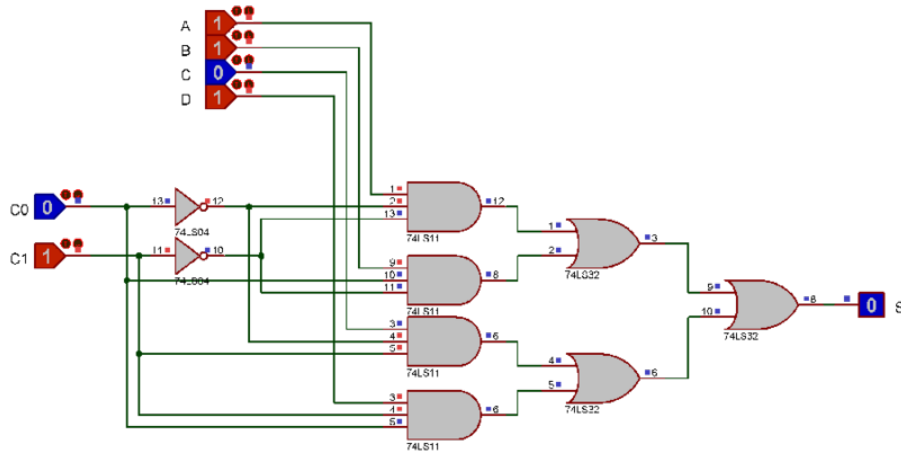
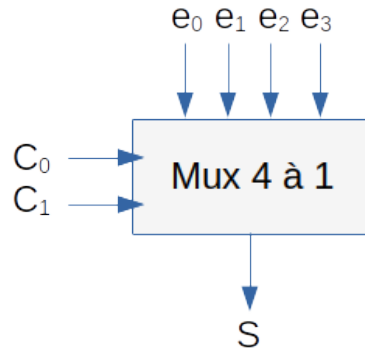


FIG. 2.7: Schéma logique détaillé d'un multiplexeur مخطط المفصل لجمع

Schéma d'un multiplexeur 4 vers 1 basé sur des portes NON, ET, OU. Le code 10 sélectionne la troisième entrée (C). Le code 11 aurait sélectionné la dernière entrée (D) (cf. figure 2.7).

مخطط مجمع 4 نحو 1، الرمز 10 يختار المدخل الثالث، الرمز 11 يختار المدخل الأخير D.

Un démultiplexeur est un circuit combinatoire à $N+1$ entrées et 2^N sorties. N entrées, appelées entrées d'adressage, permettent d'envoyer sur l'une des sorties la dernière entrée, appelée l'entrée donnée.

الموزّع دائرة تركيبية ذات مدخل واحد و 2^n مخرج و n خطا للعنوان . الدارة تمرر المعلومة المدخلة عبر مخرج واحد من بين المخرج حسب العنوان المدخل .

Table de Vérité جدول الحقيقة

Table de vérité d'un démultiplexeur 1 vers 4, les entrées sont C_1, C_0 et les sorties S_1, S_2, S_3, S_4 .

Table de vérité جدول حقيقة موزّع 1 إلى 4

C_1	C_0	S_1	S_2	S_3	S_4
0	0	e	0	0	0
0	1	0	e	0	0
1	0	0	0	e	0
1	1	0	0	0	e

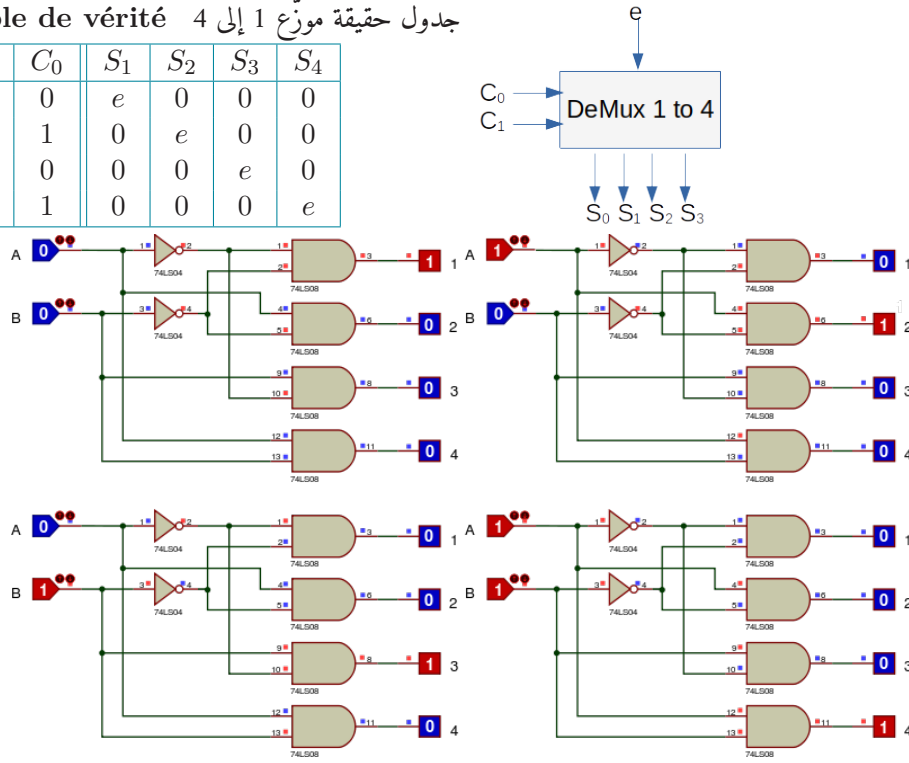


FIG. 2.8: Un démultiplexeur de 1 vers 4, montré dans les 4 états possibles موزّع 1 إلى 4

Un comparateur binaire compare deux mots A et B et affecte ses trois sorties en fonction du résultat de la comparaison.

Si A est strictement supérieur à B, alors la sortie « $A > B$ » passe à 1 (et les deux autres sont mises à zéro).

Si A égal B, alors la sortie « $A = B$ » est mise à 1. De même si A inférieur strict à B, la sortie « $A < B$ » est mise à 1.

المقارن الثنائي يقارن عددين A و B ، ويعطي النتيجة على ثلاثة مخرج، المخرج $A = B$ يكون واحدا، إذا كان العددين متساويان، أما المخرج $A < B$ يكون واحدا إذا كان $A < B$ ، ومخرج $A > B$ إلى واحد حين يكون A أكبر من B .

Les entrées de mise en cascade permettent de connecter d'autre comparateurs afin de pouvoir comparer des mots plus grands (8 bits, 12 bits ...). Si elles ne sont pas utilisées, il faut mettre $A=B$ et $A>B$ au niveau 1, et $A<B$ au niveau 0 pour un fonctionnement correct du comparateur.

مداخل الربط تستعمل لوصل دارات مقارنة بعضها ببعض لمقارنة أعداد أطول . حين تكون مداخل الربط غير مستعملة، نجعل $A > B$ و $A = B$ في الواحد، و نجعل $A < B$ في الصفر.

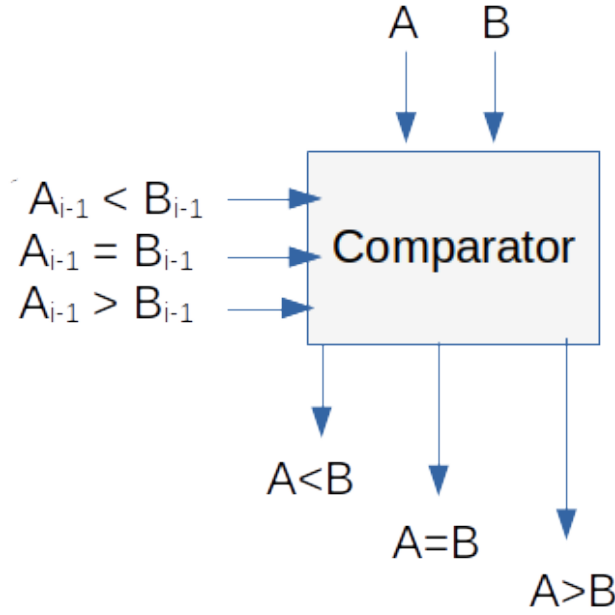


FIG. 2.9: Comparateur binaire ثنائي

2.1.0.9 دارات Les circuits combinatoires de transcodage تحويل الترميز

Les circuits combinatoires de transcodage (appelés aussi convertisseurs de code), se répartissent en 3 catégories. Tous ces circuits logiques transforment une information présente à leurs entrées sous une forme donnée (code 1) en la même information présente à leurs sorties sous une forme différente (code 2). On appelle :

دارات التحويل (محوّلات الترميز) تحوّل معلومة مدخلة ممثلة بالترميز 1 إلى معلومة مخرجة ممثلة بالترميز 2، وهي ثلاثة أقسام :

- المرمز ذو 2^n مدخلا و n مخرجا.
- مفك الترميز ذو n مدخلا و 2^n مخرجا، يكون مخرج واحد فعّالا فقط.
- المحوّل أي دائرة تحويل ترميز أخرى عدا المرمز ومفك الترميز، ذي p مدخلا و k مخرجا.
- **Codeur** un circuit à 2^n entrées et n sorties.
- **Decodeur** un circuit à n entrées et 2^n sorties dont une seule est validée à la fois.
- **Transcodeur** tout autre circuit convertisseur de code différent des précédents, à p entrées et à k sorties.

2.1.0.10 Les Codeurs (Encodeurs) المرمز

Un **Codeur** est un circuit qui comporte 2^n en entrée et n lignes en sortie. A chaque ligne d'entrée correspond un code unique en sortie :

المرمز ذو 2^n مدخلا و n مخرجا، كل مدخل يوافق ترميز واحد في المخرج.

2.1.0.11 Les Décodeurs مفك الترميز

Un **Decodeur** est un circuit qui comporte n lignes d'entrée et 2^n lignes en sortie. Il sélectionne une sortie unique en fonction du mot binaire en entrée.

مفك الترميز هو دائرة بها n مدخل و 2^n مخرج، يختار مخرجا وحيدا حسب العدد المدخل.

Table de vérité d'un Codeur 8 à 3

E_0	E_1	E_2	E_3	E_4	E_5	E_6	E_7	A	B	C
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0
0	0	0	0	0	1	0	0	1	0	1
0	0	0	0	0	0	1	0	1	1	0
0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1

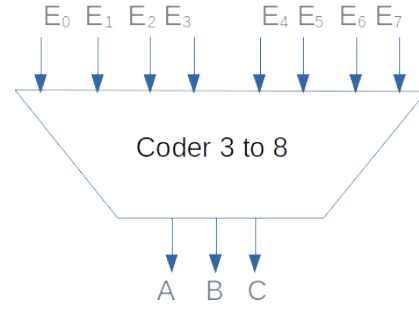


FIG. 2.10: Encodeur 8 à 3. رمز 8 إلى 3.

Table de vérité d'un décodeur 3 à 8:

A	B	C	S_0	S_1	S_2	S_3	S_4	S_5	S_6	S_7
0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0
1	1	0	0	0	0	0	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	1

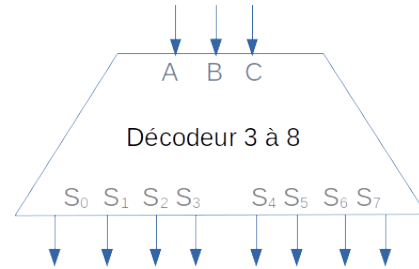


FIG. 2.11: Décodeur (3 à 8) 8 رمز من 3 إلى 8

2.1.0.12 Les transcodeurs

المحوّلات

Un transcodeur (ou convertisseur de codes) est un dispositif permettant de passer du nombre N écrit dans le code C1 au même nombre N écrit dans le code C2.

المحوّلات تحوّل معلومة من ترميز إلى ترميز آخر، نذكر منها :

Parmi les transcodeurs on peut citer :

- les transcodeurs décimal / BCD
- les transcodeurs BCD / décimal
- les transcodeurs XS 3 / décimal
- les transcodeurs Gray excédant 3
- les transcodeurs BCD/ afficheur 7 segments
- les transcodeurs binaire 5 bits/BCD

محول من العشري إلى BCD

محول من BCD إلى العشري

محول من المزيد ب3 إلى العشري

محول من غراي إلى المزيد ب3

محول من BCD إلى عارض 7 قطع

محول من الثنائي على 5 بتات إلى BCD

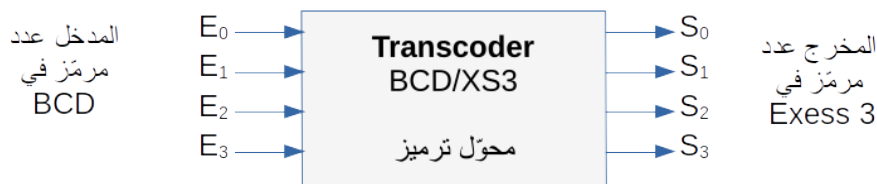


FIG. 2.12: Symbole du transcodeur BCD/XS3 (محول BCD/XS3)

Chapitre 3

Les circuits séquentiels

الدارات التعاقبية

3.1 Introduction

Un **circuit combinatoire** est un circuit numérique dont les sorties dépendent uniquement des entrées : $S = f(E)$.

L'état du système ne dépend pas de l'état interne du système. Pas de mémorisation de l'état du système.

الدارة التركيبية تتعلق بمخارجها بمدخلها فقط، وحالة النظام الداخلية لا تؤثر في المخرج، أي أنها لا تتذكر حالتها.

Un **circuit séquentiel** est un circuit numérique (logique) dont l'état à l'instant $t+1$ est une fonction des entrées en même instant $t+1$ et de l'état précédente du système (l'instant t).

- $S_{t+1} = f(E, S_t)$
- $S^+ = f(E, S)$

الدارة التعاقبية هي دارة منطقية تتعلق حالتها في اللحظة $t+1$ بدلالة مدخلها في اللحظة $t+1$ وحالتها السابقة في اللحظة t .

3.1.1 Systèmes synchrones

الأنظمة المتزامنة

Une horloge est une variable logique qui passe successivement de 0 à 1 et de 1 à 0 d'une façon périodique.

Cette variable est utilisée souvent comme une entrée des circuits séquentiels → le circuit est dit synchrone (cf. figure 3.1).

L'horloge est notée par H ou CK (clock).

الساعة أو المؤقت هي متغير منطقي يمر من 1 إلى 0 ومن 0 إلى 1 دورياً، يستعمل متغير الساعة مدخلاً في الدارات التعاقبية لجعلها متزامنة (انظر الشكل 3.1). ويرمز له بـ H أو C (clock).

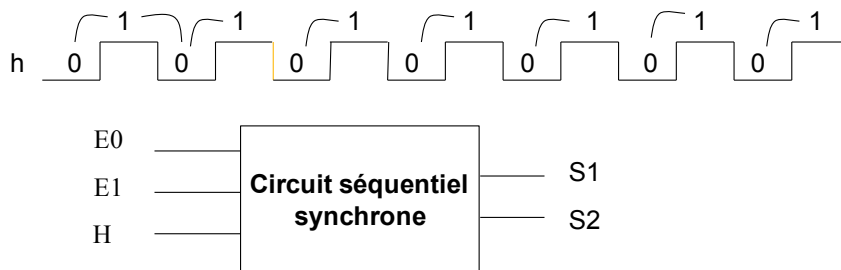


FIG. 3.1: Circuit séquentiel avec une entrée de l'horloge الساعة مدخل للدارات تعاقبية ذات

3.1.2 Etude des bascules

دراسة القلابات

La bascule est un circuit bistable pouvant prendre deux états logiques "0" ou "1".

L'état de la bascule peut être modifié en agissant sur une ou plusieurs entrées. Le **nouvel état** de la bascule **dépend de l'état précédent**, c'est l'élément de base des circuits séquentiels.

La bascule peut **conserver** son état pendant une durée quelconque, elle peut donc être utilisée comme **mémoire**.

القلاب دائرة ثنائية الاستقرار تأخذ حالتين منطقيتين 0 و 1. وحالتها تتبدل بتعديل بعض مداخلها. حالتها الجديدة تتعلق بحالتها السابقة، لذا يعتبر القلاب الدائرة الأساسية في الدارات المتعاقبية. القلاب يستطيع حفظ حالته السابقة لفترة زمنية، لذا يُستعمل كذاكرة.

Il existe plusieurs types des bascules :

القلابات أنواع سنرى منها

- Bascules RS (bascules Asynchrones) • قلابات RS غير المتزامنة
- Bascules RSH (bascules RS synchrones) • قلابات RSH المتزامنة
- Bascules T • قلابات T
- Bascules D • قلابات D
- Bascules JK • قلابات JK

3.1.2.1 Bascules R S قلابات R S

La bascule RS est définie par le schéma bloc de la figure 3.2 et par la table de vérité suivante, sachant que :

- S : Set = mise à un, Q_{t+1} est forcé à un par S.
- R : Reset = mise à zéro, Q_{t+1} est forcé à un par R.
- Lorsque S et R sont à zéro, la sortie Q_{t+1} garde la même valeur précédente.
- Lorsque S et R sont à un, cas interdit.

يعرف القلاب RS بالشكل 3.2 و بجدول الحقيقة الموالي حيث :

• المتغير S يجعل المخرج واحداً (توحيد)

• المتغير R يجعل المخرج صفراً (تصفير)

• حين يكون المتغيران معا في الصفر، يحفظ المخرج حالته السابقة

• حين يكون المتغيران معا في الواحد، حالة ممنوعة

R	S	Q_t	
0	0	Q_t	ذاكرة Etat mémoire
0	1	1	توحيد Remise à 1
1	0	0	تصفير Remise à 0
1	1	X	ممنوعة Interdit

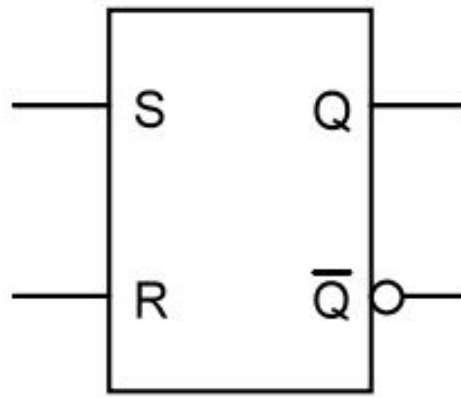


FIG. 3.2: Schéma bloc d'une bascule RS المخطط المُصمَّم لقلاب

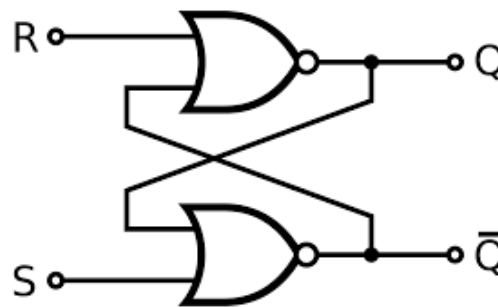


FIG. 3.3: Logigramme d'une bascule RS المخطط المنطقي لقلاب

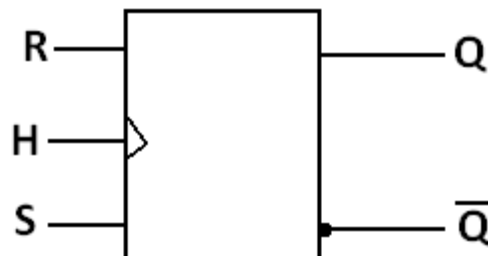


FIG. 3.4: Schéma bloc d'une bascule RSH المخطط المُصمَّم لقلاب

3.1.2.2 Bascule RSH synchrone

القلاب المتزامن

C'est une bascule RS dont la prise en compte de l'état des entrées est synchronisée par **une impulsion d'horloge**. Ceci permet d'éviter l'arrivée accidentelle de "zéro" sur R ou sur S.

القلاب RSH مشتق من القلاب RS بمزامنته بنبضة مؤقت (ساعة)، مما يمنع الوصول المفاجئ للصفر على المدخل R أو S. حين تكون الساعة في الصفر، نحفظ الحالة السابقة.

Signal d'horloge : Une bascule synchronisée peut être déclenchée sur le **front montant** \nearrow ou sur le **front descendant** \searrow de l'impulsion d'horloge. De plus, afin d'obtenir un fonctionnement correct, le constructeur indique des temps à respecter.

إشارة المؤقت : ينطلق القلاب المتزامن عند الجبهة الصاعدة \nearrow أو الجبهة النازلة \searrow لنبضة الساعة. يعطي الصانعون توضيحات عن الوقت المطلوب احترامه من أجل السير الصحيح للدائرة.

جدول الحقيقة

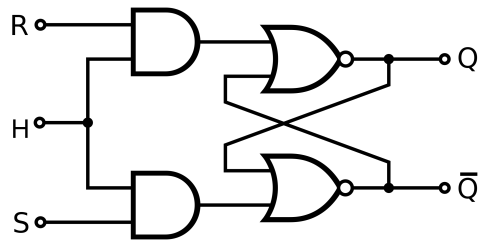


FIG. 3.5: logigramme d'une bascule RSH المخطط المنطقي لقلاب

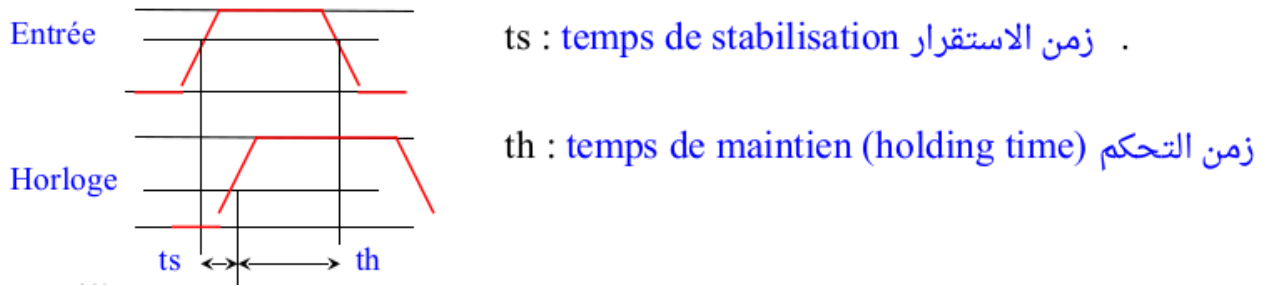


FIG. 3.6: Synchronisation التزامن

h	R	S	Q_t	\overline{Q}_t	
0	X	X	Q_{t-1}	\overline{Q}_{t-1}	
0	0	0	Q_{t-1}	\overline{Q}_{t-1}	
0	0	1	1	0	
0	1	0	0	1	
0	1	1	X	X	Interdit

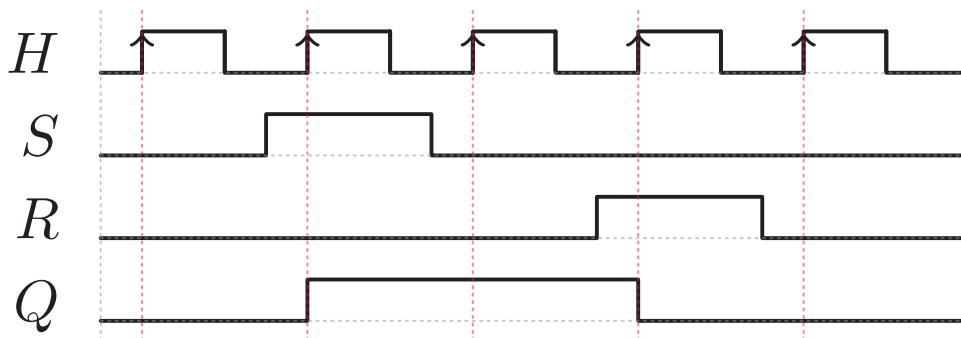


FIG. 3.7: Chronogramme d'une bascule RSH المخطط الزمني

3.1.2.3 Bascule J K synchrone

القلاب ج.ك المتزامن

La bascule J K synchrone (simple étage) est obtenue à partir d'une bascule RSH dont les sorties sont rebouclées sur les entrées. Ceci permet d'éliminer l'état indéterminé.

القلاب ج.ك مشتق من القلاب RS، بربط مخرجه إلى مداخله، مما يقصي الحالة الممنوعة.

Remarque

Remarque : Pour $J = K = 1$, on dit que l'on est dans le mode basculement.

ملاحظة حين يكون ج.ك=1، نكون في حالة القلب (الانقلاب)، أي الحالة الحالية هي عكس الحالة السابقة.

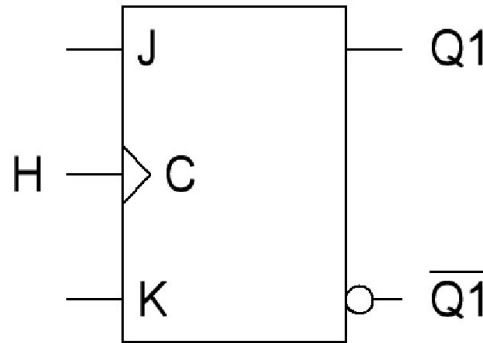


FIG. 3.8: Schéma bloc d'une bascule JK. المخطط المصمت لقلاب ج.ك

جدول الحقيقة Table de vérité

h	J	K	Q_t	
0	X	X	Q_{t-1}	
⌊	0	0	Q_{t-1}	
⌊	0	1	0	
⌊	1	0	1	
⌊	1	1	$\overline{Q_{t-1}}$	Basculement

3.1.2.4

القلاب ج.ك في La bascules J.K en mode asynchrone النمط اللامتزامن

يُزود القلاب ج.ك بمداخل للتصفير والتوحيد غير المتزامن تكون لها الأولوية على الساعة ويعمل بالمنطق العكسي، يسمح هذا التركيب بفرض قيم معينة على القلاب.

La bascule JK peut être dotée

- Deux entrées Pr (preset) et cl (clear) asynchrone
- Plus prioritaire que l'horloge
- Pr et Cl fonctionne avec la logique négative.

3.1.2.5

Bascule D synchrone

القلاب د المتزامن

Une bascule D est réalisée à partir d'une bascule RS ou JK dont les entrées sont reliées par un inverseur. Ceci impose donc que les entrées prennent des états complémentaires.

القلاب D مشتق من القلاب RS أو ج.ك بربط مدخليه بعاكس، مما يجعل مداخله تأخذ حالتين متتامتين.

جدول الحقيقة Table de vérité

h	D	Q_t
0	X	Q_{t-1}
⌊	0	0
⌊	1	1

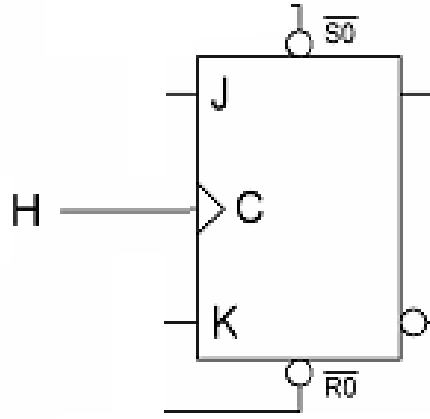


FIG. 3.9: Schéma d'une bascule JK asynchrone المخطط المصمت لقلاب ج.ك غير المتزامن

Mode	Pr	Cl	H	J	K	Q+	Remarque
Asynchrone	0	0	X	X	X	X	Interdit
نمط غير متزامن	0	1	X	X	X	1	Mise à 1
	1	0	X	X	X	0	Mise à 0
Synchrone	1	1	0/1	X	X	Q	Etat mémoire
نمط متزامن	1	1	⌋	0	0	Q	Etat mémoire
	1	1	⌋	0	1	0	Mise à 0
	1	1	⌋	1	0	1	Mise à 1
	1	1	⌋	1	1	\overline{Q}	Basculement
	1	1	⌋	1	1	\overline{Q}	قلب

FIG. 3.10: Table de vérité d'une bascule JK asynchrone جدول الحقيقة للقلاب ج.ك في النمط اللامزامن

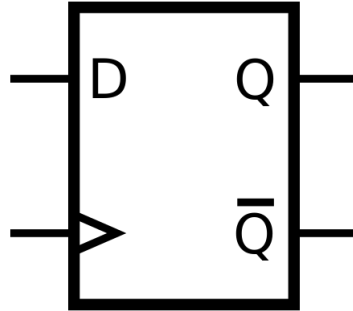


FIG. 3.11: Schéma bloc d'une bascule D المخطط المصمت للقلاب د

Utilisation : La sortie prend l'état de l'entrée D après l'impulsion d'horloge. Ceci permet par exemple de synchroniser le transfert de données en parallèle.

استعمال : المخرج يأخذ حالة المدخل عند نبضة الساعة، مما يساعدنا في مزامنة نقل البيانات على التوازي.

3.1.2.6

Bascule D à verrouillage (Latch)

قلاب د القفل

Cette bascule ne possède pas de circuit détecteur de front et la sortie Q prend donc l'état de l'entrée D tant que l'horloge est à l'état haut.

في القلاب D بالقفل يأخذ المخرج Q حالة المدخل حين تكون نبضة الساعة في المستوى العلو

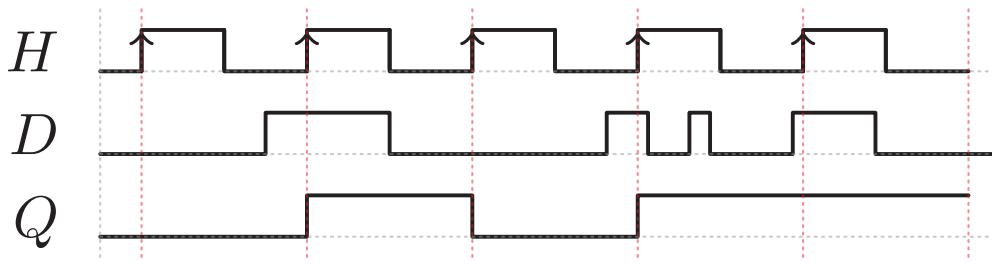


FIG. 3.12: Exemple d'un chronogramme d'une bascule D مثال مخطط زمني للقلاب د

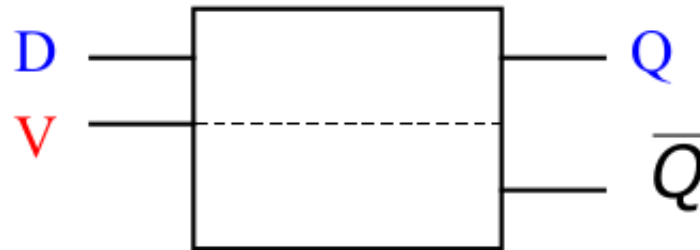


FIG. 3.13: Schéma bloc d'une bascule D latch مخطط مصمت للقلاب د القفل

Table de vérité d'une bascule D-latch جدول الحقيقة للقلاب د القفل

D	V	Q_t
x	0	Q_{t-1}
0	1	0
1	1	1

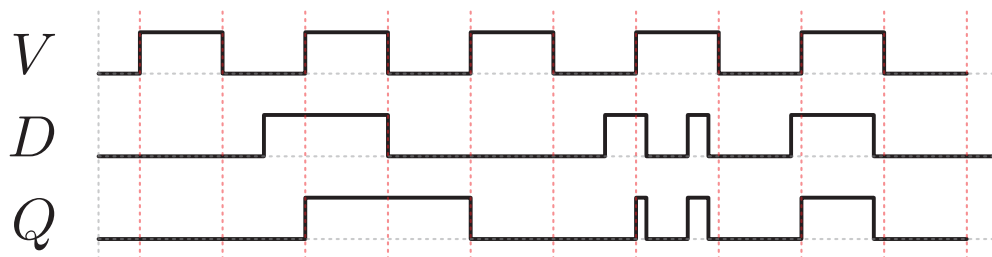


FIG. 3.14: Exemple d'un chronogramme d'une bascule D Latch مثال مخطط زمني للقلاب د القفل

Remarque

On ne parle plus dans cette bascule de l'entrée d'horloge mais plutôt de l'entrée de validation.

ملاحظة : في هذه الحالة نبضة الساعة ليست للتوقيت، بل للمصادقة.

Chapitre 4

Registres, Mémoires

السجلات والذاكرات

Une fonction importante en logique séquentielle est la fonction mémoire. Dans un système informatique, quel que soit sa forme, la mémoire est primordiale. Nous allons voir un type particulier de mémoire, les registres, ou mémoire statique.

الذاكرة أهم وظائف الدارات التعاقبية، وهي حيوية جدا للنظام المعلوماتي، وفي ما يأتي سنلقي نظرة على الذاكرة والسجلات .

4.0.1 Mémoire 1 bit

ذاكرة 1 بت

La cellule de base de tous les types de registres est la mémoire statique 1 bit :

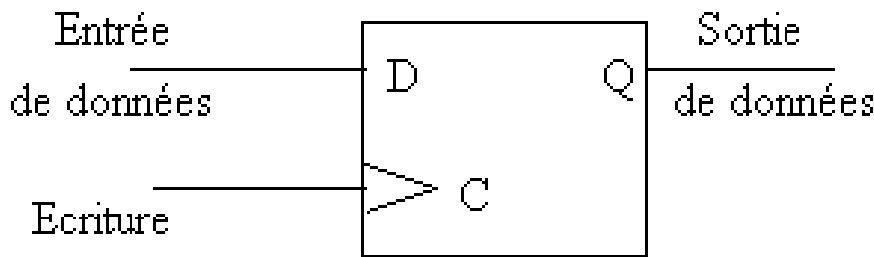


FIG. 4.1:

Sur un front montant (ou descendant) de l'entrée de contrôle C, la mémoire prend la valeur présentée en entrée et la maintient jusqu'au prochain front montant (descendant) de C.

عند الجبهة الصاعدة (أو النازلة) لمدخل التحكم C ، تأخذ الذاكرة القيمة الحاضرة في المدخل وتحفظها حتى الجبهة الصاعدة (أو النازلة) القادمة لـ C.

Il peut y avoir présents des entrées Set et Reset pour forcer à 0 ou à 1 la cellule mémoire.

قد يكون لها أيضا مدخلان set و reset لتصفير الذاكرة أو توحيدها

L'entrée de contrôle (ou horloge) C est ici appelée bit d'écriture ; en effet, c'est un front montant (descendant) sur cette ligne qui déclenche une écriture dans la cellule mémoire. La lecture est quand à elle permanente, l'état "interne" étant présent en permanence sur la ligne de sortie Q. Il est à noter que la sortie \bar{Q} n'est pas utilisée.

يسمى مدخل التحكم أو الساعة بـ "بت الكتابة"، أي أنّ جبهة صاعدة أو نازلة تُطلق عملية كتابة في الذاكرة .
بينما تكون القراءة دائمة، فحالة الذاكرة حاضرة دائماً على المخرج Q، ونلاحظ أنّ المخرج العكسي \bar{Q} غير مستعمل

On peut également trouver des mémoires avec une entrée de contrôle par niveau (au lieu de par front) mais c'est plus rare. Le principe est cependant le même, mais l'opération d'écriture se réalise durant toute la durée du niveau haut (ou bas) de C. Bien évidemment, l'entrée D ne doit pas changer pendant ce temps !

بعض الأنواع من الذاكرة تُزامن على مستوى الساعة، بدلا من جبهتها، فتدوم الكتابة طيلة وقت المستوى، العلوي أو السفلي لمدخل التحكم C ، لذا ينبغي ألا تتغير قيمة المدخل في الأثناء.

4.0.2 I.2 : Le registre

السجل

Un registre est un ensemble de cellules mémoire de base. Il est de faible capacité (4, 8, 16, 64 bits) mais de temps d'accès très faible (rapide, quelques ns en général). Les données peuvent être écrites/lues en même temps (parallèle) ou une après l'autre (série).

السجل مجموعة من خلايا الذاكرة الأساسية، ذو حجم ضئيل (4، 8، 16، 64 بت) وزمن وصول سريع (ضئيل جدا بضع نانوثاني)، يمكن أن تكتب البيانات فيها في الوقت نفسه أي على التوازي، أو واحدة بواحدة (على التسلسل).

Le nombre de bits du registre correspond au nombre de cellules mémoire (bascules D) du registre. Notons que toutes les entrées d'horloge (C) des cellules sont reliées. (ligne d'écriture).

عدد بتات السجل يساوي عدد خلاياه من الذاكرة (قلاب D)، ونلاحظ أن مدخل الساعة مشترك بين الخلايا (خط الكتابة).

4.0.3 Registre parallèle

السجل المتوازي

Tous les bits sont lus et écrits en même temps (en parallèle). Par exemple, pour un registre parallèle 4 bits, le symbole et le schéma sont :

تكتب البيانات أو تقرأ في الوقت نفسه (على التوازي)، وإليك مثالا عن سجل متوازي ذي أربعة بتات.

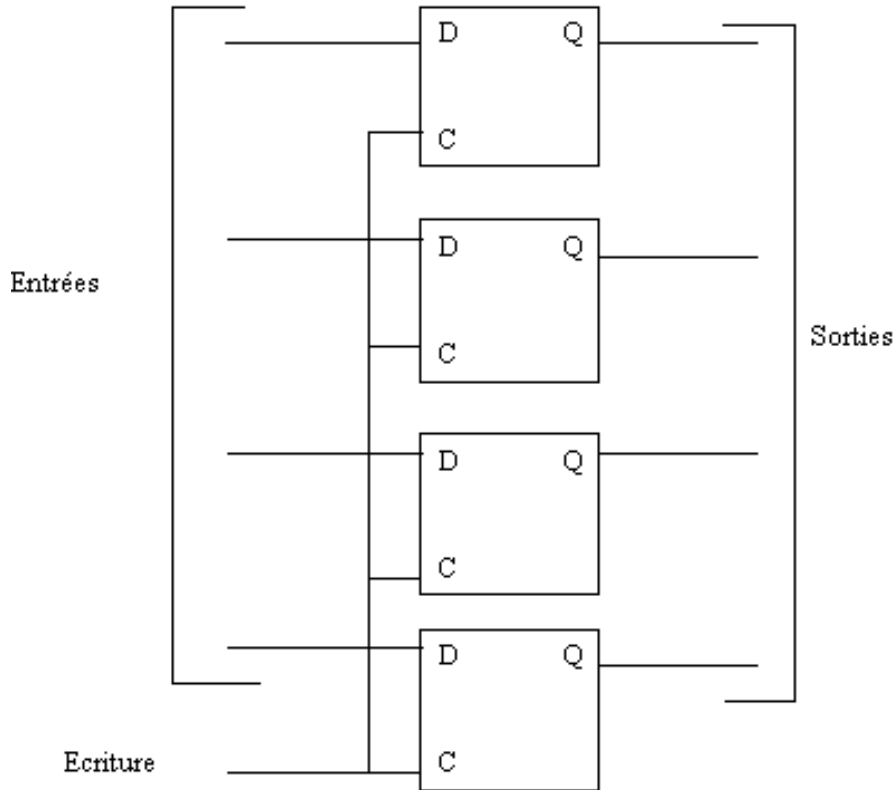


FIG. 4.2: Schéma de réalisation مخطط الإنجاز

Un registre parallèle est très rapide, mais pour un grand nombre de bits demande beaucoup de connexions. Il est souvent fourni avec des entrées de type " 3 états " pour une connexion avec un bus.

السجل المتوازي سريع، ولكنه يحتاج لوصلات كثيرة من أجل عدد بتات كبير.

ويأتي مزودا بمدخل ثلاثية الحالة لربطها مع الناقل

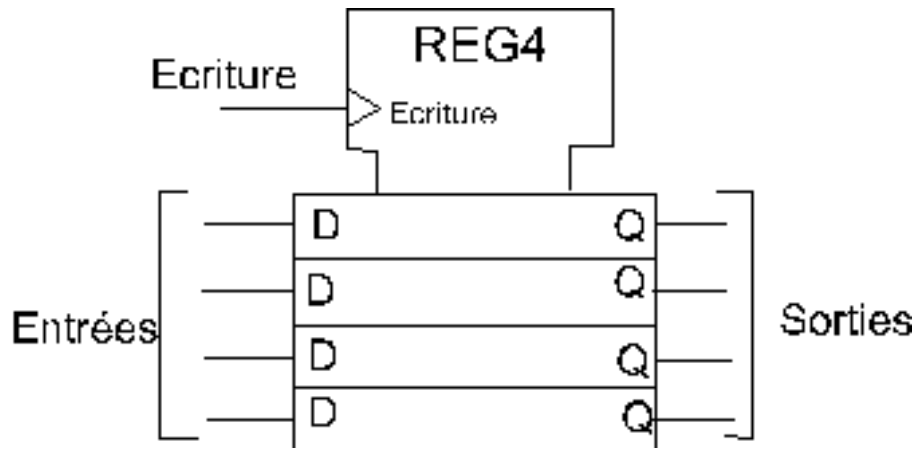


FIG. 4.3: Symbole رمز

4.0.4

I.4 : Registre série (registre à décalage) سجل متسلسل أو بالإزاحة

Les bits sont lus/écrits les uns après les autres, et décalés. Exemple de réalisation :

تكتب البيانات واحدة تلو الأخرى أي بالإزاحة، وإليك مثالا

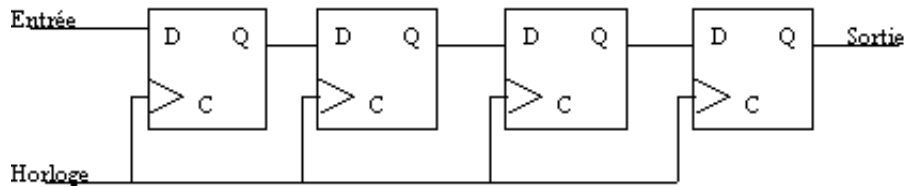


FIG. 4.4:

En 4 cycles d'horloge, un mot de 4 bits est mémorisé.

نحتاج لأربعة أدوار للساعة كي نحفظ كلمة من 4 بتات

Attention : le décalage se produit également pour la lecture : si les bits ne sont pas " réintroduits " à l'entrée, l'information est perdue !

تنبيه : تحدث الإزاحة أيضا في القراءة، لذا علينا تدوير البيانات على المدخل كي لا تضيع

. Le chronogramme de fonctionnement est le suivant (on veut mémoriser le mot '1011') :

يوضح المخطط الزمني الآتي حفظ كلمة '1011'

4.0.5

Registres mixtes

السجلات المختلطة

On peut imaginer des registres mixtes, donc on peut écrire en parallèle et lire en série, ou vice-versa, ou qui offrent les deux possibilités " au choix ".

السجلات المختلطة يمكن أن تكتب البيانات على التسلسل وتقرأها على التوازي، أو العكس، أو على الخيار

4.1

La mémoire centrale

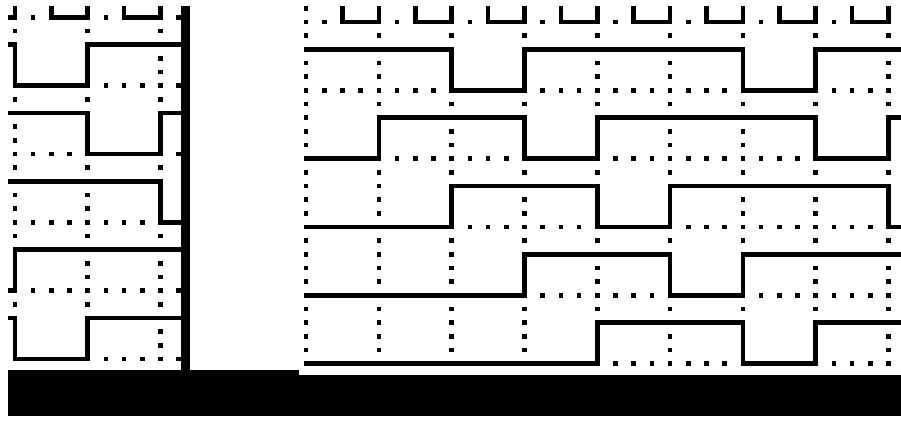


FIG. 4.5:

4.1.1 Introduction

- Avec une bascule c'est possible de mémoriser une information sur 1 seul bit.
- Avec un registre c'est possible de mémoriser une information sur n bits.
- Si on veut mémoriser une information de taille important → il faut utiliser une mémoire .
-
-
-

4.1.2 Architecture matérielle d'une machine (architecture de Von Neumann) (هندسة الأجهزة للآلة (هندسة فون نيومان)

4.1.2.1 L'Unité Centrale (UC)(الوحدة المركزية)

L'unité centrale (appelée aussi processeur) a pour rôle d'exécuter les programmes.

L'UC est composée d'une unité arithmétique et logique (UAL) et d'une unité de contrôle.

L'unité arithmétique et logique réalise une opération élémentaire (addition, soustraction, multiplication, . . .) du processeur à chaque top d'horloge.

L'unité de commande contrôle les opérations sur la mémoire (lecture/écriture) et les opérations à réaliser par l'UAL selon l'instruction en cours d'exécution.

Pour pouvoir effectuer les opérations sur des données et exécuter des programmes l'UC doit disposer d'un espace de travail . Cette espace de travail s'appel la mémoire centrale.

دور الوحدة المركزية (وتسمى أيضًا المعالج) تنفيذ البرامج.

تتكون وحدة المعالجة المركزية من وحدة الحساب والمنطق (UAL) ووحدة تحكم.

تقوم وحدة الحساب والمنطق بإجراء عملية أساسية واحدة (جمع ، وطرح ، وضرب ، وغيرها) للمعالج في كل نبضة ساعة.

تتحكم وحدة التحكم في العمليات على الذاكرة (قراءة / كتابة) والعمليات التي تنفذها وحدة الحساب والمنطق UAL وفقًا للتعليمات قيد التنفيذ. لتتمكن من إجراء العمليات على البيانات وتنفيذ البرامج ، يجب أن تحتوي وحدة المعالجة المركزية على مساحة عمل. تسمى مساحة العمل هذه

Définition

C'est quoi une mémoire ? Une mémoire est un dispositif capable d'**enregistrer** une information, de la **conserver** (mémoriser), et de la **restituer** (possible de la lire ou la récupérer par la suite).

2. ما هي الذاكرة؟

الذاكرة هي جهاز قادر على تسجيل المعلومات وتخزينها (حفظها) واستعادتها (يمكن قراءتها أو استرجاعها لاحقاً).

Exemple

Exemple de mémoire : La mémoire centrale, Un disque dur, Une disquette, Un flash disque La mémoire peut être dans le processeur (des registres) , interne (Mémoire centrale ou principale) ou externe (Mémoire secondaire) .

مثال على الذاكرة : الذاكرة الرئيسية، قرص صلب، قرص مرن، قرص فلاش USB. يمكن أن تكون الذاكرة في المعالج (سجلات) أو داخلية (ذاكرة مركزية أو رئيسية) أو خارجية (ذاكرة ثانوية).

Préfixe binaire		
Nom	Symbole	Valeur
kilooctet	Kio	2^{10}
mégaoctet	Mio	2^{20}
gigaoctet	Gio	2^{30}
téraoctet	Tio	2^{40}
pétaoctet	Pio	2^{50}
exaoctet	Eio	2^{60}
zettaoctet	Zio	2^{70}
yottaoctet	Yio	2^{80}

FIG. 4.6: Multiple d'octet مضاعفات البايت

4.1.3 خصائص الذاكرة Caractéristiques des mémoires

4.1.3.1 سعة الذاكرة La capacité d'une mémoire

La capacité (taille) d'une mémoire est le nombre (quantité) d'informations qu'on peut enregistrer (mémoriser) dans cette mémoire.

La capacité peut s'exprimer en :

- Bit : est l'élément de base pour la représentation de l'information .
- Octet : 1 Octet = 8 bits

سعة (حجم) الذاكرة هي عدد (كمية) المعلومات التي يمكن تسجيلها (حفظها في الذاكرة) فيها. نُعبّر عن السعة بـ :

• البت : هو العنصر الأساسي لتمثيل المعلومات، ويمثل رقماً ثنائياً واحداً

• البايت : 1 بايت = 8 بت

4.1.3.2 Volatilité الزوال

Si une mémoire perd son contenu (les informations) lorsque la source d'alimentation est coupée alors la mémoire est dite volatile.

Si une mémoire ne perd pas (conserve) son contenu lorsque la source d'alimentation est coupée alors la mémoire est dite non volatile (mémoire permanente ou stable).

إذا فقدت الذاكرة محتواها (المعلومات) عند انقطاع مصادر الطاقة، فيُقال أنها ذاكرة زائلة.

إذا لم تفقد الذاكرة (تحتفظ) بمحتوياتها عند انقطاع مصادر الطاقة، يُقال أن الذاكرة غير زائلة (ذاكرة دائمة أو ثابتة).

4.1.3.3 Mode d'accès à l'information (lecture /écriture) طريقة الوصول للمعلومة (كتابة/ قراءة)

Sur une mémoire on peut effectuer l'opération de :

- **lecture** : récupérer / restituer une information à partir de la mémoire.
- **écriture** : enregistrer une nouvelle information ou modifier une information déjà existante dans la mémoire.

Il existe des mémoires qui offrent les deux modes lecteur/écriture , ces mémoires s'appellent mémoires vives. Il existe des mémoires qui offrent uniquement la possibilité de la lecture (c'est pas possible de modifier le contenu). Ces mémoires s'appellent mémoires mortes.

في الذاكرة ، يمكنك إجراء عملية :

• القراءة : استرداد / استعادة المعلومات من الذاكرة.

• الكتابة : حفظ المعلومات الجديدة أو تعديل المعلومات الموجودة بالفعل في الذاكرة.

هناك ذاكرات يمكن القراءة / الكتابة عليها، وتسمى هذه الذاكرات ذاكرات حية.

هناك ذاكرات يمكن القراءة منها (لا يمكن تعديل المحتوى). تسمى هذه الذاكرات الميتة.

4.1.3.4 Temps d'accès زمن الوصول

C'est le temps nécessaire pour effectuer une opération de lecture ou d'écriture. Par exemple pour l'opération de lecture , le temps d'accès est le temps qui sépare la demande de la lecture de la disponibilité de l'information.

إنه الوقت المطلوب لإجراء عملية قراءة أو كتابة.

على سبيل المثال ، بالنسبة لعملية القراءة ، يكون وقت الوصول هو الوقت بين طلب القراءة وتوفير المعلومات.

4.1.4 Classification des mémoires تصنيف الذاكرات

Les mémoires peuvent être classées en trois catégories selon la technologie utilisée :

- Mémoire à semi-conducteur (mémoire centrale, ROM, PROM,.....) : très rapide mais de taille réduite.
- Mémoire magnétique (disque dur, disquette,...) : moins rapide mais stocke un volume d'informations très grand.

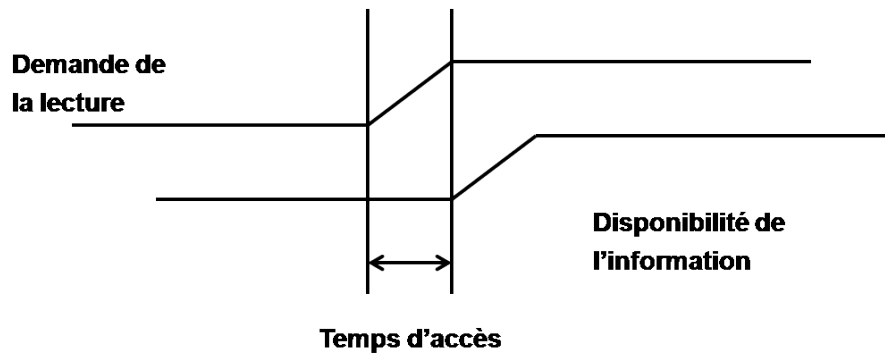


FIG. 4.7: Temps d'accès

- Mémoire optique (DVD, CDROM,..)

تصنف الذاكرات من حيث تقنية التصنيع إلى ثلاثة أصناف :

- الذاكرات المصنوعة بأشياء الموصلات (الذاكرة المركزية، ذاكرة القراءة فقط ،ROM ذاكرات مبرمجة (PROM : سريعة جدا، لكن حجمها صغير.
- ذاكرات مغناطيسية (قرص صلب، قرص مرن، شريط مغناطيسي) : أقل سرعة، لكن تحفظ حجما كبيرا من المعلومات
- ذاكرات ضوئية (أقراص ،DVD والأقراص المضغوطة)

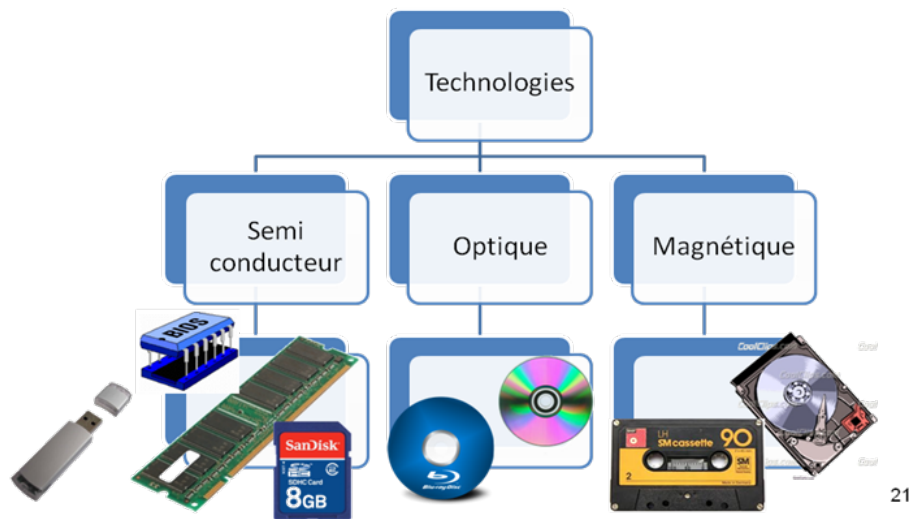


FIG. 4.8: Classification des mémoires تصنيف الذاكرات

4.1.4.1 Mémoire à semi-conducteur الذاكرات المصنوعة من أشياء الموصلات

4.1.4.2 Les mémoires mortes الذاكرات الميتة

Les mémoires mortes sont classées selon la possibilité de les programmer et de les effacer :

- Les **ROM** (Read Only Memory) dont le contenu est défini lors de la fabrication.
- Les **PROM** (Programmable Read Only Memory) sont programmables par l'utilisateur, mais une seule fois en raison du moyen de stockage, les données sont stockées par des fusibles.

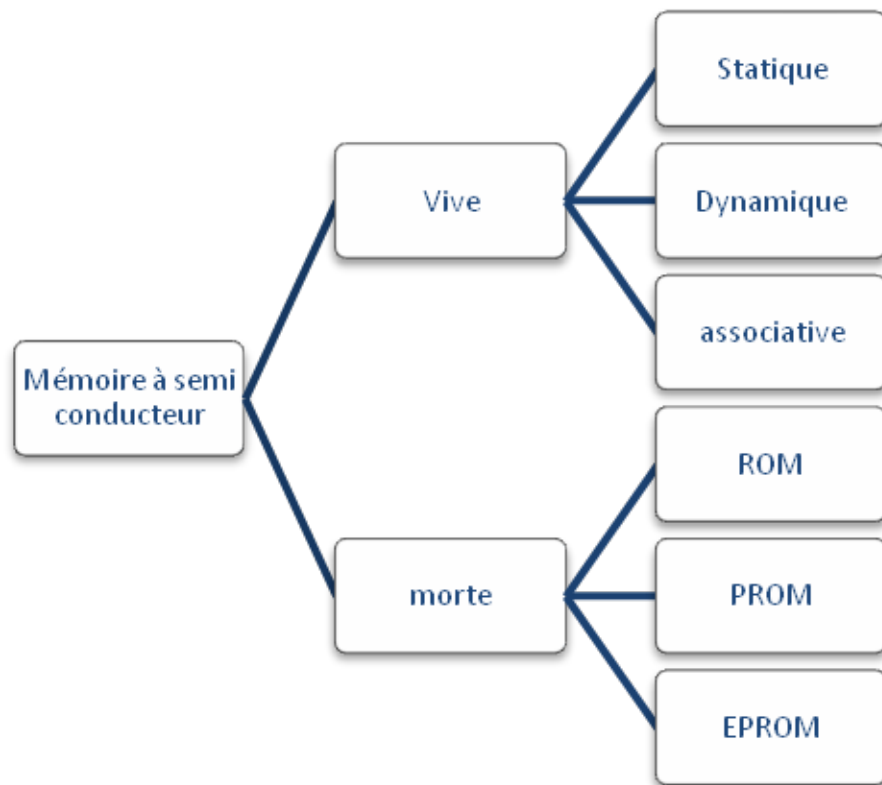


FIG. 4.9: Mémoire à semi-conducteur المصنوعة من أشباه الموصلات

- Les **EPROM** (Erasable Programmable Read Only Memory) sont effaçables et programmables par l'utilisateur.
- Les **EEPROM** (Electrically Erasable Programmable Read Only Memory) sont effaçables et programmables par l'utilisateur. Elles sont plus faciles à effacer que les EPROM car elles sont effaçables électriquement donc sans manipulations physiques.

تصنف الذاكرات الميئة حسب القدرة على برمجتها وحذف محتواها :

• ذاكرات القراءة فقط (Read ROM Only Memory) التي محتواها مكتوب عند تصنيعها.

• ذاكرات القراءة فقط القابلة للبرمجة (Programmable PROM Only Read Memory)، يبرمجها المستخدم، مرة واحدة فقط للتخزين، تحفظ البيانات بواسطة صمامات منصهرة. fusibles.

• ذاكرات القراءة فقط القابلة للبرمجة والحذف (Erasable EPROM Only Read Programmable Memory)، تقبل البرمجة والحذف من المستخدم.

• ذاكرات القراءة فقط القابلة للبرمجة والحذف كهربائيا (Electrically EEPROM Only Read Programmable Erasable Memory)، يمكن برمجتها وحذفها بسهولة كهربائيا دون تعديل مادي.

4.1.5 La mémoire centrale (RAM : Random Acces memory) الذاكرة المركزية (ذاكرة وصول عشوائي)

4.1.5.1 ماهي الذاكرة المركزية ? C'est quoi une mémoire centrale

La mémoire centrale (MC) représente l'espace de travail de l'ordinateur (calculateur). C'est l'organe principal de rangement des informations utilisées par le processeur.

Dans une machine (ordinateur / calculateur) pour exécuter un programme il faut le charger (copier) dans la mémoire centrale .

Le temps d'accès à la mémoire centrale et sa capacité sont deux éléments qui influent sur le temps d'exécution d'un programme (performance d'une machine).

تمثل الذاكرة المركزية مساحة عمل الحاسوب.
هي الجهاز الرئيسي لتخزين المعلومات التي يستخدمها المعالج.
في الحاسوب يجب نسخ البرنامج في الذاكرة المركزية لتنفيذه.
يؤثر وقت الوصول إلى الذاكرة المركزية وسعتها في وقت تنفيذ البرنامج (أداء الجهاز).

4.1.5.2 خصائص الذاكرة المركزية

- La mémoire centrale est réalisée à base de semi-conducteurs.
- La mémoire centrale est une mémoire vive : accès en lecture et écriture.
- La mémoire centrale est dite à accès aléatoire (RAM : Random Access Memory) c'est-à-dire que le temps d'accès à l'information est indépendant de sa place en mémoire.
- La mémoire centrale est volatile : la conservation de son contenu nécessite la permanence de son alimentation électrique.
- Un temps d'accès à une mémoire centrale est moyen mais plus rapide que les mémoires magnétiques .
- La capacité d'une mémoire centrale est limitée mais il y a toujours une possibilité d'une extension.
- Pour la communication avec les autres organes de l'ordinateur, la mémoire centrale utilise les bus (bus d'adresses et bus de données)

- الذاكرة الرئيسية مصنوعة من أشباه الموصلات.
- الذاكرة الرئيسية ذاكرة وصول عشوائي : قراءة وكتابة.
- يقال أن الذاكرة المركزية ذاكرة وصول عشوائي، أي أن وقت الوصول إلى المعلومات غير متعلق بمكانها في الذاكرة.
- الذاكرة المركزية زائلة : يتطلب حفظ محتوياتها مصدر طاقة، وتزول بانقطاعه.
- وقت الوصول إلى ذاكرة مركزية متوسط ولكنه أسرع من الذاكرات المغناطيسية.
- سعة الذاكرة المركزية محدودة ولكنها قابلة للزيادة.
- للتواصل مع الأجزاء الأخرى في الحاسوب، تستخدم الذاكرة المركزية ناقلات (ناقل العنوان وناقل البيانات)

4.1.5.3 أنواع الذاكرات المركزية Types des mémoires centrales

Il existe deux grandes familles des mémoires centrales : les mémoires statiques (SRAM) et les mémoires dynamiques (DRAM).

- Les mémoires statiques sont à base de bascules de type D , elles possèdent un faible taux d'intégration mais un temps d'accès rapide (Utilisation pour les mémoires cache).
- Les mémoires dynamiques à base de condensateurs , ces mémoires possèdent un très grand taux d'intégration, elles sont plus simples que les mémoires statiques mais avec un temps d'accès plus long .

هناك عائلتان رئيسيتان للذاكرة المركزية : الذاكرات الثابتة (SRAM) والذاكرات الديناميكية (DRAM).

→ تصنع الذاكرات الثابتة بالقلابات من النوع D ، ولها معدل إدماج منخفض ولكن وقت وصول سريع (تستخدم لذاكرة التخزين المؤقت -الخبيثة).

→ الذاكرات الديناميكية قائمة على المكثفات، تتمتع هذه الذكريات بمعدل إدماج عالٍ للغاية، فهي أبسط من الذكريات الثابتة ولكن مع وقت وصول أطول.

4.1.5.4 Vue logique de la mémoire centrale المركبة

- La mémoire centrale peut être vue comme un large vecteur (tableau) de mots ou octets.
- Un mot mémoire stocke une information sur n bits.
- un mot mémoire contient plusieurs cellules mémoire.
- Une cellule mémoire stock 1 seul bit .
- Chaque mot possède sa propre adresse.
- Une adresse est un numéro unique qui permet d'accéder à un mot mémoire.
- Les adresses sont séquentielles (consécutives)
- La taille de l'adresse (le nombre de bits) dépend de la capacité de la mémoire.
- يمكن اعتبار الذاكرة الرئيسية كمتجه كبير (مصفوفة) من الكلمات أو البايتات.
- كلمة الذاكرة تخزن المعلومات على عدد n بت.
- كلمة ذاكرة تحتوي على عدة خلايا ذاكرة.
- تخزن خلية الذاكرة بت واحد فقط.
- كل كلمة لها عنوانها الخاص.
- العنوان هو رقم فريد يسمح بالوصول إلى كلمة ذاكرة.
- العناوين متسلسلة (متتالية)
- حجم العنوان (عدد البتات) يعتمد على سعة الذاكرة.

4.1.5.5 Structure physique d'une mémoire centrale المادية للذاكرة المركزية

- RAM (Registre d'adresse Mémoire) : ce registre stock l'adresse du mot à lire ou à écrire .
- RIM (Registre d'information mémoire) : stock l'information lu à partir de la mémoire ou l'information à écrire dans la mémoire.
- Décodeur : permet de sélectionner un mot mémoire.
- R/W : commande de lecture/écriture , cette commande permet de lire ou d'écrire dans la mémoire (si R/W=1 alors lecture sinon écriture)
- Bus d'adresses de taille k bits
- Bus de données de taille n bits

- RAM (سجل عنوان الذاكرة) : يخزن هذا السجل عنوان الكلمة المراد قراءتها أو كتابتها.
- RIM (سجل معلومات الذاكرة) : يخزن المعلومات المقروءة من الذاكرة أو المعلومات المراد كتابتها في الذاكرة.
- مفكك الترميز : يسمح لك بتحديد كلمة ذاكرة (اختيارها).
- تعليمية W / R : أمر قراءة / كتابة، هذا الأمر يجعل من الممكن القراءة أو الكتابة في الذاكرة (إذا كان $W / R = 1$ ، فاقراً وإلا اكتب)
- ناقل العنوان بحجم k بت
- ناقل البيانات حجم n بت

Comment sélectionner un mot mémoire? Lorsque une adresse est chargée dans le registre RAM , le décodeur va recevoir la même information que celle du RAM.

A la sortie du décodeur nous allons avoir une seule sortie qui est active → Cette sortie va nous permettre de sélectionner un seul mot mémoire.

عند تحميل عنوان في سجل عنوان الذاكرة، RAM يتلقى المفكك نفس المعلومات الموجودة في سجل العنوان RAM. يكون مخرج واحد فقط من المفكك فعالاً، ما يسمح لنا بتحديد كلمة ذاكرة واحدة.

Comment calculer la capacité d'une MC? Soit k la taille du bus d'adresses (taille du registre RAM)

Soit n la taille du bus de données (taille du registre RIM ou la taille d'un mot mémoire)

On peut exprimer la capacité de la mémoire centrale soit en nombre de mots mémoire ou en bits (octets, kilo-octets,...)

- La capacité = 2^k Mots mémoire
- La capacité = $2^k * n$ Bits

نفرض أن حجم ناقل العناوين هو K (حجم السجل RAM) وليكن n حجم ناقل البيانات (حجم السجل RIM أو حجم كلمة الذاكرة) نُعبّر عن سعة الذاكرة المركزية إما بعدد كلمات الذاكرة أو بالبتات (بايت ، كيلوبايت ، إلخ).

• السعة = 2^k كلمة ذاكرة

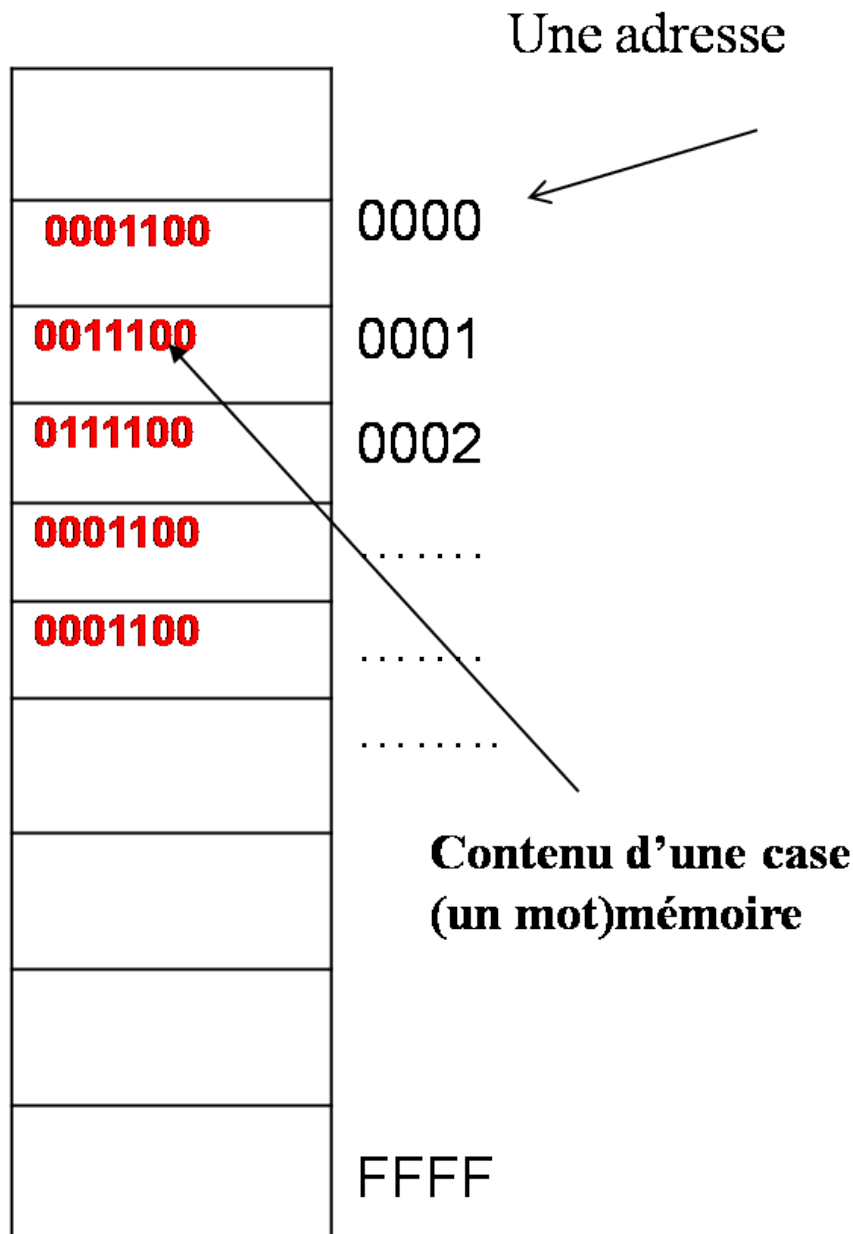
• السعة $n \times 2^k$ بت

Exemple

Dans une mémoire la taille du bus d'adresses $K=14$ et la taille du bus de données $n=4$. Calculer la capacité de cette mémoire?

في ذاكرة ما ، حجم ناقل العنوان $K = 14$ وحجم ناقل البيانات $n = 4$. احسب سعة هذه الذاكرة؟

- $C=214 = 16384$ Mots de 4 bits
- $C= 214 * 4 = 65536$ Bits = 8192 Octets = 8 Ko



29

FIG. 4.10: Structure physique d'une mémoire centrale البنية المادية للذاكرة المركزية

Comment lire une information ? كيف تُقرأ معلومة? Pour lire une information en mémoire centrale il faut effectuer les opérations suivantes :

- Charger dans le registre RAM l'adresse du mot à lire.
- Lancer la commande de lecture ($R/W=1$)
- L'information est disponible dans le registre RIM au bout d'un certain temps (temps d'accès)

لقراءة المعلومات الموجودة في الذاكرة المركزية ، يجب إجراء العمليات التالية :

• تحميل عنوان الكلمة المطلوبة في سجل عنوان الذاكرة RAM.

• تشغيل أمر القراءة ($1 = W / (R$)

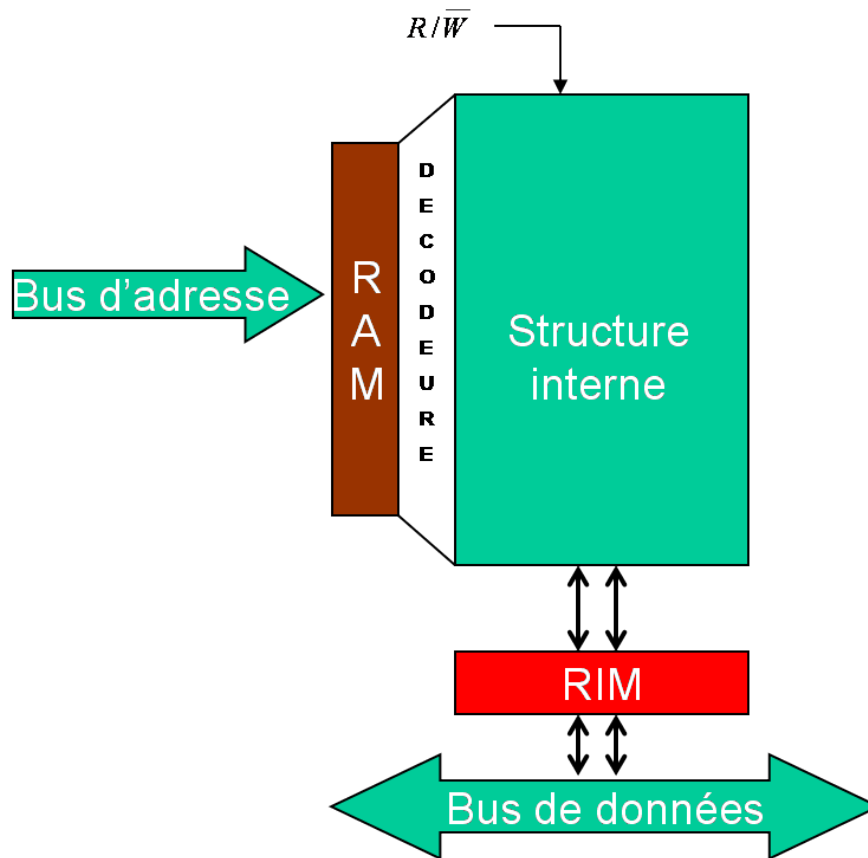


FIG. 4.11: Mot mémoire كلمة ذاكرة

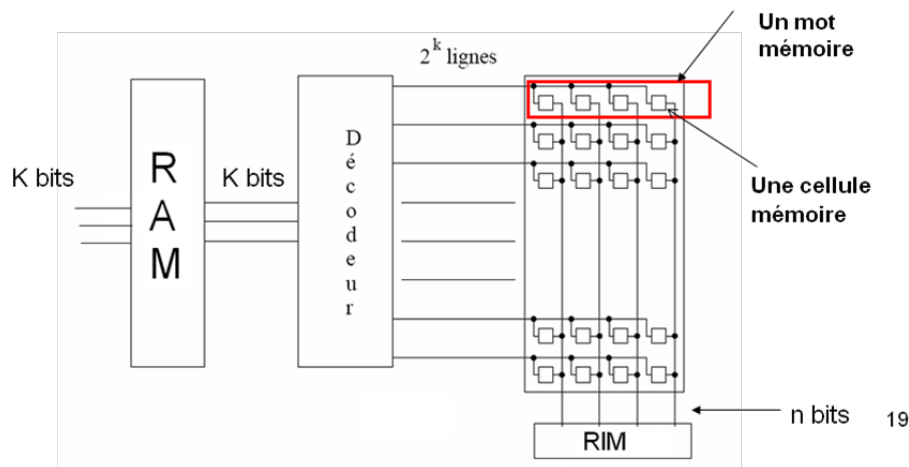


FIG. 4.12: Comment calculer la capacité d'une MC كيف تُحسب سعة ذاكرة مركزية

• ستجهز المعلومة في سجل RIM بعد وقت معين (وقت الوصول)

Comment écrire une information ? كيف تُكتب معلومة Pour écrire une information en MC il faut effectuer les opérations suivantes :

- Charger dans le RAM l'adresse du mot où se fera l'écriture.
- Placer dans le RIM l'information à écrire.
- Lancer la commande d'écriture pour transférer le contenu du RIM dans la mémoire .

لكتابة معلومة في الذاكرة المركزية، يجري ما يلي :

- تحميل عنوان المكان الذي ستكتب فيه المعلومة
- تحميل المعلومة المراد كتابتها في سجل RIM (سجل معلومة الذاكرة)
- تشغيل أمر الكتابة لنقل محتوى سجل RIM إلى الذاكرة

Chapitre 5

Architecture de base d'un ordinateur

البنية الأساسية للحاسوب

5.1 Objectifs

الأهداف

- Comprendre l'architecture d'une machine von newman فهم بنية آلة فون نيومان
- Comprendre les étapes de déroulement de l'exécution d'une instruction. فهم مراحل تنفيذ تعليمة

5.2 Introduction

مقدمة

Un programme est un ensemble d'instructions exécutées dans un ordre bien déterminé.

Un programme est exécuté par un processeur (machine).

Un programme est généralement écrit dans un langage évolué (Pascal, C, VB, Java, etc.).

Les instructions qui constituent un programme peuvent être classifiées en 4 catégories :

- Les Instructions d'affectations : permet de faire le transfert des données
- instructions arithmétiques et logiques.
- Les Instructions de branchement (conditionnelle et inconditionnelle)
- Les Instructions d'entrées sorties.

برنامج مجموعة تعليمات تنفذ في ترتيب معين البرنامج يُنفّذه معالج البرنامج مكتوب عادة بلغة برمجية راقية مثل سي، جافا تعليمات البرنامج أربعة أصناف

• تعليمات التخصيص تسمح بنقل البيانات

• تعليمات الحساب والمنطق

• تعليمات التفرع المشروط وغير المشروط

• تعليمات الإدخال والإخراج

:() .

Pour exécuter un programme

par une machine, on passe par les étapes suivantes : Édition : on utilise généralement un éditeur de texte pour écrire un programme et le sauvegarder dans un fichier. Compilation : un compilateur est un programme qui convertit le code source (programme écrit dans un langage donné) en un programme écrit dans un langage machine (binaire). Une instruction en langage évolué peut être traduite en

plusieurs instructions machine. Chargement : charger le programme en langage machine dans mémoire afin de l'exécuter .

لتنفيذ برنامج ما على الآلة، تُمرّ بالمراحل الآتية :

- تحرير المصدر في محرر للنصوص ثم حفظ الملف،
- ترجمته بمصنّف ترجمته إلى لغة الآلة (ثنائي). تُترجم تعليمة واحدة مكتوبة بلغة برمجة راقية إلى عدد من تعليمات الآلة.
- التحميل : يحمّل البرنامج في الذاكرة المركزية قبل التنفيذ

Pour exécuter un programme par une machine, on passe par les étapes suivantes :

- Édition : on utilise généralement un éditeur de texte pour écrire un programme et le sauvegarder dans un fichier.
- Compilation : un compilateur est un programme qui convertit le code source (programme écrit dans un langage donné) en un programme écrit dans un langage machine (binaire). Une instruction en langage évolué peut être traduite en plusieurs instructions machine.
- Chargement : charger le programme en langage machine dans mémoire afin de l'exécuter .

كيف يُنفذ برنامج على الآلة لفهم تنفيذ برنامج على الآلة ← ينبغي فهم آلية تنفيذ تعليمة واحدة ← ينبغي فهم بنية الآلة (المعالج) التي ستنفذها.

Comment s'exécute un programme dans la machine ?

- Pour comprendre le mécanisme d'exécution d'un programme → il faut comprendre le mécanisme de l'exécution d'une instruction .
- Pour comprendre le mécanisme de l'exécution d'une instruction → il faut connaître l'architecture de la machine (processeur) sur la quelle va s'exécuter cette instruction.

5.3 Architecture matérielle d'une machine (architecture de Von Neumann)

البنية المادية للآلة (معمارية فون نيومن)

L'architecture de Von Neumann est composée :

- D'une mémoire centrale ,
- D'une unité centrale UC , CPU (Central Processing Unit), processeur , microprocesseur.
- D'un ensemble de dispositifs d'entrées sorties pour communiquer avec l'extérieur.
- Cette architecture est la base des architectures des ordinateurs.

تتكون معمارية (بنية) فون نيومن من ذاكرة مركزية، ووحدة مركزية (معالج)، وأجهزة إدخال وإخراج للتواصل مع الخارج. هذه المعمارية هي أساس بنية الحواسيب.

5.3.1 La mémoire centrale

الذاكرة المركزية

- La mémoire centrale (MC) représente l'espace de travail de l'ordinateur .
- C'est l'organe principal de rangement des informations utilisées par le processeur.

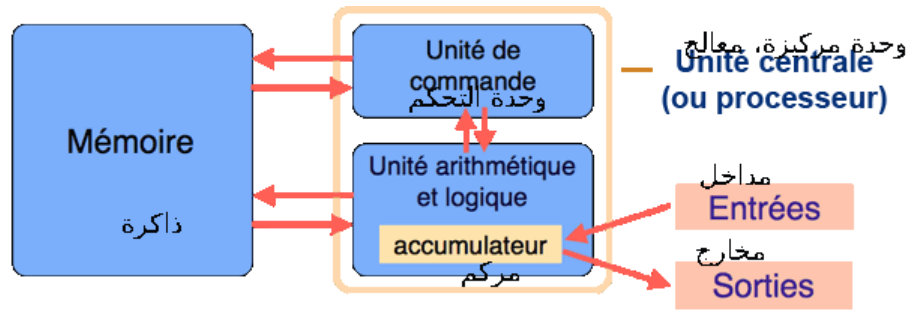


FIG. 5.1: Architecture de Von Neumann (معمارية فون نيومن) البنية المادية للآلة

- Dans un ordinateur pour exécuter un programme il faut le charger (copier) dans la mémoire centrale .
- Le temps d'accès à la mémoire centrale et sa capacité sont deux éléments qui influent sur le temps d'exécution d'un programme (performances d'une machine).

الذاكرة المركزية مساحة عمل الحاسوب، وأهم جزء لحفظ البيانات التي يستعملها المعالج. في الحاسوب ينبغي نسخ البرنامج في الذاكرة قبل تنفيذه. أداء الآلة أو زمن تنفيذ برنامج ما يتأثر بسعة الذاكرة وزمن الوصول إليها.

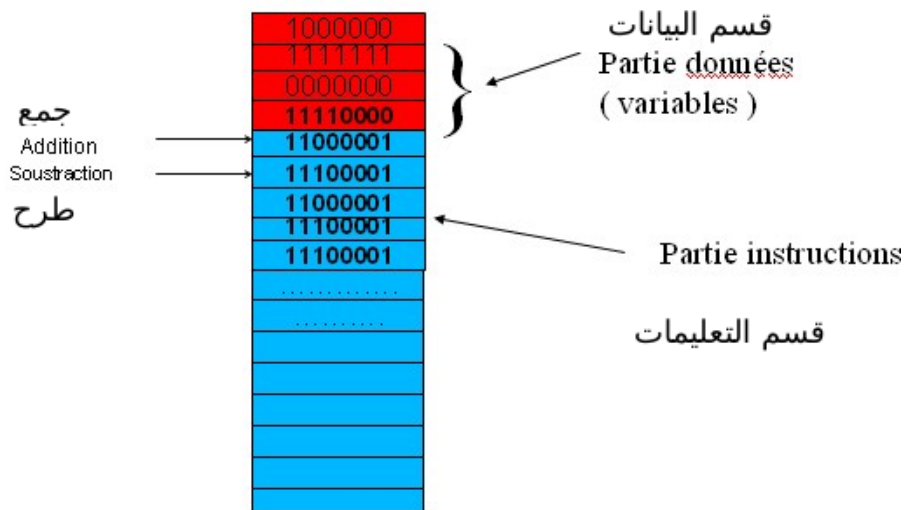


FIG. 5.2: Structure d'un programme en MC (بنية برنامج في الذاكرة المركزية)

5.3.1.1 L'Unité Centrale (UC)

الوحدة المركزية

- L'unité centrale (appelée aussi processeur , microprocesseur) à pour rôle d'exécuter les programmes.
- L'UC est composée d'une unité arithmétique et logique (UAL) et d'une unité de contrôle.
- - L'unité arithmétique et logique réalise les opérations élémentaires (addition, soustraction, multiplication, . . .) .
- - L'unité de commande contrôle les opérations sur la mémoire (lecture/écriture) et les opérations à réaliser par l'UAL selon l'instruction en cours d'exécution.

دور الوحدة المركزية (تسمى أيضا المعالج أو المعالج المصغّر) تنفيذ البرامج، وتتكون من وحدة الحساب والمنطق التي تنفذ العمليات الأساسية من جمع وضرب وقسمة وغيرها، ووحدة التحكم التي تتحكم في العمليات على الذاكرة (قراءة / كتابة) والعمليات التي تنجزها وحدة الحساب والمنطق حسب التعليمات قيد التنفيذ

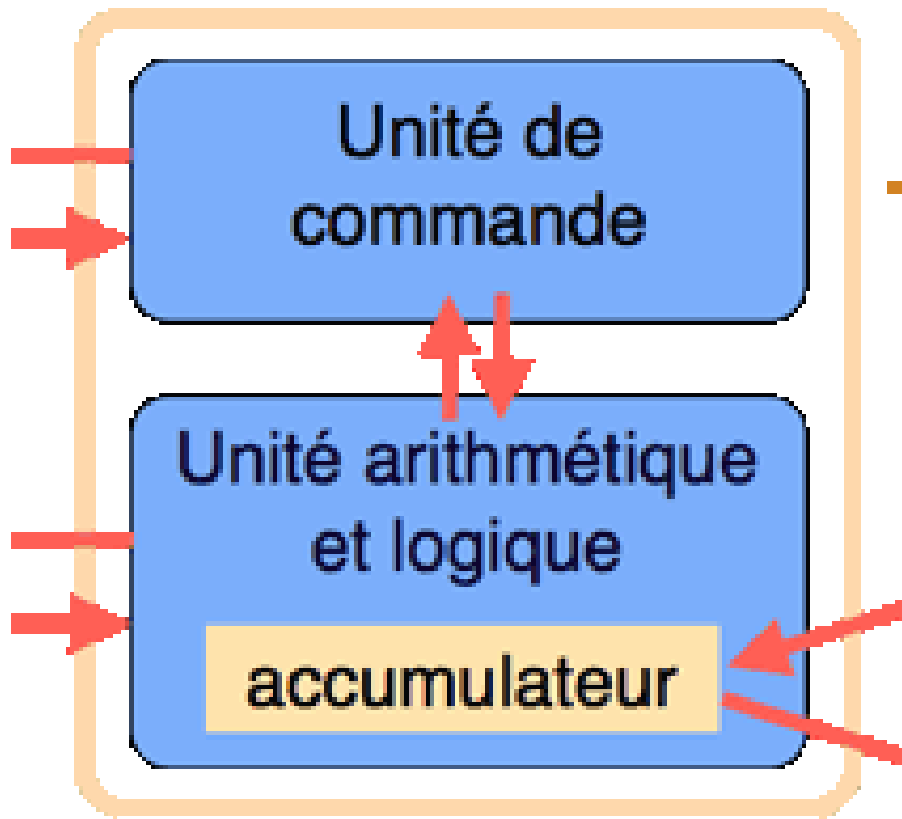


FIG. 5.3: Unité Centrale

5.3.1.2

Unité Arithmétique et logique UAL وحدة الحساب والمنطق

وحدة الحساب والمنطق

- وحدة الحساب والمنطق تقوم بالعمليات الأساسية (جمع، طرح، ضرب، منقسم)، تتكون من مركز ACC وهو سجل للعمل يحفظ العوامل (المعطيات) في بداية العملية ويحفظ النتيجة في النهاية .
- في الوحدة سجل للحالة يشير إلى حالة تنفيذ العملية، هذا السجل مكون من مجموعة بتات تسمى أعلاما تتغير عند نهاية العملية وأهمها :

→ علم الاحتفاظ : يكون 1 إذا نتج عن العملية احتفاظ،

→ علم الإشارة : يكون 1 إذا كان الناتج سالبا

→ علم الطفح : يكون 1 إذا نتج عن العملية طفح (فيضان)

→ - علم الصفر : يكون 1 إذا كانت النتيجة معدومة

- L'unité arithmétique et logique réalise une opération élémentaire (addition, soustraction, multiplication, . . .).

- L'UAL regroupe les circuits qui assurent les fonctions logiques et arithmétiques de bases (ET,OU,ADD,SUS,...).
- L'UAL comporte un registre accumulateur (ACC) : c'est un registre de travail qui sert à stocker un opérande (données) au début d'une opération et le résultat à la fin.
- L'UAL comporte aussi un registre d'état : Ce registre nous indique l'état du déroulement de l'opération .
- Ce registre est composé d'un ensemble de bits. Ces bits s'appellent indicateurs (drapeaux ou flags).
- Ces indicateurs sont mis à jours (modifiés)après la fin de l'exécution d'une opération dans l'UAL.
- Les principaux indicateurs sont :
 - Retenue : ce bit est mis à 1 si l'opération génère une retenue.
 - Signe :ce bit est mis à 1 si l'opération génère un résultat négative.
 - Débordement :ce bit est mis à 1 s'il y a un débordement.
 - Zero : ce bit est mis à 1 si le résultat de l'opération est nul.

C0	C1	C2	Code	Résultat النتيجة	explication	شرح
0	0	0	ADD	$A + (B + Cin)$	La retenue Cout =1 si il y a une retenue La retenue en entrée Cin	$Cout = 1$ يصبح الاحتفاظ الناتج 1 إذا نتج احتفاظ Cin هو الاحتفاظ الداخلى
0	0	1	SUB	$A - (B + Cin)$	Cout =1 si il y a une retenue	$Cout = 1$ إذا كان احتفاظ
0	1	0	MUL	$A * B$	Cout = 0	
0	1	1	DIV	A / B	Cout = 0	
1	0	0	EQ	1 si $A == B$ sinon 0	Cout = 0	
1	0	1	CMP	1 si $A < B$ sinon 0	Cout = 0	
1	1	0	LSH	$A \ll B$	A est décalé à gauche par (B et Cin) Cout est le dernier bit décalé à gauche de A	A ينزاح إلى اليسار بواسطة B و Cin والبت الخارج يخرج في Cout
1	1	1	RSH	$A \gg B$	(A est décalé à droite par B et Cin) Cout est le dernier bit décalé à droite de A	A ينزاح إلى اليمين بواسطة B و Cin والبت الخارج يخرج في Cout

5.3.1.3 Unité de contrôle

وحدة التحكم

Le rôle de l'unité de contrôle (ou unité de commande) est de :

- coordonner le travail de toutes les autres unités (UAL , mémoire,...).
- et d'assurer la synchronisation de l'ensemble.

دورها التنسيق بين الوحدات الأخرى (ذاكرة، وح.م.م...) وضمان التزامن بينها.

Elle assure :

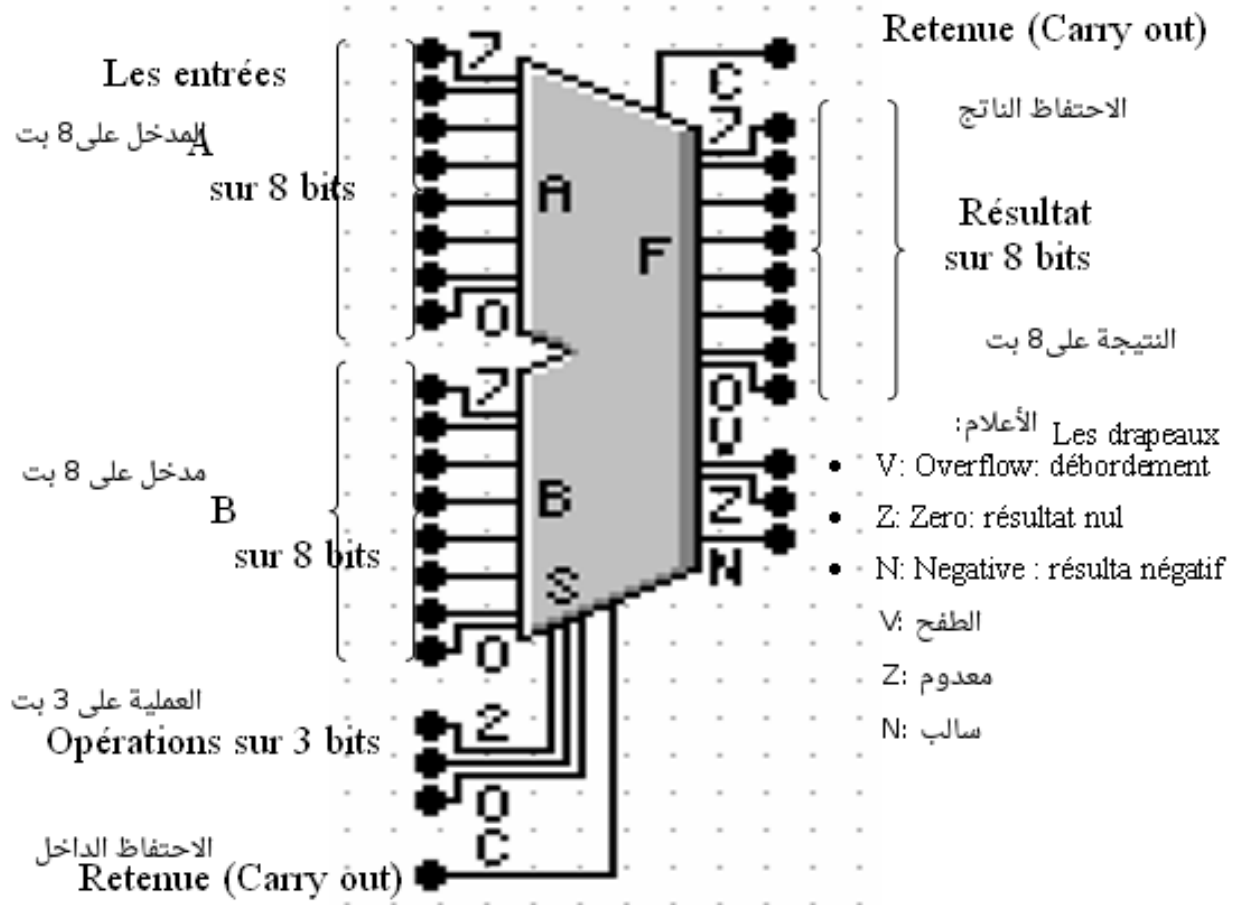


FIG. 5.4: Unité Unité Arithmétique et logique UAL

- la recherche (lecture) de l'instruction et des données à partir de la mémoire,
- le décodage de l'instruction et l'exécution de l'instruction en cours et prépare l'instruction suivante.

تضمن : البحث عن التعليمات والبيانات في الذاكرة، وتفكك التعليمات الحالية وتنفيذها، وتحضير التعليمات الموالية.

L'unité de contrôle comporte :

- Un registre instruction (RI) : contient l'instruction en cours d'exécution. Chaque instruction est décodée selon son code opération grâce à un décodeur.
- Un registre qui s'appelle compteur ordinal (CO) ou le compteur de programme (CP) : contient l'adresse de la prochaine instruction à exécuter (pointe vers la prochaine instruction à exécuter). Initialement il contient l'adresse de la première instruction du programme à exécuter.
- Un séquenceur : il organise (synchronise) l'exécution des instructions selon le rythme de l'horloge, il génère les signaux nécessaires pour exécuter une instruction.

تتكوّن وحدة التحكم من :

- سجل التعليمات، فيه التعليمات قيد التنفيذ، وكل تعليمات تفكك بواسطة مفكك الترميز.
- سجل يسمى العداد الترتيبي أو عداد البرنامج، يحفظ عنوان التعليمات التالية، ويحتوي في البدء على عنوان أول تعليمات.
- المنظم : ينظم (يزامن) تنفيذ التعليمات حسب إيقاع الساعة، ويولّد الإشارات اللازمة لتنفيذ التعليمات.

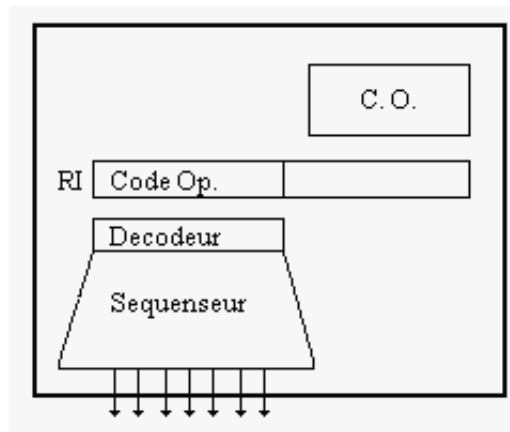


FIG. 5.5: Unité de contrôle وحدة التحكم

Remarque

- Le microprocesseur peut contenir d'autres registres autre que CO, RI et ACC.
- Ces registres sont considérés comme une mémoire interne (registre de travail) du microprocesseur.
- Ces registres sont plus rapide que la mémoire centrale , mais le nombre de ces registre est limité.
- Généralement ces registres sont utilisés pour sauvegarder les données avant d'exécuter une opération.
- Généralement la taille d'un registre de travail est égale à la taille d'un mot mémoire

ملاحظات :

- المعالج المصغر قد يحتوي سجلات أخرى غير سجل التعليمات RI, العداد الترتيبي CO والمركم ACC.
- السجلات أسرع من الذاكرة المركزية لكن عددها محدود
- تستعمل السجلات عادة لحفظ البيانات قبل تنفيذ عملية ما
- يكون حجم سجل بسعة خلية ذاكرة (كلمة)

5.3.1.4 Jeu d'instructions

طقم التعليمات

Chaque microprocesseur possède un certain nombre limité d'instructions qu'il peut exécuter. Ces instructions s'appellent jeu d'instructions.

Le jeu d'instructions décrit l'ensemble des opérations élémentaires que le microprocesseur peut exécuter.

Les instructions peuvent être classifiées en 4 catégories :

- Instruction d'affectation : elle permet de faire le transfert des données entre les registres et la mémoire
- Écriture : registre \rightarrow mémoire
- Lecture : mémoire \rightarrow registre
- Les instructions arithmétiques et logiques (ET , OU , ADD,....)

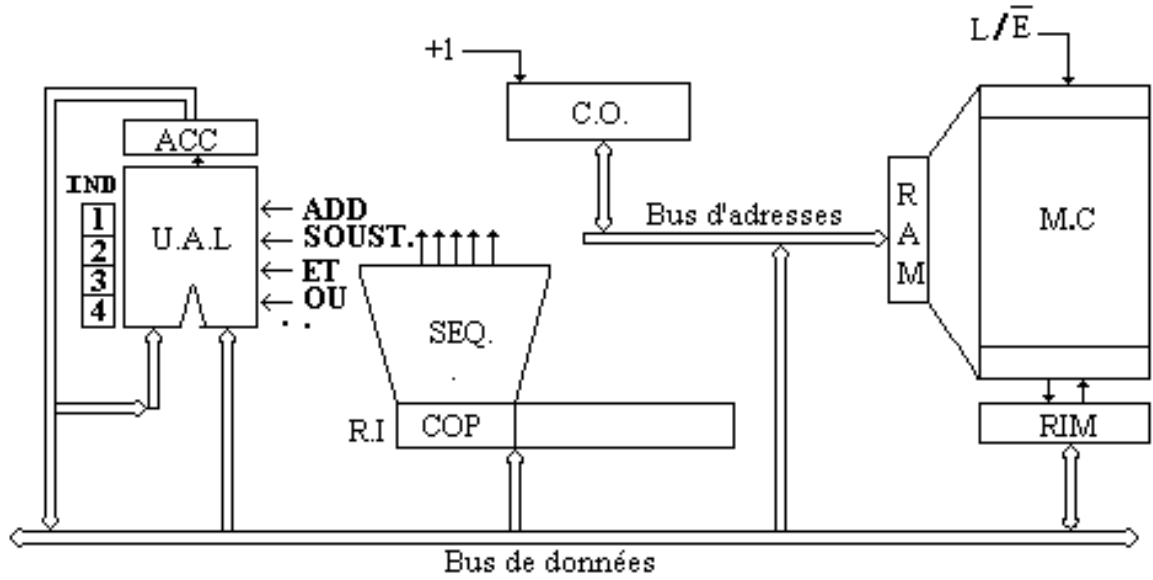


FIG. 5.6: Schéma détaillé d'une machine مخطط مفصل لآلة

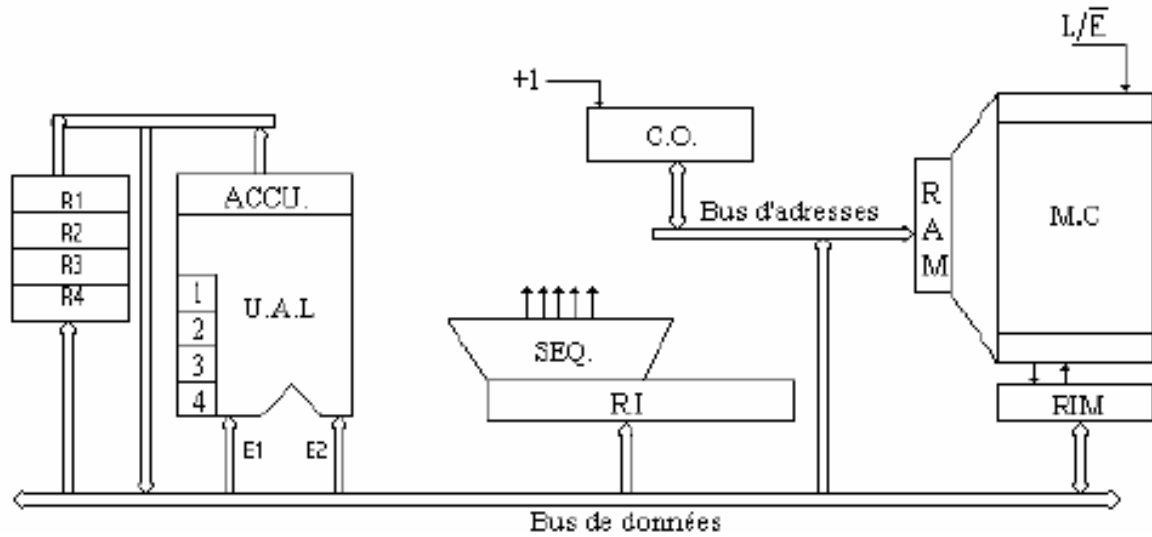


FIG. 5.7: Une machine مع سجلات العمل آلة مع سجلات العمل

- Instructions de branchement (conditionnelle et inconditionnelle)
- Instructions d'entrées sorties.

لكل معالج عدد محدود من التعليمات يقدر على تنفيذها تشكل طقم التعليمات. أصناف التعليمات أربعة :

- تعليمات التخصيص، تسمح بتحويل البيانات بين السجلات والذاكرة (كتابة : سجل → ذاكرة، أما القراءة : ذاكرة → سجل)
- تعليمات الحساب والمنطق
- تعليمات التفرع المشروط وغير المشروط
- تعليمات الإدخال والإخراج

Les instructions et leurs opérandes (données) sont stocké dans la mémoire.

La taille d'une instruction (nombre de bits nécessaires pour la représenter en mémoire) dépend du type de l'instruction et du type de l'opérande.

التعليمة وعواملها (المعطيات) محفوظة في الذاكرة، وحجمها (عدد البتات اللازمة لتمثيلها) يتعلق بنوع التعليمة ونوع عواملها.

L'instruction est découpée en deux parties :

- Code opération (code instruction) : un code sur N bits qui indique quelle instruction.
- La champs opérande : qui contient la donnée ou la référence (adresse) à la donnée.

للتعليمة قسمان : رمز العملية (رمز التعليمة) هو رمز على N بت يبين التعليمة، وقسم العامل ويبين المعطاة أو يشير إلى عنوانها.

رمز العملية	Opérande العامل
← N bits →	← K bits →

Chapitre 6

Exercices

تمارين

6.1 Exercices du chapitre 1

تمارين الفصل الأول

01

Une serrure de sécurité s'ouvre en fonction de quatre clés A, B, C, D. Le fonctionnement de la serrure est définie comme suite :

- $S(A, B, C, D) = 1$ si au moins deux clés sont utilisées
- $S(A, B, C, D) = 0$ sinon
- Les clés A et C ne peuvent pas être utilisées en même temps.
- Donner les formes canoniques R et P
- Réaliser le circuit.

قفّل أمان يفتح بواسطة أربعة مفاتيح A و B و C و D. يعمل القفل كآلي : إذا استعمل مفتاحين على الأقل $S(A, B, C, D) = 1$ وإلا $S(A, B, C, D) = 0$ لا يستعمل C و A في نفس الوقت أعط الأشكال القانونية الرقمية R و P أنجز الدارة

02

Une machine de distribution de boissons, offre : café, lait, café au lait, avec ou sans sucre. La machine dispose de 3 boutons (Lait, Café, Sans Sucre) et une entrée de pièces de monnaies. La machine contient trois réservoirs (Café, sucre et Lait).

- Déterminer les fonctions logiques qui permet d'ouvrir les robinets des réservoirs en fonction des boutons.
- Réaliser le schéma logique qui permet de distribuer les boissons.

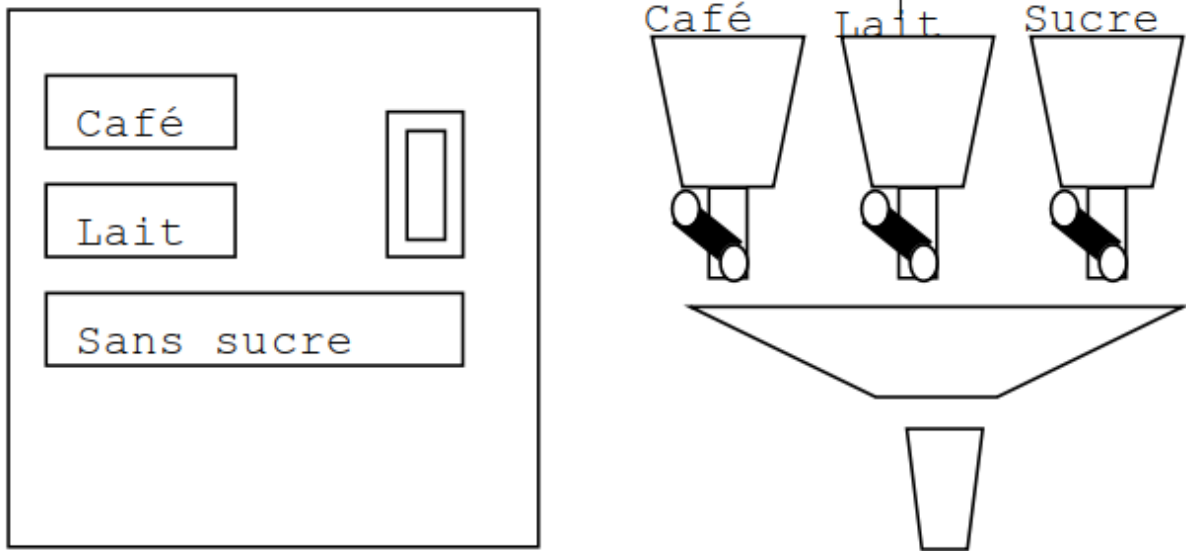


FIG. 6.1: Schéma de l'exercice 2

آلة توزيع المشروبات تقدّم القهوة، الحليب، القهوة بالحليب، بالسكر أو بدون. الآلة فيها ثلاثة أزرار (حليب، قهوة، دون سكر) ومدخل للقطعة النقدية. الآلة في داخلها ثلاثة خزانات للقهوة والسكر والحليب، حدد الدوال المنطقية التي تفتح حنفيات الخزانات بدلالة الأزرار.

• أنجز المخطط المنطقي الذي يوزع المشروبات.

03

Le circuit DIV qui calcule la division euclidienne de deux nombres de 2 bits chacun (le quotient et le reste),

CD | AB

$R_1 R_0$ | $Q_1 Q_0$

La division sur zéro est un cas interdit Réaliser le circuit

الدارة DIV تحسب القسمة الإقليدية لعددتين في كل منهما 2 بتين (حاصل القسمة والباقي) في حالة القسمة على صفر، تعتبر حالة ممنوعة أنجز الدارة

04

- 1 Réaliser le circuit C1, qui permet d'additionner deux bits.
- 2 Est-ce qu'on peut l'utiliser pour additionner plusieurs bits?.
- 3 Réaliser un circuit (ADD) qui permet d'additionner deux bits avec une retenue en entrée.

أنجز الدارة C1 التي تجمع بتين اثنتين.

هل يمكن استعمالها لمجمع بتات أكثر؟

أنجز الدارة ADD التي تجمع بتين مع مدخل خاص بالاحتفاظ .

05

Utiliser les circuits ADD pour faire un additionneur des nombres binaires sur 4 bits.

استعمل دارات ADD لتصميم جامع للأعداد الثنائية على 4 بتات .

06

Réaliser un circuit C5 qui permet de commander 8 lampes et allumer une seule lampe à la fois par numéro.

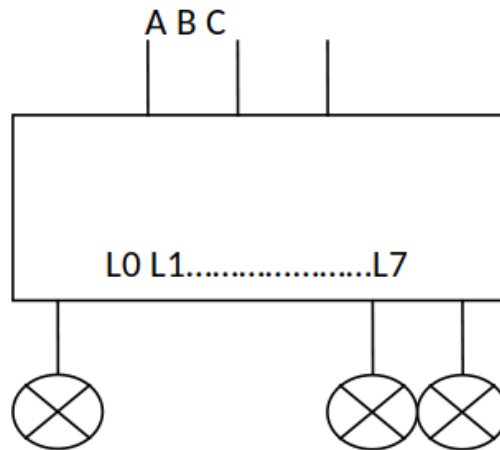


FIG. 6.2: Schéma bloc de l'exercice ??

أنجز دارة C5 تتحكم في 8 مصابيح، وتشعل مصباحا واحدا فقط في المرة حسب رقمها.

07

- 1 Fabriquez une porte NON à partir d'une porte NON-ET

صمم البوابة " لا " بواسطة بوابة " نفي الوصل "

2 Fabriquer une porte ET à partir de portes NON-ET

صمم البوابة " وصل " بواسطة بوابة " نفي الوصل "

08

1 Réaliser le circuit de la fonction $f1$ en utilisant uniquement des portes NOR NAND

2 Réaliser le circuit de la fonction $f1$ en utilisant uniquement des portes NOR

$$f1 = a.\bar{b} + \bar{a}.b + \bar{a}.c.d$$

1 أنجز دائرة الدالة $f1$ باستخدام بوابات " نفي الوصل " NAND فقط.

2 أنجز دائرة الدالة $f1$ باستخدام بوابات " نفي الفصل " NOR فقط

6.1.1 Exercices supplémentaires

09

1 On veut réaliser un circuit logique M1 qui calcule le produit de deux nombres de deux bits chacun ($AB \cdot CD$)

$$\begin{array}{r} AB \\ \times CD \\ \hline \end{array}$$

2 Réaliser le circuit avec des portes logiques

نريد تصميم دائرة M1 تضرب تضرب عددين من بتين لكل منهما.
أنجز الدارة .

10

On veut construire un comparateur de deux nombres de 2 bits chacun : A_1A_0 et B_1B_0 . En sortie, on voudrait avoir 3 sorties :

نريد صنع مقارن بين عددين من 2 بت لكل واحد، A_1A_0 و B_1B_0 . وتعطي ثلاث مخرج :

- Supérieur $S = 1$ si $A_1A_0 > B_1B_0$, sinon 0.
- Inférieur $I = 1$ si $A_1A_0 < B_1B_0$, sinon 0.
- Egale $E = 1$ si $A_1A_0 = B_1B_0$, sinon 0.
- Réaliser le circuit à l'aide des portes NAND

-

أنجز الدارة بواسطة بوابات نفي الفصل NAND

11

La figure suivante représente un réservoir alimenté par deux vannes V1 et V2. On distingue trois niveaux : Sécurité, Moyen, Haut :

- lorsque le niveau de liquide est inférieur ou égale à Sécurité, V1 et V2 sont ouvertes.
- lorsque le niveau du liquide est inférieur ou égal à Moyen mais supérieur à Sécurité, seule V1 est ouverte.

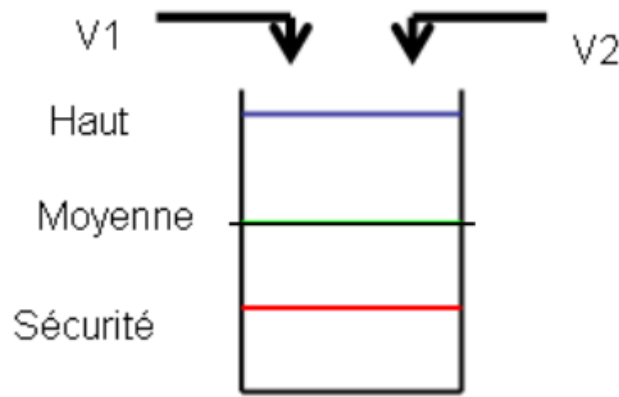


FIG. 6.3: Schéma de l'exercice 11

- lorsque le niveau du liquide est supérieur à Moyen mais inférieur à Haut, seule V2 est ouverte.
- lorsque le niveau de liquide a atteint le niveau Haut, les deux vannes sont fermées.

Question : Donner les équations logiques de l'ouverture de V1 et V2 en fonction du niveau de liquide.

الشكل يوضح خزاناً يزود بالماء من صمامين V1 و V2 ،

للخزان ثلاث مستويات مستوى الآمن، مستوى متوسط مستوى عالٍ.

حين يكون السائل أقل من مستوى الآمن أو يساويه، يفتح الصمامان V1 و V2.

حين يكون السائل أقل من المستوى المتوسط وأعلى مستوى الآمن يفتح الصمام V1 فقط.

حين يكون السائل أعلى من المتوسط وأقل من المستوى العالي، يفتح V2 فقط . حين يصل السائل إلى المستوى العالي يفتح الصمامان .

السؤال : أعط الدوال المنطقية التي تتحكم في فتح الصمامين بدلالة مستوى السائل

12 Soit le schéma de la figure suivante

ليكن الشكل الآتي

1 Donner l'équation de F.

أعط الدالة

2 Représenter F en utilisant que des NAND à 2 entrées et des inverseurs.

مثل الدالة باستعمال بوابات NAND ذات مدخلين وعاكسات .

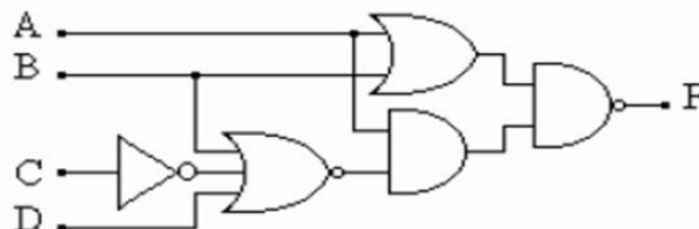


FIG. 6.4: Schéma de l'exercice 12

13 Réaliser le schéma qui permet d'effectuer le complément à deux d'un nombre binaire de quatre bits.

أنجز الدارة التي تعطي المتمم لاثنين لعدد ثنائي ذي 4 بتات

14

Réaliser un circuit qui permet de convertir un nombre binaire en complément à 2 sur 8 bits
أنجز دارة تحوّل عددا ثنائيا إلى المتمم إلى 2 على 8 بت

15

Un jury composé de 4 membres pose une question à un joueur, qui à son tour donne une réponse. Chaque membre du jury positionne son interrupteur à " 1 " lorsqu'il estime que la réponse donnée par le joueur est juste (avis favorable) et à " 0 " dans le cas contraire (avis défavorable). On traite la réponse de telle façon à positionner :

لجنة تحكم ذات أربعة أعضاء يطرحون سؤالا على لاعب ليجيب . كل عضو يضع الزر على 1 إذا قدر أن الإجابة صحيحة، ويضعها على صفر إذا قدر أنها خطأ . ونعالج آراء الحكام كما يلي

- Une variable succès ($S=1$) lorsque la décision de la majorité des membres de jury est favorable,
- Une variable Échec ($E=1$) lorsque la décision de la majorité des membres de jury est défavorable
- et une variable Égalité ($N=1$) lorsqu'il y a autant d'avis favorables que d'avis défavorables.

• متغير للنجاح $S=1$ إذا كان قرار أغلبية الحكام مقبولا.

• متغير للفشل $E=1$ إذا كان قرار أغلبية الحكام غير مقبول .

• متغير للتساوي $N=1$ إذا كانت قرارات القبول مساوية لقرارات عدم القبول.

1 Déduire une table de vérité pour le problème,

استنتج جدولا للحقيقة للمسألة

2 Donner les équations de S, E,

أعط معادلات S و E

3 En déduire l'équation de N

استنتج معادلة N

16

réaliser un circuit Cx qui permet de convertir des entrées d'un pavé numérique en binaire.

أنجز دارة تحوّل مداخل لوحة مفاتيح رقمية إلى الثنائي

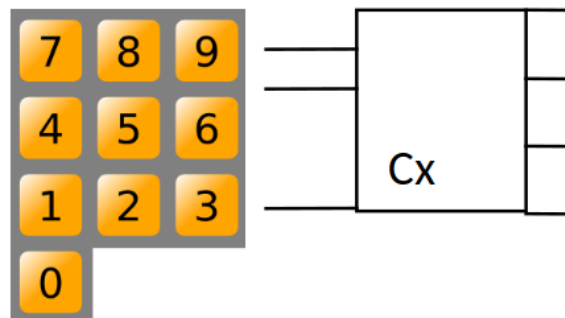


FIG. 6.5: Schéma de l'exercice 16

17

Le comité directeur d'une entreprise est constitué de quatre membres :

- le directeur

- ses trois adjoints A, B, C.

Lors des réunions, les décisions sont prises à la majorité.

Chaque personne dispose d'un interrupteur pour voter sur lequel elle appuie en cas d'accord avec le projet soumis au vote.

En cas d'égalité du nombre de voix, celle du directeur compte double.

- 1 On vous demande de réaliser un dispositif logique permettant l'affichage du résultat du vote sur lampe R.
- 2 Donner l'équation logique de R.
- 3 Réaliser le schéma logique de la sortie R

مجلس إدارة شركة ذو أربعة أعضاء : المدير وثلاثة نواب D C. B, A
تؤخذ القرارات بالأغلبية في الاجتماعات، كل عضوله زر للتصويت على أي مشروع يعرض . في حال التساوي يحتسب صوت المدير مرتين .
المطلوب :

1 تصميم دائرة منطقية لعرض نتيجة التصويت بواسطة مصباح R.

2 أعط معادلة R

3 ثم أنجز المخطط

18

- 1 Donner les formes canoniques disjonctives et conjonctives et les formes numériques R et P des fonctions définies par :

أعط الأشكال القانونية المنفصلة والمتصلة والأشكال الرقمية للدوال الآتية :

- a. $F1(A, B, C) = 1$ si le nombre de variables à 1 est pair. إذا كان عدد المتغيرات المساوية لـ 1 زوجيا
- b. $F2(A, B, C) = 1$ si au moins deux variables sont égales à 0. إذا كان متغيران على الأقل معدومين
- c. $F3(A, B, C) = 1$ si le nombre (ABC) 2 est impair. إذا كان العدد فرديا

- 2 Réaliser les schémas des fonctions F1, F2, F3 أنجز مخططات الدوال السابقة

6.1.2 Travaux pratiques

أعمال تطبيقية

Réaliser le circuit qui permet d'afficher un nombre en hexadecimal sur un afficheur 7segments (utiliser le circuit avec 8 entrées). Simuler le circuit sous le logiciel « Multimedia logic »

تصميم دائرة تسمح بعرض عدد ستعشري على عارض ذي 7 قطع (استعمل الدارة ذات 8 مداخل)، اعمل محاكاة على برنامج

Multimedia logic Travail demandé :

- 1 La description du problème وصف المسألة
- 2 La table de vérité et les équations simplifiées جدول الحقيقة والمعادلات المبسطة
- 3 Le schéma et la simulation sous le logiciel. المخطط والمحاكاة بالبرنامج

Les afficheurs 7 segments sont un type d'afficheur très présent sur les calculatrices et les montres à affichage numérique : les caractères (des chiffres, bien que quelques lettres soient utilisées pour l'affichage hexadécimal) s'écrivent en allumant ou en éteignant des segments, au nombre de sept. Quand les 7 segments sont allumés, on obtient le chiffre 8. Dans un afficheur 7 segments, les segments sont généralement désignés par les lettres allant de A à G.

العارض ذو القطع السبعة نوع من العارضات يستعمل في الساعات الرقمية والحاسبات، يعرض الأرقام وبعض الحروف مثل الست عشرية، بإشعال القطع المناسبة، فمثلا إشعال كل القطع يعطي الرقم ثمانية. يرمز للقطع عادة بالحروف من A إلى G.

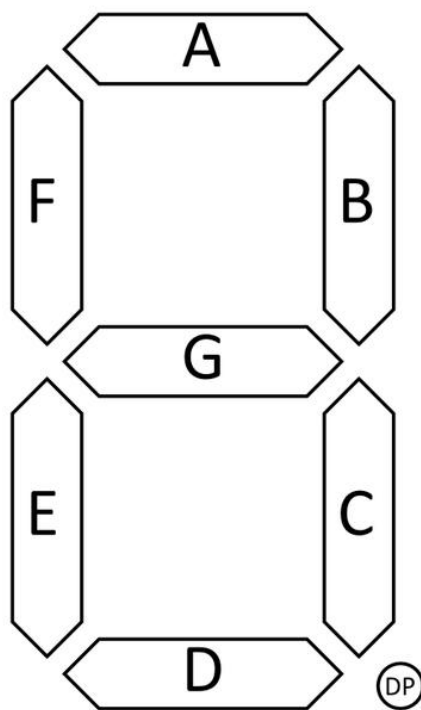


FIG. 6.6: Schéma d'un afficheur 7-segments

6.2 Série d'exercice du Chapitre 2

01

Réaliser un multiplexeurs à 4 entrées.

اصنع مجمعا ب 4 مداخل

02

Réaliser le demi-additionneur à l'aide d'un minimum de multiplexeurs à 4 entrées.

اصنع جامعا بسيطا بواسطة أقل عدد من المجمعات ذات 4 مداخل.

03

Réaliser l'additionneur complet à l'aide d'un minimum de multiplexeurs à 8 entrées.

اصنع جامعا كاملا بواسطة أقل عدد من المجمعات ذات 8 مداخل

04

Réalisation d'un additionneur complet avec des décodeurs binaire $3 \Rightarrow 8$ avec un minimum de portes logiques.

اصنع جامعا كاملا بواسطة أقل عدد من مفككات الترميز ذات 3 مداخل و 8 مخارج وأقل ما يمكن من البوابات المنطقية.

05

Soit une information binaire sur 4 bits ($i_3i_2i_1i_0$).

Donner le circuit qui permet de compter le nombre de 1 dans l'information en entrée en utilisant uniquement des additionneurs complets sur 1 bit ?

Exemple : Si on a en entrée l'information ($i_3i_2i_1i_0$) = (0110) alors en sortie on obtient la valeur 2 en binaire (010) puisque il existe 2 bits qui sont à 1 dans l'information en entrée .

لدينا معلومة ثنائية على 4 بتات ($i_3i_2i_1i_0$) ، أعط الدارة التي تعدّ الواحدات في المعلومة المدخلة، باستعمال دارات الجمع الكاملة ذات 1 بت فقط .

مثال : إذا كانت المعلومة المدخلة ($i_3i_2i_1i_0$) = (10110) ، فنحصل في المخرج على العدد 2 بالثنائي 010 لأن لدينا بتين يساويان الواحد .

06

Effectuer à l'aide d'un minimum d'additionneurs de 2 nombres de 4 bits et d'un minimum de portes logiques, la multiplication de deux nombres positifs de 4 bits.

باستعمال أقل عدد من دارات الجمع لعددتين (كل عدد ذو 4 بتات)، وأقل عدد من البوابات المنطقية، أنجز دارة لضرب عددين موجبين، من 4 بتات لكل منهما

07

Le code ROT5 permet de faire la rotation d'un nombre binaire en ajoutant 5 en binaire, sans retenue. $ROT5(0000) = 0101$ $ROT5(1111) = 0100$

1 Réaliser le circuit de conversion de binaire au ROT5.

2 Proposer un schéma de ROT5 en utilisant un encodeur de 16 à 4 et un décodeur de 4 à 16.

الترميز ROT5 يدور الرقم بإضافة 5 دون احتفاظ، $ROT5(0000) = 0101$ ، و $ROT(1111) = 0100$ ، أنشئ دائرة الترميز ROT5. ثم اقترح تصميمًا للدائرة بواسطة مرز 16 إلى 4 و مفكك من 4 إلى 16.

6.2.1 Exercices supplémentaires

تمارين للتعمق

08

En utilisant uniquement de additionneurs complets faire le schéma du circuit " C " de la figure suivante, qui permet de déterminer le nombre $(S2S1S0)_2$ de bits à " 1 " de l'information $(I5.....I0)$ en entrée. باستعمال دوائر الجمع الكامل، أنجز الدارة C في الشكل المقابل، التي تحسب العدد $(S2S1S0)_2$ من البتات التي تساوي 1، في المعلومة المدخلة $(I5.....I0)$.

09

Construire un circuit logique capable de comparer deux nombres de 3 bits chacun : $A_0A_1A_2$ et $B_0B_1B_2$. En sortie, on voudrait avoir : 1 si $A_0A_1A_2 = B_0B_1B_2$, sinon 0. أنجز دائرة منطقية تقارن بين عددين من ثلاثة بتات لكل واحد، $A_0A_1A_2$ و $B_0B_1B_2$. وتعطي 1 إذا $A_0A_1A_2 = B_0B_1B_2$ ، وإلا 0.

10

Soit la fonction, $f(a,b,c,d) = 1$ si $(abcd)_2$ comporte un nombre pair de « 0 » et représentant un chiffre décimal, $f(a,b,c,d) = 0$ si $(abcd)_2$ comporte un nombre impair de « 0 » et représentant un chiffre décimal. Réaliser cette fonction à l'aide

- 1 - d'un multiplexeur de 16 vers 1,
- 2 - d'un multiplexeur de 8 vers 1 et d'un minimum de portes,
- 3 - de multiplexeurs de 4 vers 1 et sans portes logiques.

لتكن الدالة $1 = f(a,b,c,d)$ إذا احتوى العدد $(abcd)_2$ على عدد زوجي من الأصفار ويمثل رقما في النظام العشري، و $0 = f(a,b,c,d)$ إذا احتوى العدد المدخل على عدد فردي من الأصفار ويمثل رقما في النظام العشري، أنجز هذه الدالة بواسطة :

- 1 مجمع واحد فقط ذي 16 مدخل إلى 1 مخرج
- 2 مجمع واحد فقط ذي 8 إلى 1، وأقل عدد من البوابات المنطقية
- 3 مجمعات ذات 4 إلى 1 ودون بوابات منطقية.

11

Le circuit qui permet de détecter les nombres multiple de 3 entre 0 et 15, à l'aide d'un multiplexeur. أنشئ دائرة تكشف مضاعفات 3 بين 0 و 15 بواسطة مجمع واحد .

12

Réaliser le circuit logique qui calcule le produit de Deux nombres de 2 bits chacun, avec les circuits logiques uniquement.

صمم دائرة تحسب جداء عددين في كل منهما 2 بت، بواسطة الدارات المنطقية فقط

13

A l'aide d'un décodeur réaliser le circuit qui peut déterminer si un nombre binaire en 4 bits est supérieur à 10.

بواسطة مفكك الترميز، أنشئ دائرة تكشف إن كان العدد أكبر من 10.

14

Soit le demi-soustracteur DS qui permet de soustraire deux bits, et le soustracteur complet SC qui permet de soustraire deux bits, avec retenue.

- 1 réaliser les deux circuits avec des portes logiques.
- 2 réaliser les deux circuits à l'aide des multiplexeurs.
- 3 réaliser les deux circuits avec des décodeurs.

ليكن الطارح البسيط DS الذي يطرح بتين، والطارح الكامل الذي يطرح بتين مع الاحتفاظ،

1 أنجز الدارتين بواسطة البوابات المنطقية

2 أنجز الدارتين بواسطة المجمعات

3 أنجز الدارتين بواسطة مفككات الترميز

15

On veut réaliser le circuit qui permet de déterminer les nombres non premiers entre 0 et 15.

- 1 Donner la table de vérité.
- 2 Réaliser le schéma à l'aide d'un seul multiplexeur.
- 3 Réaliser le même circuit avec un décodeur et un minimum de portes logiques

نريد تصميم دائرة تكشف الأعداد غير الأولية بين 0 و 15 :

1 أعط جدول الحقيقة

2 أنشئ الدارة بواسطة مجمع واحد

3 أنشئها بمفكك الترميز وأقل عدد من البوابات المنطقية

16

Réaliser un circuit qui determine si un nombre sur 4 bits n'est pas multiple de 3, à l'aide d'un multiplexeur (table de vérité, schéma à l'aide d'un multiplexeur)

أنجز دائرة تبين إن كان عدد ذو 4 بت غير مضاعف ل3، بواسطة مجمع، (جدول الحقيقة ومخطط بواسطة مجمع)

17

Représenter la fonction suivante en utilisant des portes NAND : $F(A, B, C) = \bar{A}B + A\bar{B} + C$

مثل الدالة الآتية ببوابات نفى الوصل $F(A, B, C) = \bar{A}B + A\bar{B} + C$

6.3

Série d'exercice du Chapitre 3

تمارين الفصل الثالث

01

Réaliser une bascule RS en utilisant les portes NAND uniquement.

صمم قلابا RS بواسطة بوابات NAND فقط

Compléter le chronogramme selon les cas suivants

أكمل المخطط الزمني حسب الحالات الآتية

1 RS est asynchrone

القلاب غير متزامن

2 RS est synchronisée sur le front montant

القلاب متزامن عند الجبهة الصاعدة

3 RS est synchronisée sur le front descendant

القلاب متزامن عند الجبهة النازلة

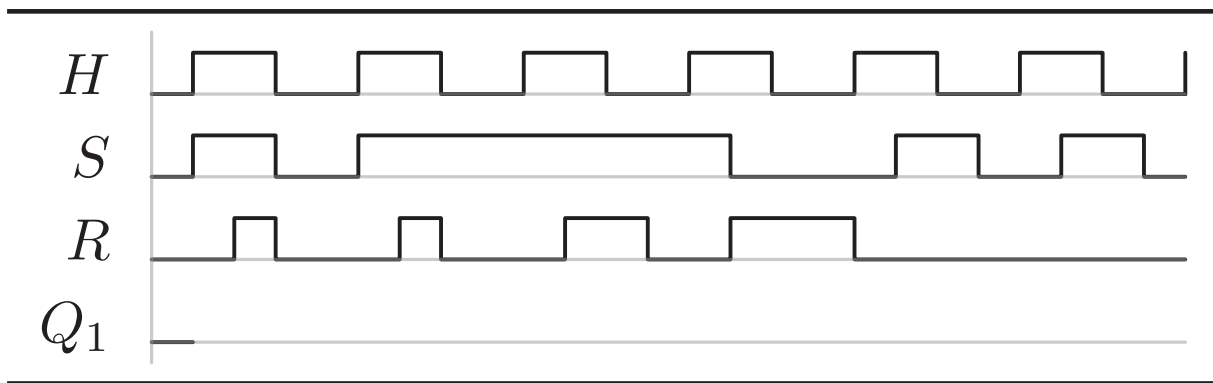


FIG. 6.7: Chronogramme de l'exercice 1 للمخطط الزمني للتمرين 1

02

Soit le montage ci-dessous

إليك التركيب الآتي

1 Donnez sa table de vérité

أعط جدول الحقيقة

2 Quel circuit logique reconnaissez-vous ?

تعرف على الدارة

3 Remplissez le chronogramme suivant

أكمل المخطط الزمني

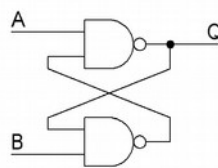


FIG. 6.8: Logigramme de l'exercice 2 للمخطط المنطقي للتمرين 2

03

Soit le montage ci-dessous (figure 6.10) :

. إليك التركيب الآتي في الشكل رقم 6.10

1. Remplissez le chronogramme suivant

أكمل المخطط الزمني

04

Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant :

أكمل المخطط الزمني

05

Soit les deux bascules JK ci-dessous :

إليك القلايين ج.ك الآتين :

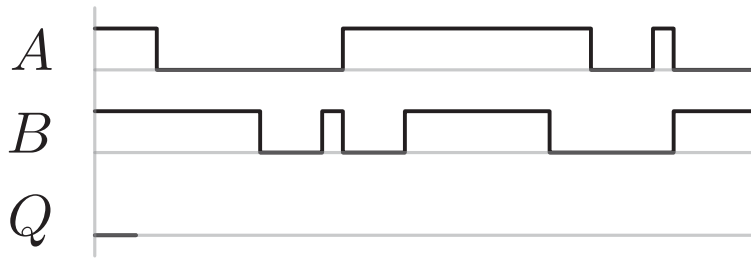


FIG. 6.9: Chronogramme de l'exercice 2 المخطط الزمني للتمرين 2

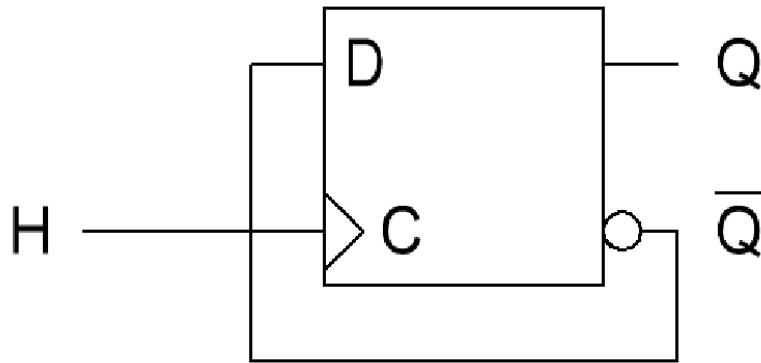


FIG. 6.10: Montage de l'exercice 3

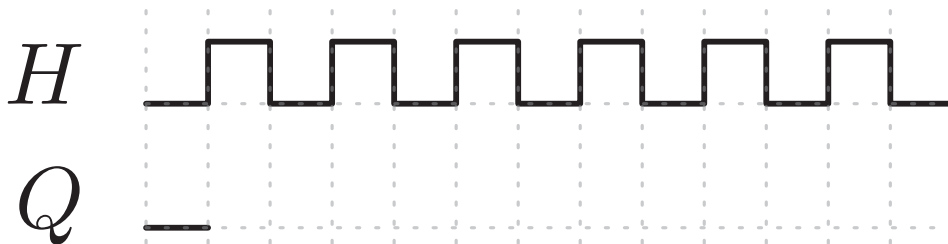


FIG. 6.11: Chronogramme de l'exercice 3 المخطط الزمني للتمرين 3

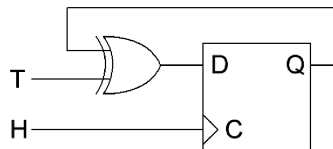


FIG. 6.12: Montage de l'exercice 4 تركيب للتمرين 4

1. Rappelez la table de vérité d'une bascule JK synchronisée sur front montant. Remplissez le chronogramme suivant

دَكر بجدول الحقيقة لقلاب ج.ك متزامن على الجبهة الصاعدة ثم أكمل المخطط الزمني

06

Reprendre le schéma de l'exercice 3,

Donnez un montage équivalent à l'aide d'une bascule JK.

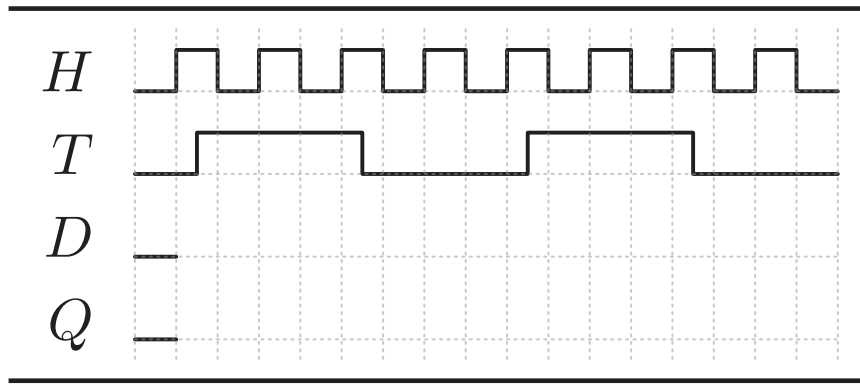


FIG. 6.13: Chronogramme de l'exercice 4 المخطط الزمني للتمرين 4

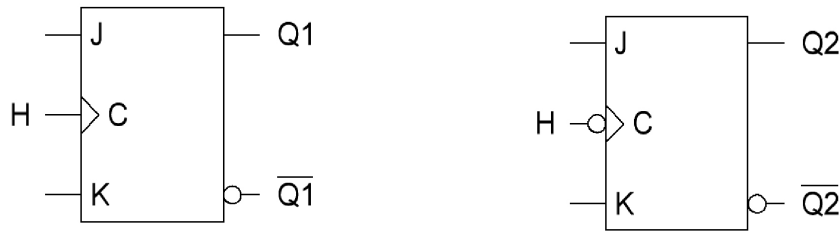


FIG. 6.14: Montage de l'exercice 5 تركيب للتمرين 5

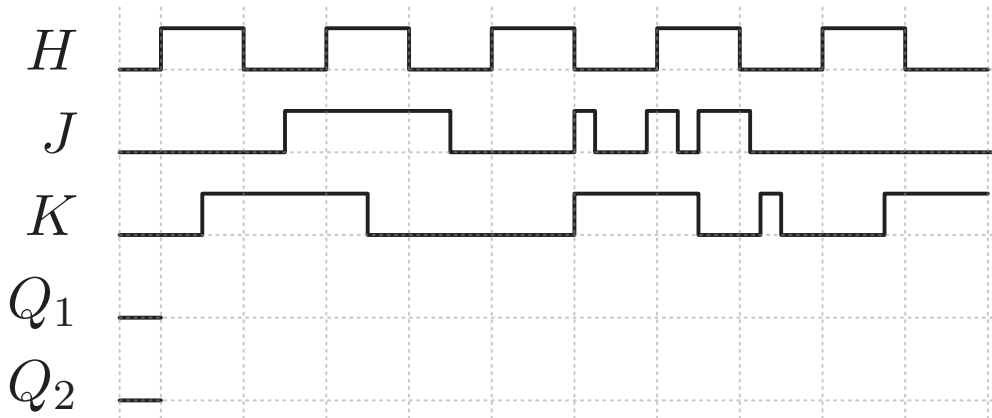


FIG. 6.15: Chronogramme de l'exercice 5 المخطط الزمني للتمرين 5

أعط تركيباً مكافئاً بواسطة قلاب ج. لك لمخطط التمرين 3.

07

1. A partir du montage de la figure 6.16, remplissez le chronogramme ci-dessous :

من الشكل 6.16، أكمل المخطط الزمني

2. Que réalise le montage de la figure 6.16 ?

ماذا يعمل هذا التركيب

3. On modifie légèrement le montage de la figure 6.16 afin d'obtenir le montage de la figure 6.18. En expliquant votre raisonnement, que réalise le montage de la figure 6.18 ?

بتعديل طفيف للتركيب في الشكل 6.16، نحصل على الشكل 6.18، اشرح ماذا يعمل هذا التركيب الجديد.

08

A partir du montage de la figure 6.19, Tracer le chronogramme pour les variables Q0, Q1, Q2, Q3 sur 17 cycles d'horloge, sachant que Q0, Q1, Q2, Q3 commencent de 0.

أرسم مخططاً زمنياً حسب الشكل رقم 3، لمتغيرات Q3 Q2, Q1, Q0، على 17 دوراً للساعة علماً أن Q3 Q2, Q1, Q0 تنطلق من الصفر.

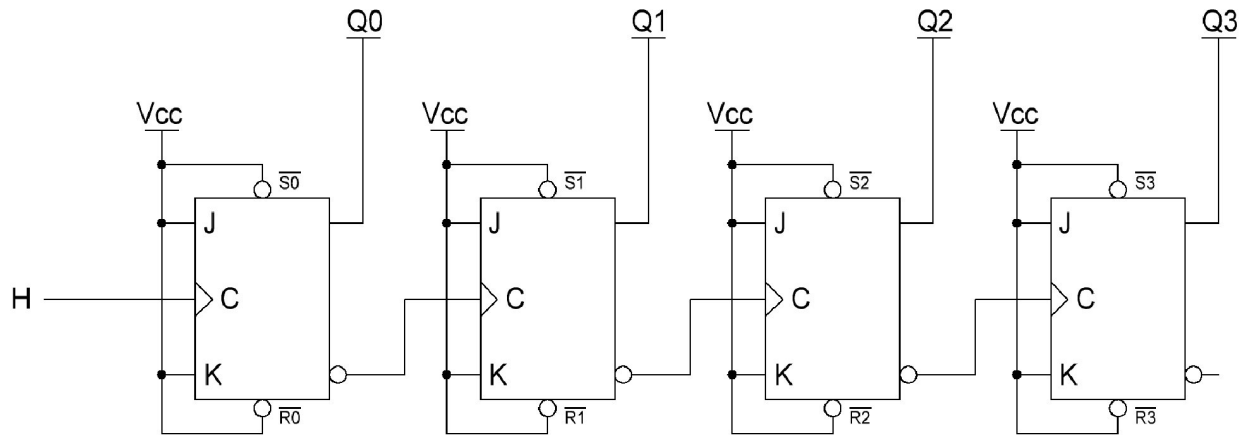


FIG. 6.16: Montage n°1 de l'exercice 7 التركيب الأول للتمرين



FIG. 6.17: Chronogramme n°1 de l'exercice 7 المخطط الزمني الأول للتمرين

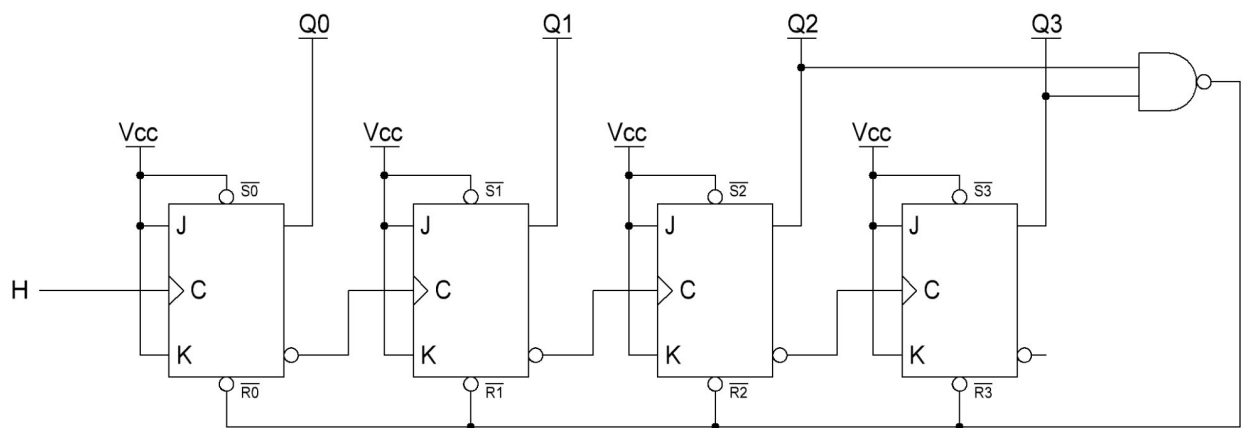


FIG. 6.18: Montage n°2 de l'exercice 7 التركيب الثاني للتمرين

1 Que réalise le montage de la figure 6.19?

ماذا يعمل التركيب في الشكل 6.19

- 2 On modifie légèrement le montage de la figure 6.19 afin d'obtenir le montage de la figure 6.20. En expliquant votre raisonnement, que réalise le montage de la figure 6.20 ?

بتعديل طفيف للشكل 6.19، نحصل على التركيب في الشكل 6.20، اشرح ماذا يعمل هذا التركيب

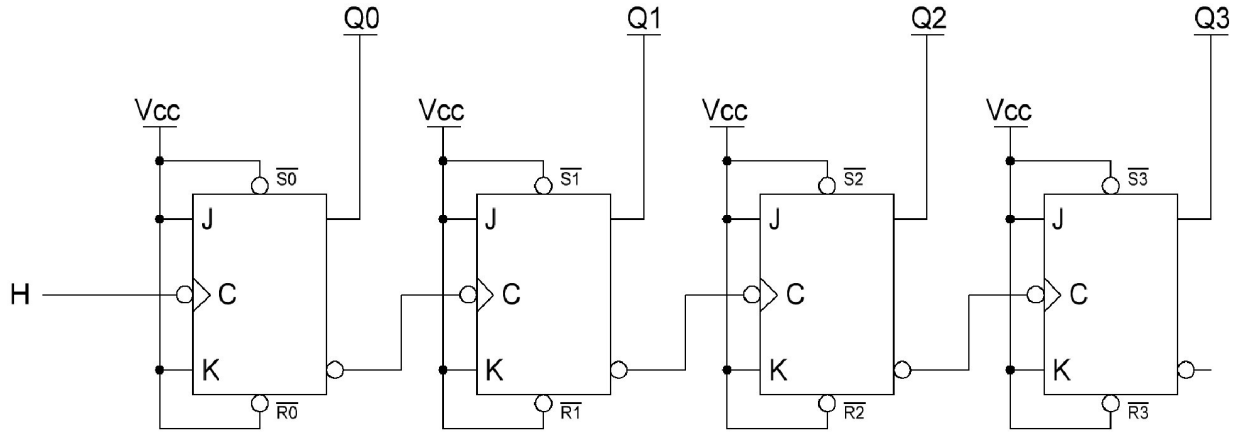


FIG. 6.19: Montage n°1 de l'exercice 8 التركيب الثاني للتمرين

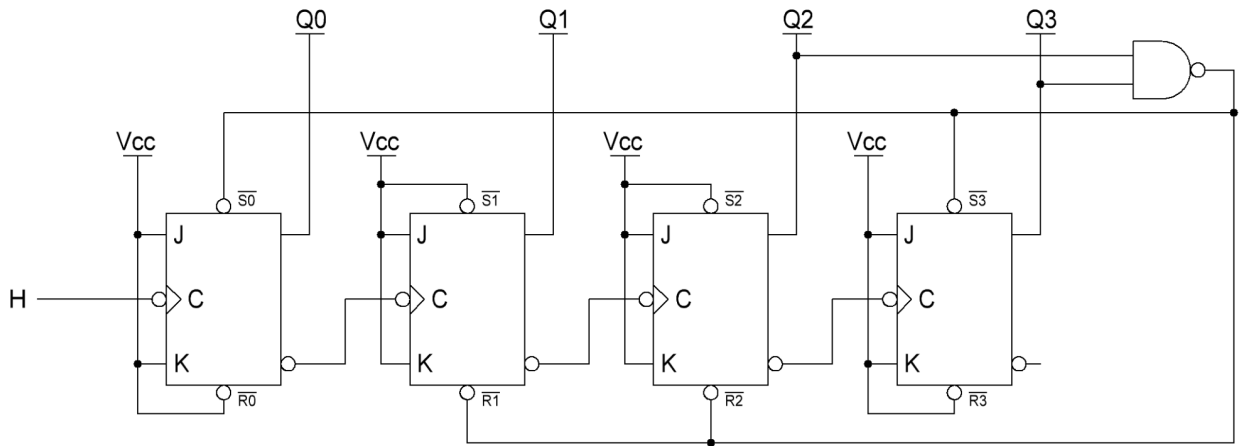


FIG. 6.20: Montage n°2 de l'exercice 8 المخطط الثاني للتمرين

6.3.1 Exercices supplémentaires

للتعمق

09 Soit le montage ci-dessous

إليك التركيب الآتي

- 1 En supposant que l'entrée S soit toujours à 1, que réalise ce montage ?
- 2 En supposant que l'entrée S soit toujours à 0, que réalise ce montage ?
- 3 En supposant que l'entrée E soit toujours à 0, remplissez le chronogramme ci-dessous :

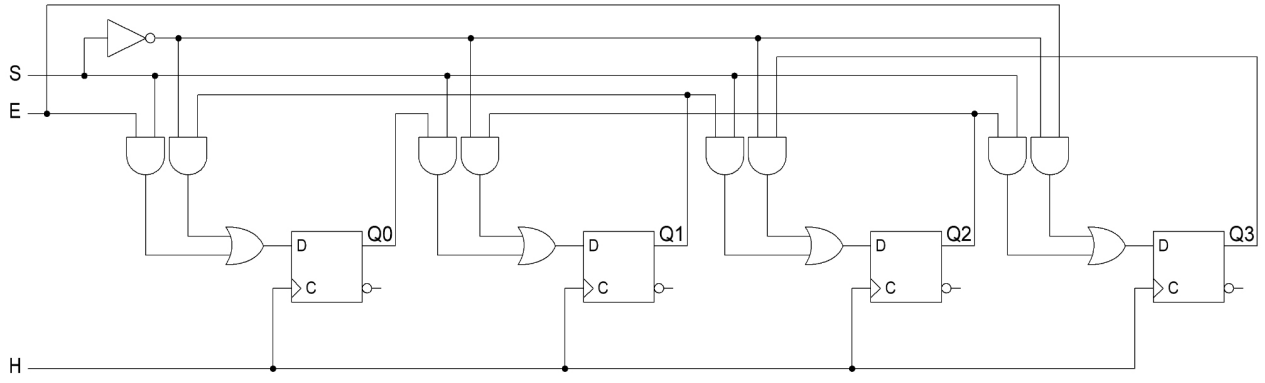


FIG. 6.21: Montage de l'exercice 9 تركيب للتمرين 9

- بفرض $S=1$ ، ماذا يعمل هذا التركيب؟
- بفرض $S=0$ ، ماذا يعمل هذا التركيب؟
- بفرض $E=0$ أكمل المخطط الزمني الآتي

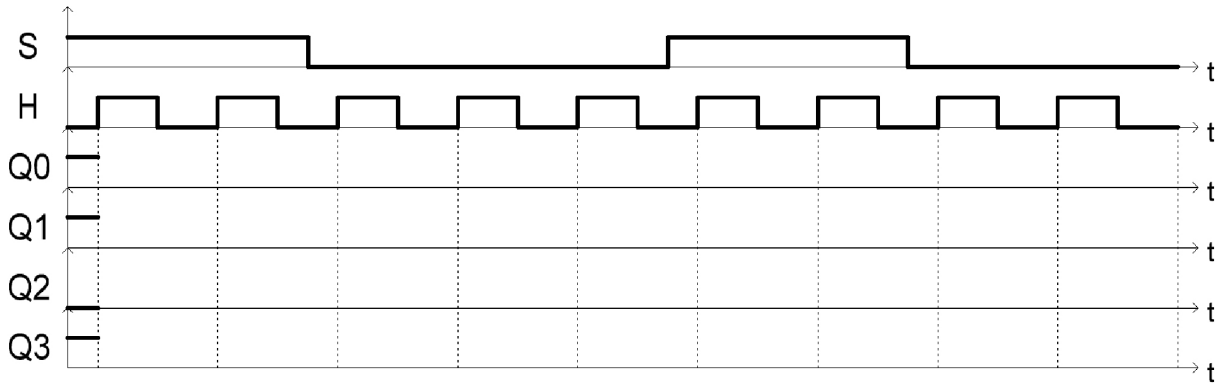


FIG. 6.22: Chronogramme de l'exercice 9 المخطط الزمني للتمرين 9

10

On souhaite réaliser, en un seul circuit, un compteur/décompteur modulo 16. Ce montage devra posséder

نريد تصميم دائرة واحدة للعد التصاعدي والتنازلي بترديد 16. ينبغي أن يكون للتركيب ثمان للعمل، واحد للعد التصاعدي وآخر للتنازلي، ونختار النمط حسب المدخل S

Deux modes de fonctionnement : un mode compteur et un mode décompteur. La sélection du mode s'effectuera à l'aide d'une entrée S qui respectera les conditions suivantes :

- $S = 0$. mode compteur نمط تصاعدي
- $S = 1$. mode décompteur. نمط تنازلي

Vous avez à votre disposition quatre bascules JK synchronisées sur front montant et toutes les portes logiques nécessaires.

لديك أربعة قلايات ج.ك متزامنة على الحجة الصاعدة، وما تحتاج إليه من بوابات منطقية.

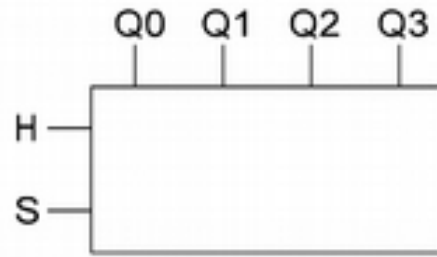


FIG. 6.23: Montage de l'exercice 10 تركيب للتمرين

1 Donnez le schéma de câblage d'un compteur modulo 16.

صمم عدادا تصاعديا بترديد 16.

2 Donnez le schéma de câblage d'un décompteur modulo 16

صمم عدادا تنازليا بترديد 16.

3 Donner le schéma de câblage du compteur/décompteur modulo 16.

صمم عدادا تصاعديا تنازليا بترديد 16.

11

Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant

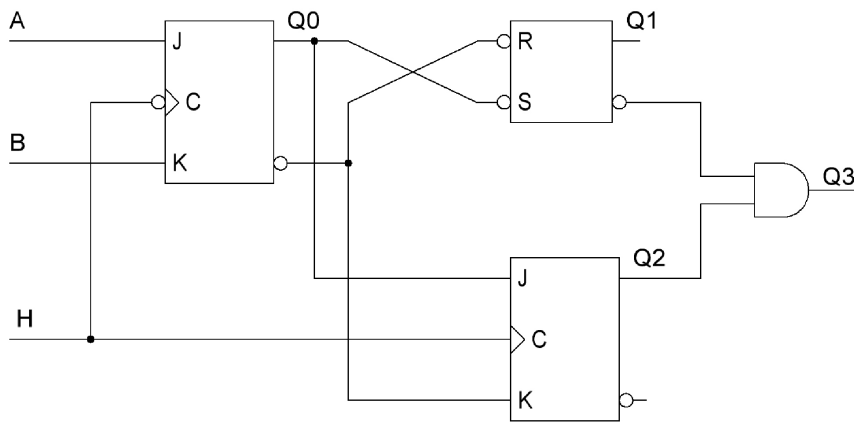


FIG. 6.24: Montage de l'exercice 11 تركيب للتمرين

12

En fonction du montage suivant, tracer le chronogramme pour les variables J0, K0, J1, K1, Q0, Q1, pour une durée de 5 cycles d'horloge, sachant que Q0 et Q1 démarrent de 0. بدلالة المخطط التالي، أرسم مخططا زمنيا للمتغيرات J0, K0, J1, K0, J0, Q0, Q1 خلال 5 أدوار للساعة علما أن Q1 و Q0 تنطلق من الصفر.

13

Un compteur pair modulo 16 compte de 0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 0, 2....

عداد زوجي بترديد 16 يعدّ من 0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 0, 2....

1 Donner la table d'états du compteur

. أعط جدول حالات العداد

2 Que remarquer vous ?

ماذا تلاحظ

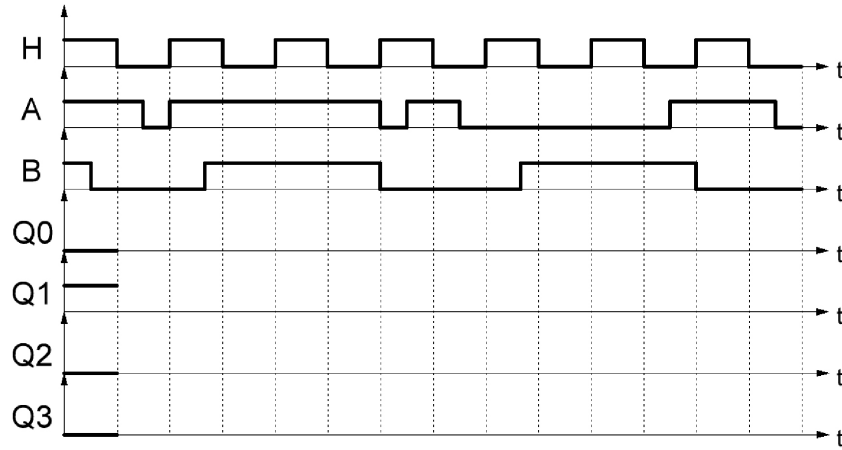


FIG. 6.25: Chronogramme de Montage de l'exercice 11 المخطط الزمني للتمرين

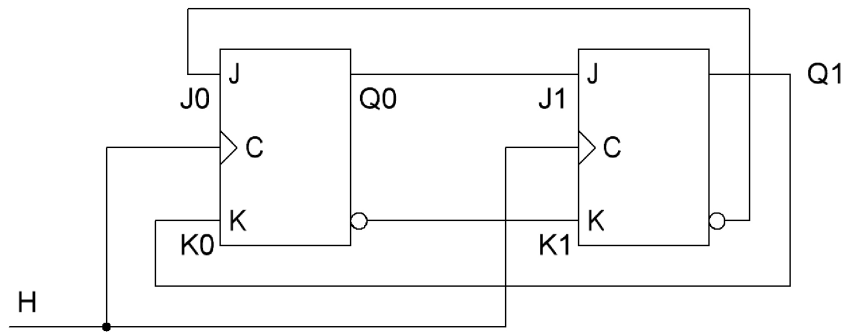


FIG. 6.26: Montage de l'exercice 12 تركيب للتمرين

3 Réaliser le schéma à l'aide des bascules JK.

أنجز المخطط بواسطة قلابات ج.ك

14 Soit le circuit compteur suivant sur 5 bits modulo 32.

إليك دائرة العداد الآتي ذي 5 بت بترديد 32، المدخل reset يسمح بتصفير العداد.

L'entrée Reset permet de remettre le compteur à zéro, Proposer le schéma qui permet d'utiliser le circuit CPT pour compter de 0 à 23.

اقترح مخططا باستعمال الدارة CPT للعد من 0 إلى 23.

On veut utiliser le circuit CPT pour déclancher une alarme chaque 30 seconds.

نريد استعمال الدارة CPT لإطلاق جرس إنذار كل 30 ثانية.

15

Tracer le chronogramme en fonction du montage suivant, pour les variables Q , Q' , H_a , H_b , durant 8 cycles d'horloge. Q comence à 0

أرسم المخطط الزمني للمتغيرات Q , Q' , H_a , H_b خلال 8 أدوار للساعة، علما أن Q تنطلق من 0.

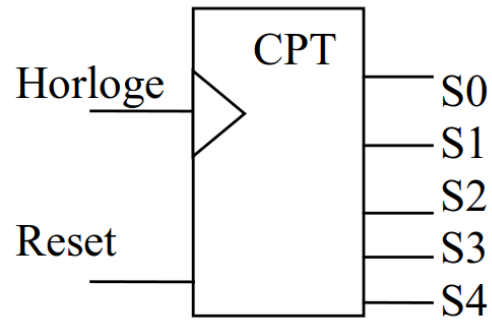


FIG. 6.27: Montage de l'exercice14 تركيب للتمرين

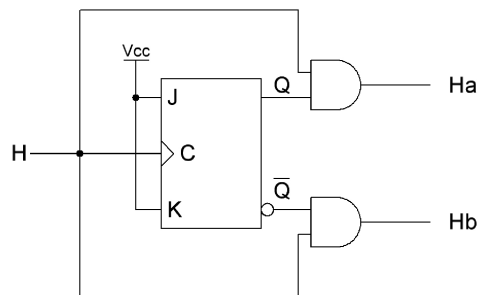


FIG. 6.28: Montage de l'exercice15 تركيب للتمرين

01

Donner l'architecture de base d'un Téléphone portable selon l'architecture de Von Neumann
ارسم مخطط بنية هاتف جوال حسب معمارية فون نيومن.

02

1 Quelle est la taille de l'adresse pour adresser d'une mémoire de 4 Go ?

2 Si une adresse de 32 bits suffit pour adresser 4 Go,

Pourquoi un système d'exploitation Windows 32 bits ne reconnaît pas une RAM de 4 Go.

3 Quelle est la taille qu'on peut adresser avec une adresse de 64bits ?

1 ما حجم عنوان الذاكرة لعنونة ذاكرة ذات 4 جيجابايت

2 إذا يكفي عنوان ذو 32 بت لعنونة 4 جيجابايت

لماذا لا يتعرف نظام وندوز 32 بت على ذاكرة حية ذات 4 جيجابايت.

3 ما حجم الذاكرة التي يمكن عنونها بعنوان ذي 64 بت.

03

Réaliser une mémoire de 8K X12 (la taille d'un mot est de 12 bits) en utilisant des boîtiers de taille 2048 mots de 4 bits) ?

أنجز ذاكرة ذات 8 كيلو × 12 (حجم الكلمة 12 بت)، باستعمال علب ذاكرة ذات 2048 كلمة ذات 4 بتات.

04

(Mémoire modulaire) Soit une mémoire de taille de 4 Ko. Cette mémoire est découpée en 4 modules. Donner le schéma de cette mémoire en utilisant des boîtiers de 512 mots de 8 bits ?

(الذاكرة المقسمة) : لتكن ذاكرة سعتها 4 كيلوبايت. هذه الذاكرة مقسمة إلى أربعة أقسام. أعط مخططاً للذاكرة باستعمال صندوق ذاكرة ذات 512 كلمة، كل كلمة ذات 8 بت؟

05

(Mémoires entrelacés) Réaliser une mémoire de capacité 512 mot de 8 bits avec des boîtiers de 64 mots de 8 bits avec un degré entrelacement de 4.

ذاكرة متشابكة : أنجز ذاكرة سعتها 512 كلمة ذات 8 بتات بواسطة صناديق ذاكرة ذات 64 كلمة، كل كلمة ذات 8 بتات بدرجة تشبيك 4.

06

Mémoires modulaires entrelacés : Réaliser une mémoire de 128 Ko (taille d'un mot est 8 bits) organisé en quatre modules entrelacés avec un degré d'entrelacement $D=4$ (l'entrelacement se fait à l'intérieur des modules), en utilisant des circuits (boîtiers) de 4 Ko mots de 4 bits.

ذاكرات مقسمة متشابكة : أنجز ذاكرة سعتها 128 كيلوبايت (حجم الكلمة 8 بتات) منظمة في 4 أقسام متشابكة بدرجة تشبيك $D=4$ (التشابك يجري في داخل الأقسام)، باستعمال دارات ذاكرة (صناديق) ذات 4 كيلو كلمة، كل كلمة من 4 بتات.

6.4.1

Exercices supplémentaires

للتعمق

07

Donner l'architecture de base d'une calculatrice selon l'architecture de Von Neumann

ارسم مخطط بنية آلة حاسبة حسب معمارية فون نيومن.

08

Quelle est la différence entre l'UAL et l'unité de commande.

ما الفرق بين وحدة الحساب والمنطق، ووحدة التحكم؟

09

Classer les mémoires selon les caractéristiques suivantes :

صنّف الذاكرات حسب المعايير الآتية :

1

La capacité d'une mémoire

حجم الذاكرة

2

Volatilité

الديمومة والزوال

3

Mode d'accès à l'information (lecture /écriture)

نمط الوصول إلى المعلومة (قراءة/كتابة)

4

Morte/ vive

حية/ميتة

5

Technologie

تقنية التصنيع

6

Interne /externe

داخلية/خارجية

10

Donner l'architecture de base d'un démo numérique (récepteur satellite) selon l'architecture de Von Neumann

ارسم مخطط معمارية جهاز استقبال رقمي (استقبال قمر صناعي) حسب معمارية فون نيومن.

11

Soit une mémoire de taille de 4 Ko. Cette mémoire est découpée en 4 modules. Donner le schéma de cette mémoire en utilisant des boîtiers de 512 mots de 4 bits ?

لتكن ذاكرة سعتها 4 كيلو بايت، مقسّمة إلى أربعة أقسام. ارسم مخطط الذاكرة باستعمال صناديق ذاكرة ذات 512 كلمة ذات 4 بتات.

12

Réaliser une mémoire de capacité 512 mot de 8 bits avec des boîtiers de 64 mots de 4 bits avec un degré entrelacement de 4.

أنجز ذاكرة سعتها 512 كلمة ذات 8 بتات باستعمال صناديق ذاكرة ذات 64 كلمة ذات 4 بتات، بدرجة تشبيك تساوي 4.

6.5 Solutions du chapitre 1

حلول الفصل الأول

01

Une serrure de sécurité s'ouvre en fonction de quatre clés A, B, C, D. Le fonctionnement de la serrure est définie comme suite :

- $S(A, B, C, D) = 1$ si au moins deux clés sont utilisées
- $S(A, B, C, D) = 0$ sinon
- Les clés A et C ne peuvent pas être utilisées en même temps.

Donner les formes canoniques R et P Réaliser le circuit.

قفل أمان يفتح بواسطة أربعة مفاتيح A و B و C و D. يعمل القفل كالاتي : إذا استعمل مفتاحين على الأقل $S(A, B, C, D) = 1$ وإلا $S(A, B, C, D) = 0$
لا يستعمل A C في نفس الوقت أعط الأشكال القانونية الرقمية R و P
أنجز الدارة

1 Définition des entrées et des sorties تعريف المدخل والمخرج

- les entrées :
 - Clé A : "utilisée" noté 1 "non utilisée" noté 0
 - Clé B : "utilisée" noté 1 "non utilisée" noté 0
 - Clé C : "utilisée" noté 1 "non utilisée" noté 0
 - Clé D : "utilisée" noté 1 "non utilisée" noté 0
- la sortie
 - la serrure S ; "ouverte" noté 1 "fermée" noté 0

2 Table de vérité

	A	B	C	D	S0
0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0
2	0	0	1	0	0
3	0	0	1	1	1
4	0	1	0	0	0
5	0	1	0	1	1
6	0	1	1	0	1
7	0	1	1	1	1
8	1	0	0	0	0
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	X
11	1	0	1	1	X
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	1
14	1	1	1	0	X
15	1	1	1	1	X

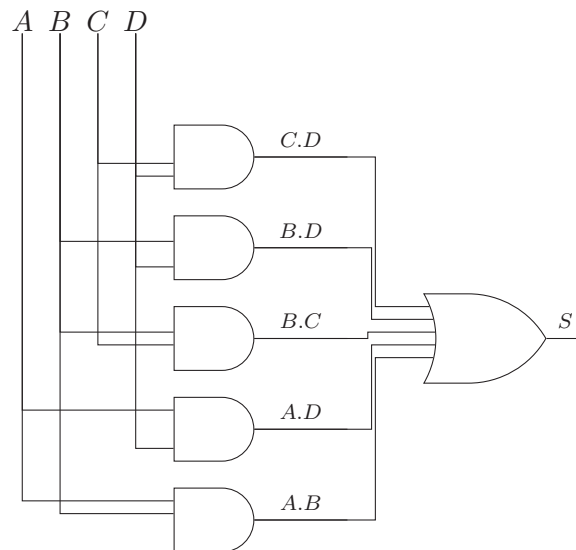


FIG. 6.29: Exercice 1 : Logigramme de la fonction S

3 Les formes canoniques numériques

La première forme canonique numérique

$$S(a, b, c, d) = \sum[3, 5, 6, 7, 9, 12, 13]$$

La deuxième forme canonique numérique

$$S(a, b, c, d) = \prod[0, 1, 2, 4, 8]$$

4 Simplification par le tableau de Karnaugh

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	0	1	0
	01	0	1	1	1
	11	1	1	X	X
	10	0	1	X	X

Karnough map

La foncti $S = a.b.\bar{c} + a.\bar{c}.d + \bar{a}.b.c + \bar{a}.b.d + \bar{a}.c.d$

5 Logigramme de la fonction

02

Une machine de distribution de boissons, offre : café, lait, café au lait, avec ou sans sucre. La machine dispose de 3 boutons (Lait, Café, Sans Sucre) et une entrée de pièces de monnaies. La machine contient trois réservoirs (Café, sucre et Lait).

- Déterminer les fonctions logiques qui permet d'ouvrir les robinets des réservoirs en fonction des boutons.

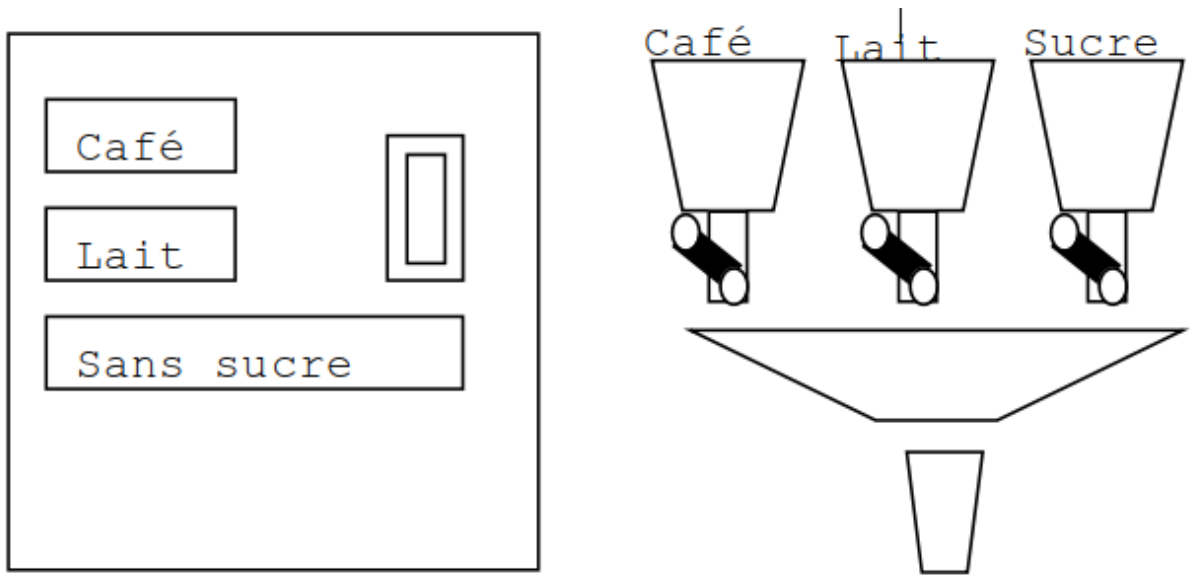


FIG. 6.30: Schéma de l'exercice 2

- Réaliser le schéma logique qui permet de distribuer les boissons.

آلة توزيع المشروبات تقدّم القهوة، الحليب، القهوة بالحليب، بالسكر أو بدونه . الآلة فيها ثلاثة أزرار (حليب، قهوة، دون سكر) ومدخل للقطعة النقدية . الآلة في داخلها ثلاثة خزانات للقهوة والسكر والحليب،

• حدد الدوال المنطقية التي تفتح حنفيات الخزانات بدلالة الأزرار

• أنجز المخطط المنطقي الذي يوزّع المشروبات

1 Définition des entrées et des sorties

- les entrées :

→ Pièce de Monnaie M : "Introduite" noté 1 "Non introduite" noté 0
 → Bouton Café C : "appuyé" noté 1 "non appuyé" noté 0
 → Bouton Lait L : "appuyé" noté 1 "non appuyé" noté 0
 → Bouton Sans sucre Ss : "appuyé" noté 1 "non appuyé" noté 0

- les sorties

→ Le robinet du café Ca ; "ouvert" noté 1 "fermé" noté 0
 → Le robinet du lait La ; "ouvert" noté 1 "fermé" noté 0
 → Le robinet du sucre Su ; "ouvert" noté 1 "fermé" noté 0

2 Table de vérité

	M	C	L	Ss	Ca	La	Su
0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	0
2	0	0	1	0	0	0	0
3	0	0	1	1	0	0	0
4	0	1	0	0	0	0	0
5	0	1	0	1	0	0	0
6	0	1	1	0	0	0	0
7	0	1	1	1	0	0	0
8	1	0	0	0	0	0	0
9	1	0	0	1	0	0	0
10	1	0	1	0	0	1	1
11	1	0	1	1	0	1	0
12	1	1	0	0	1	0	1
13	1	1	0	1	1	0	0
14	1	1	1	0	1	1	1
15	1	1	1	1	1	1	0

3 Formes canoniques numériques des fonctions

- $Ca(M,C,L,Ss)=\sum[12, 13, 14, 15]$
- $La(M,C,L,Ss)=\sum[10, 11, 14, 15]$
- $Su(M,C,L,Ss)=\sum[10, 12, 14]$

La fonction Ca

		L.Ss			
		00	01	11	10
MC	00	0	0	0	0
	01	0	0	0	0
	11	1	1	1	1
	10	0	0	0	0

La fonction simplifiée $Ca : M.C$

La fonction La

		L.Ss			
		00	01	11	10
MC	00	0	0	0	0
	01	0	0	0	0
	11	0	0	1	1
	10	0	0	1	1

La fonction simplifiée $La : M.L$

La fonction Su

		L.Ss			
		00	01	11	10
MC	00	0	0	0	0
	01	0	0	0	0
	11	1	0	0	1
	10	0	0	0	1

La fonction simplifiée Su : $M.C.\bar{S}s + M.L.\bar{S}s$

4 Logigramme de la fonction

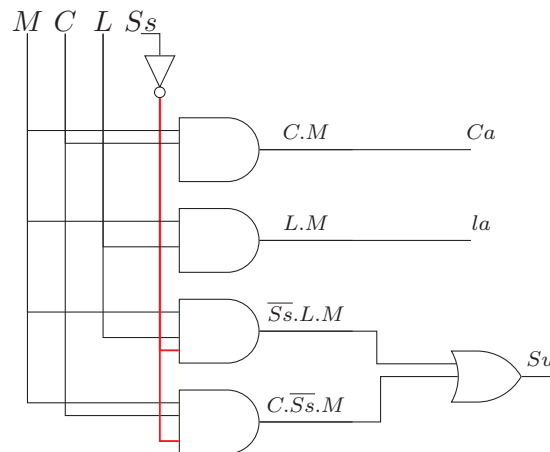


FIG. 6.31: Schéma de l'exercice 2

03

Le circuit DIV qui calcule la division euclidienne de deux nombres de 2 bits chacun (le quotient et le reste),

CD | AB
 R_1R_0 | Q_1Q_0

La division sur zéro est un cas interdit Réaliser le circuit

الدائرة DIV تحسب القسمة الإقليدية لعددین فی کل منهما 2 بتین (حاصل القسمة والباقي) فی حالة القسمة على صفر، تعتبر حالة ممنوعة أنجز الدائرة

• Définition des entrées et des sorties تعريف المدخل والمخرج

→ Les entrées المدخل :

- * deux bits pour le diviseur AB : بتین اثنين للقاسم
- * deux bits pour le divisé CD : بتین اثنين للمقسوم

→ Les sorties المخرج

- * deux bits pour le quotient Q_1Q_0 : بتین اثنين للحاصل
- * deux bits pour le reste R_1R_0 : بتین اثنين للباقي

• جدول الحقيقة *جدول الحقيقة*

N°	A	B	C	D	Q_1	Q_0	R_1	R_0
0	0	0	0	0	X	X	X	X
1	0	0	0	1	X	X	X	X
2	0	0	1	0	X	X	X	X
3	0	0	1	1	X	X	X	X
4	0	1	0	0	0	0	0	0
5	0	1	0	1	0	1	0	0
6	0	1	1	0	1	0	0	0
7	0	1	1	1	1	1	0	0
8	1	0	0	0	0	0	0	0
9	1	0	0	1	0	0	0	1
10	1	0	1	0	0	1	0	0
11	1	0	1	1	0	1	0	1
12	1	1	0	0	0	0	0	0
13	1	1	0	1	0	0	0	1
14	1	1	1	0	0	0	1	0
15	1	1	1	1	0	1	0	0

• الأشكال القانونية *الأسكال القانونية*

→ La première forme canonique : الشكل القانوني الأول

$$* Q_1(A, B, C, D) = \sum \bar{A}.B.C.\bar{D} + \bar{A}.B.C.D$$

$$* Q_0(A, B, C, D) = \sum \bar{A}.B.\bar{C}.D + \bar{A}.B.C.D + A.\bar{B}.C.\bar{D} + A.\bar{B}.C.D + A.B.C.D$$

$$* R_1(A, B, C, D) = \sum A.B.C.\bar{D}$$

$$* R_0(A, B, C, D) = \sum A.\bar{B}.\bar{C}.D + A.\bar{B}.C.D + A.B.\bar{C}.D$$

→ La deuxième forme canonique : الشكل القانوني الثاني

$$* Q_1(A, B, C, D) = \prod (A+B+C+D).(A+B+C+\bar{D}).(A+B+\bar{C}+D).(A+B+\bar{C}+\bar{D}).(A+\bar{B}+C+D).(A+\bar{B}+C+\bar{D}).(\bar{A}+B+C+D).(\bar{A}+B+C+\bar{D}).(\bar{A}+B+\bar{C}+D).(\bar{A}+B+\bar{C}+\bar{D}).(\bar{A}+\bar{B}+C+D).(\bar{A}+\bar{B}+C+\bar{D}).(\bar{A}+\bar{B}+\bar{C}+D).(\bar{A}+\bar{B}+\bar{C}+\bar{D})$$

$$* Q_0(A, B, C, D) = \prod (A+B+C+D).(A+B+C+\bar{D}).(A+B+\bar{C}+D).(A+B+\bar{C}+\bar{D}).(A+\bar{B}+C+D).(A+\bar{B}+C+\bar{D}).(\bar{A}+B+C+D).(\bar{A}+B+C+\bar{D}).(\bar{A}+\bar{B}+C+D).(\bar{A}+\bar{B}+C+\bar{D}).(\bar{A}+\bar{B}+\bar{C}+D).(\bar{A}+\bar{B}+\bar{C}+\bar{D})$$

$$* R_1(A, B, C, D) = \prod (A+B+C+D).(A+B+C+\bar{D}).(A+B+\bar{C}+D).(A+B+\bar{C}+\bar{D}).(A+\bar{B}+C+D).(A+\bar{B}+C+\bar{D}).(A+\bar{B}+\bar{C}+D).(A+\bar{B}+\bar{C}+\bar{D}).(\bar{A}+B+C+D).(\bar{A}+B+C+\bar{D}).(\bar{A}+\bar{B}+C+D).(\bar{A}+\bar{B}+C+\bar{D}).(\bar{A}+\bar{B}+\bar{C}+D).(\bar{A}+\bar{B}+\bar{C}+\bar{D})$$

$$* R_0(A, B, C, D) = \prod (A+B+C+D).(A+B+C+\bar{D}).(A+B+\bar{C}+D).(A+B+\bar{C}+\bar{D}).(A+\bar{B}+C+D).(A+\bar{B}+C+\bar{D}).(A+\bar{B}+\bar{C}+D).(A+\bar{B}+\bar{C}+\bar{D}).(\bar{A}+B+C+D).(\bar{A}+B+C+\bar{D}).(\bar{A}+\bar{B}+C+D).(\bar{A}+\bar{B}+C+\bar{D}).(\bar{A}+\bar{B}+\bar{C}+D).(\bar{A}+\bar{B}+\bar{C}+\bar{D})$$

→ La première forme canonique numérique ; الشكل القانوني الرقمي الأول

$$* Q_1(A, B, C, D) = \sum [6, 7]$$

$$* Q_0(A, B, C, D) = \sum [5, 7, 10, 11, 15]$$

$$* R_1(A, B, C, D) = \sum [14]$$

$$* R_0(A, B, C, D) = \sum [9, 11, 13]$$

→ La deuxième forme canonique numérique ; الشكل القانوني الرقمي الثاني

$$* Q_1(A, B, C, D) = \prod [4, 5, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15]$$

$$* Q0(A, B, C, D) = \prod[4, 6, 8, 9, 12, 13, 14]$$

$$* R1(A, B, C, D) = \prod[4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 15]$$

$$* R0(A, B, C, D) = \prod[4, 5, 6, 7, 8, 10, 12, 14, 15]$$

- Tableaux de Karnaugh

مخطط كارنوف

→ La fonction Q1 الدالة Q1

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	X	X	X	X
	01	0	0	1	1
	11	0	0	0	0
	10	0	0	0	0

→ La fonction Q0 الدالة Q0

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	X	X	X	X
	01	0	1	1	0
	11	0	0	1	0
	10	0	0	1	1

La forme simplifiée الشكل المبسط

$$Q1 = \bar{a}.c$$

→ La fonction R1 الدالة R1

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	X	X	X	X
	01	0	0	0	0
	11	0	0	0	1
	10	0	0	0	0

La forme simplifiée الشكل المبسط

$$Q0 = c.d + \bar{b}.c + \bar{a}.d$$

→ La fonction R0 الدالة R0

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	X	X	X	X
	01	0	0	0	0
	11	0	1	0	0
	10	0	1	1	0

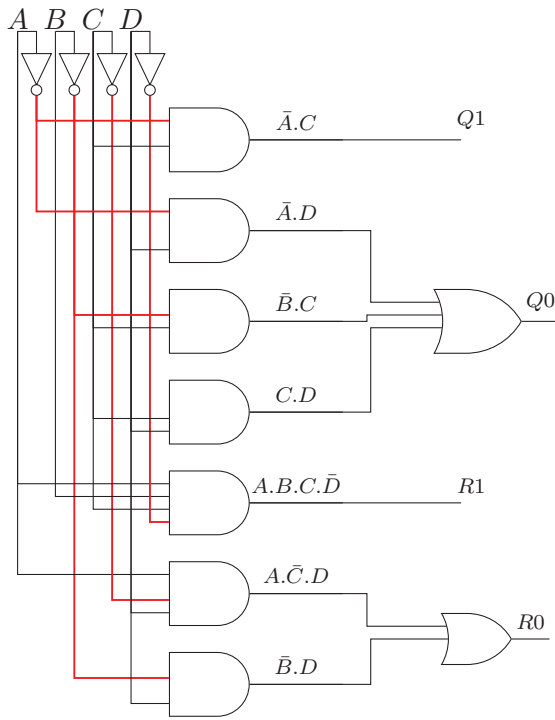
La forme simplifiée الشكل المبسط

$$R1 = a.b.c.\bar{d}$$

La forme simplifiée الشكل المبسط

$$R0 = \bar{b}.d + a.\bar{c}.d$$

- Logigrammes المخططات المنطقية



04

- Réaliser le circuit C1, qui permet d'additionner deux bits.
- Est-ce qu'on peut l'utiliser pour additionner plusieurs bits ?.
- Réaliser un circuit (ADD) qui permet d'additionner deux bits avec une retenue en entrée.

أنجز الدارة C1 التي تجمع بتين اثنتين.
هل يمكن استعمالها لجمع بتات أكثر؟
أنجز الدارة ADD التي تجمع بتين مع مدخل خاص بالاحتفاظ .

1 Réaliser le circuit C1, qui permet d'additionner deux bits.

- Définition des entrées et des sorties تعريف المدخل والمخرج

→ Les entrées المدخل : Deux bits pour l'addition بتين اثنتين للجمع

* bit A : 1 0

* bit B : 1 0

→ Les sorties المخرج

Deux bits pour le resultat والاحتفاظ بتين اثنتين للنتيجة فيما المجموع

* bit de la somme S : 1 0

* bit de la retenue : 1 0

- Table de vérité Remarquons dans le tableau ci-dessus que $A+B$ représente le poids faible tandis que Retenue représente le poids fort. نلاحظ أن الدالة S تمثل البت الأدنى، فيما يمثل R البت الأعلى.

	A	B	R	S
قوة	0	0	0	0
	0	1	0	1
	1	0	0	1
	1	1	1	0

- Les formes simplifiées de la fonction لسنا بحاجة إلى استعمال جدول كارنوف للتبسيط

$$\rightarrow S = \bar{A}.B + A.\bar{B} = A \oplus B$$

$$\rightarrow R = A.B$$

- Le logigramme du circuit مخطط الدارة

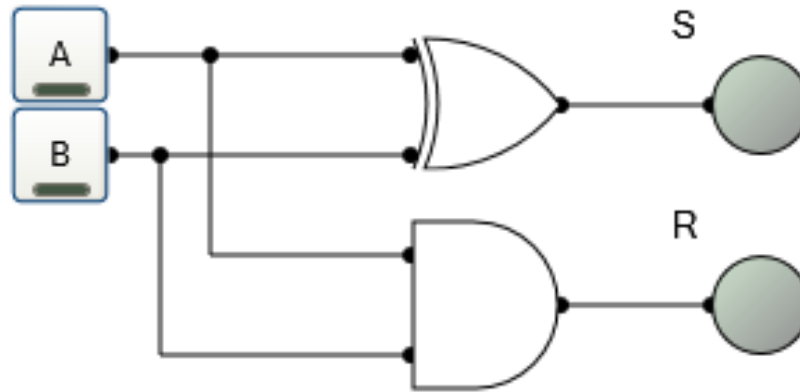


FIG. 6.32: Schéma d'un demi additionneur

- 2 Est-ce qu'on peut l'utiliser pour additionner plusieurs bits ?.

Le demi additionneur permet d'additionner les bits de poids faible seulement. Il faut ajouter une retenue d'entrée pour pouvoir l'utiliser pour l'addition de plusieurs bits.

تجمع دائرة الجمع البسيط بتين في القوة الأدنى، لذا نحتاج إلى مدخل آخر للاحتفاظ من أجل جمع أكثر من بتين.

- 3 Réaliser un circuit (ADD) qui permet d'additionner deux bits avec une retenue en entrée.

- Définition des entrées et des sorties $\text{تعريف المدخل والمخرج}$

→ Les entrées المدخلات : Deux bits pour l'addition بتين اثنين للجمع

* bit A : 1 0

* bit B : 1 0

un bit pour la retenue en entrée R_e $\text{بت للاحتفاظ السابق}$

* bit R : 1 0

→ Les sorties المخرجات

Deux bits pour le resultat $\text{بتين اثنين للنتيجة فيها المجموع والاحتفاظ}$

* bit de la somme S : 1 0

* bit de la retenue e, sortie R_s : 1 0

A	B	R_e	S	R_s
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1

- Les formes simplifiées de la fonction

$$\rightarrow S = \bar{R}_e.(A \oplus B) + R_e.\bar{A}.\bar{B} + R_e.A.B$$

$$\rightarrow S = \bar{R}_e.(A \oplus B) + R_e(\bar{A}.\bar{B} + A.B)$$

$$\text{on a } (\bar{A}.\bar{B} + A.B) = \overline{(A \oplus B)}$$

$$\rightarrow S = \bar{R}_e.(A \oplus B) + R_e.\overline{(A \oplus B)}$$

$$\text{donc } S = R_e \oplus (A \oplus B)$$

$$\rightarrow R = \bar{A}.B.R + A\bar{B}.R + A.B.\bar{R} + A.B.R$$

$$\rightarrow R = R.(\bar{A}.B + A\bar{B}) + A.B.(\bar{R} + R)$$

$$\rightarrow R = R.(A \oplus B) + A.B$$

- Le logigramme du circuit خطط الدارة

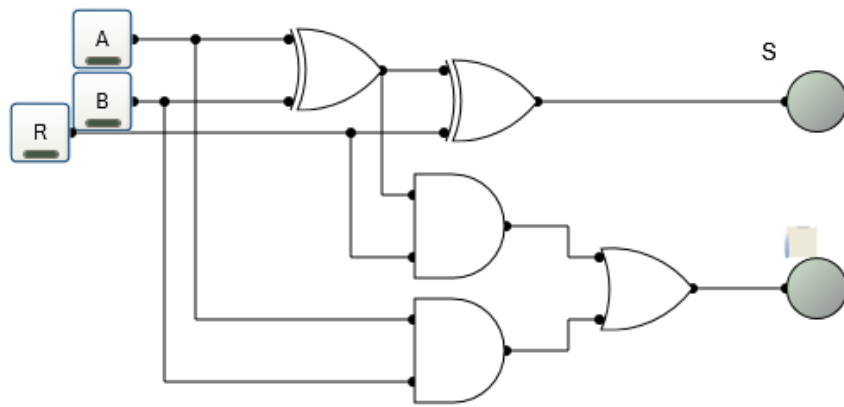


FIG. 6.33: Schéma d'un additionneur complet

05

Utiliser les circuits ADD pour faire un additionneur des nombres binaires sur 4 bits.

باستعمال دارات ADD لتصميم جامع للأعداد الثنائية على 4 بتات .

06

Réaliser un circuit C5 qui permet de commander 8 lampes et allumer une seule lampe à la fois par numéro.

أنجز دائرة C5 تتحكم في 8 مصابيح، وتشعل مصباحا واحدا فقط في المرة حسب رقمها.

- Définition des entrées et des sorties $\text{تعريف المدخل والمخرج}$

→ les entrées :

- * Bouton A : "appuyé" noté 1 "non appuyé" noté 0
- * Bouton B : "appuyé" noté 1 "non appuyé" noté 0
- * Bouton C : "appuyé" noté 1 "non appuyé" noté 0

→ les sorties

- * la lamp L0; "on" noté 1 "off" noté 0, elle s'allume lorsque les boutons donne le nombre 0 codé en binaire $(000)_2$
- * la lamp L0; "on" noté 1 "off" noté 0; allumé en cas $-(000)_2$
- * la lamp L1; "on" noté 1 "off" noté 0; allumé en cas $-(001)_2$

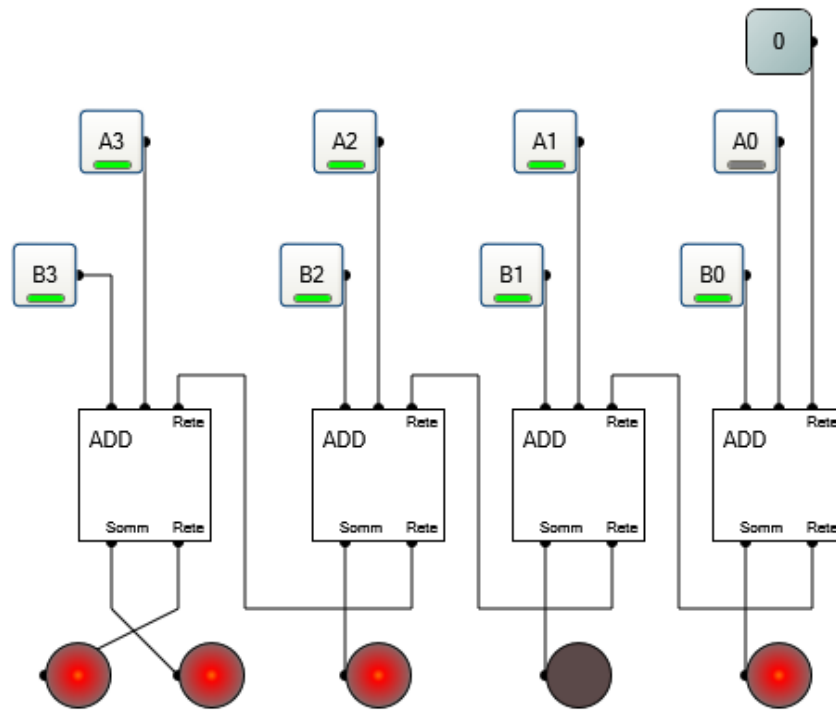


FIG. 6.34: Schéma d'un additionneur complet

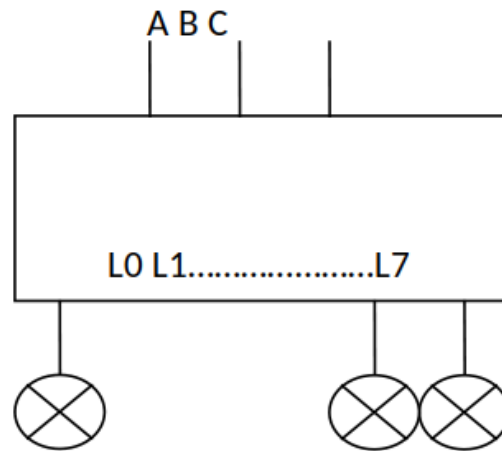


FIG. 6.35: Schéma bloc de l'exercice 6

- * la lamp L2; "on" noté 1 "off" noté 0; allumé en cas $-(010)_2$
- * la lamp L3; "on" noté 1 "off" noté 0; allumé en cas $-(011)_2$
- * la lamp L4; "on" noté 1 "off" noté 0; allumé en cas $-(100)_2$
- * la lamp L5; "on" noté 1 "off" noté 0; allumé en cas $-(101)_2$
- * la lamp L6; "on" noté 1 "off" noté 0; allumé en cas $-(110)_2$
- * la lamp L7; "on" noté 1 "off" noté 0; allumé en cas $-(111)_2$

- Table de vérité جدول الحقيقة

A	B	C		L0	L1	L2	L3	L4	L5	L6	L7
0	0	0		1	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1		0	1	0	0	0	0	0	0
0	1	0		0	0	1	0	0	0	0	0
0	1	1		0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	0		0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	1		0	0	0	0	0	1	0	0
1	1	0		0	0	0	0	0	0	1	0
1	1	1		0	0	0	0	0	0	0	1

- Les formes simplifiées de la fonction $\text{لنا بحاجة إلى استعمال جدول كارنوف للتبسيط}$

→ la lamp $L0 = \bar{A}.\bar{B}.\bar{C}$

→ la lamp $L1 = \bar{A}.\bar{B}.C$

→ la lamp $L2 = \bar{A}.B.\bar{C}$

→ la lamp $L3 = \bar{A}.B.C$

→ la lamp $L4 = A.\bar{B}.\bar{C}$

→ la lamp $L5 = A.\bar{B}.C$

→ la lamp $L6 = A.B.\bar{C}$

→ la lamp $L7 = A.B.C$

- Logigramme مخطط منطقي

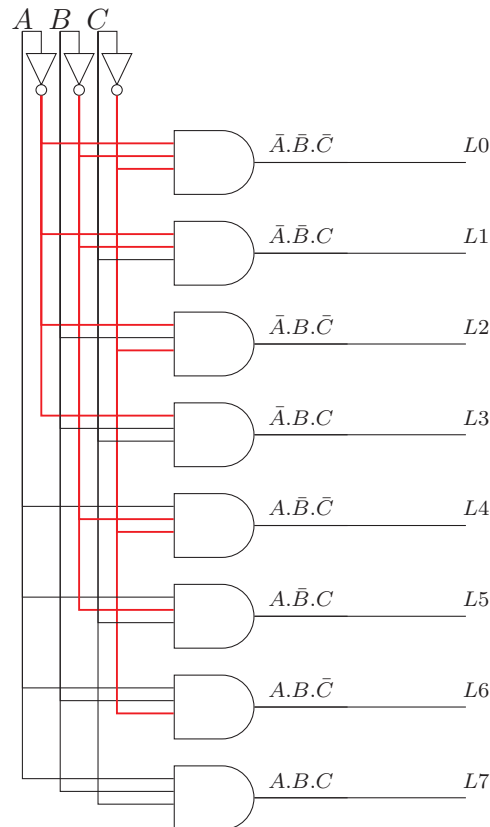


FIG. 6.36: Exercice 6 : Réalisation du logigramme des lamps $\text{تصميم دائرة التحكم في المصابيح}$

- 1 Fabriquez une porte NON à partir d'une porte NON-ET Le Non-ET $\overline{A.B}$ est noté \uparrow , $Anon - etB = A \uparrow B$ On peut exprimer le Non par le Non-ET comme suite :

صمم البوابة "لا" بواسطة بوابة "نفي الوصل"،

يرمز لنفي الوصل $\overline{A.B}$ ويرمز له \uparrow , $Anon - etB = A \uparrow B$ يمكن التعبير عن بوابة النفي كما يلي

$$\bar{A} = \overline{A.A} = A \uparrow A$$

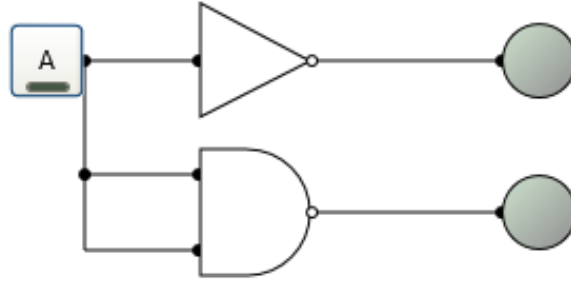


FIG. 6.37: Réalisation d'une porte logique NON avec une porte Non-ET

- 2 Fabriquez une porte ET à partir de portes NON-ET. On peut exprimer la porte logique "ET" par le Non-ET comme suite :

صمم البوابة "وصل" بواسطة بوابة "نفي الوصل"

يمكن التعبير عن بوابة الوصل كما يلي

$$A.B = \overline{\overline{A.B}} = \overline{(A \uparrow B)}$$

sachant que $\bar{X} = X \uparrow X$, donc $A.B = \overline{(A \uparrow B)} = (A \uparrow B) \uparrow (A \uparrow B)$

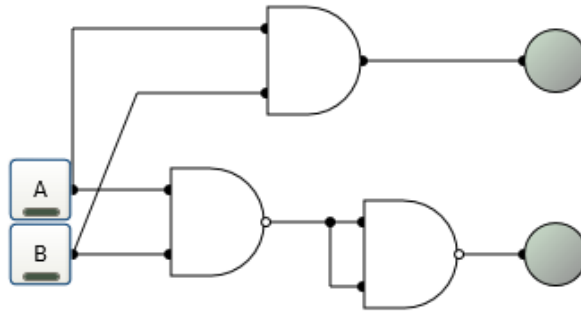


FIG. 6.38: Réalisation d'une porte logique ET avec une porte Non-ET

08

- 1 Réaliser le circuit de la fonction $f1$ en utilisant uniquement des portes NAND

1 أنجز دائرة الدالة $f1$ باستعمال بوابات "نفي الوصل" NAND فقط.

$$f1 = a.\bar{b} + \bar{a}.b + \bar{a}.c.d$$

نستعمل مبرهنة دي مورغان، باستعمال خطين علويين على العبارة،

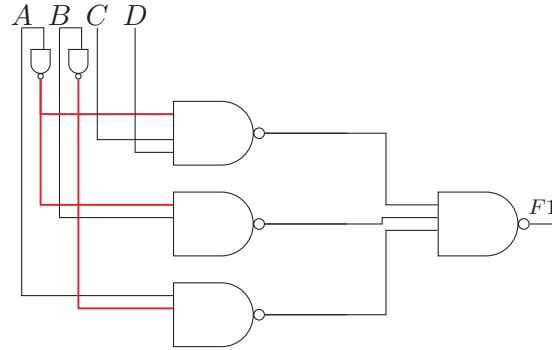
$$\overline{\overline{a.\bar{b}} + \bar{a}.b + \bar{a}.c.d}$$

نقسم الخط للتخلص من علامة +،

$$\overline{(a.\bar{b}).(\bar{a}.b).(\bar{a}.c.d)}$$

نستبدل كل نفي للوصل بالرمز ↑

$$(A \uparrow (B \uparrow B)) \uparrow ((A \uparrow A) \uparrow B) \uparrow ((A \uparrow A) \uparrow C \uparrow D)$$



6.39: FIG.

2 2 NOR portes des uniquement utilisant en f1 fonction la de circuit le Réaliser

3 3 أنجز دائرة الدالة f1 باستعمال بوابات " نفي الفصل " NOR فقط

نطبق مبرهنة دي مورغان

$$f0 = a.\bar{b} + \bar{a}.b + \bar{a}.c.d$$

$$(\overline{\overline{a.\bar{b}}}) + (\overline{\overline{\bar{a}.b}}) + (\overline{\overline{\bar{a}.c.d}})$$

نحتاج إلى تطبيقها مرة أخرى للتخلص من علامة "."

$$= \overline{\overline{\overline{a.\bar{b}}}} + \overline{\overline{\overline{\bar{a}.b}}} + \overline{\overline{\overline{\bar{a}.c.d}}}$$

نستبدل كل نفي للفصل بعلامة ↓

$$= ((A \downarrow A) \downarrow B) \downarrow (A \downarrow (B \downarrow B)) \downarrow (A \downarrow (C \downarrow C) \downarrow (D \downarrow D))$$

$$\downarrow ((A \downarrow A) \downarrow B) \downarrow (A \downarrow (B \downarrow B)) \downarrow (A \downarrow (C \downarrow C) \downarrow (D \downarrow D))$$

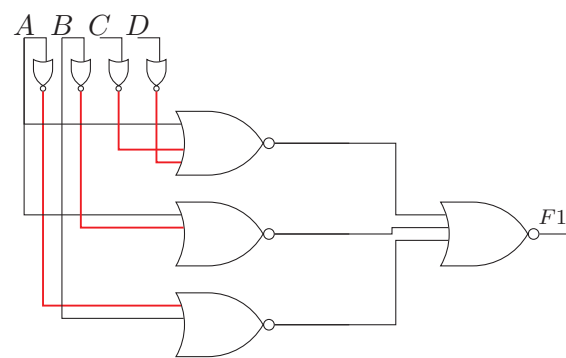


FIG. 6.40:

6.6 Solutions du chapitre 2

حلول تمارين الفصل الثاني

01

Réaliser un multiplexeurs à 4 entrées.

اصنع مجمّعاً ب 4 مداخل.

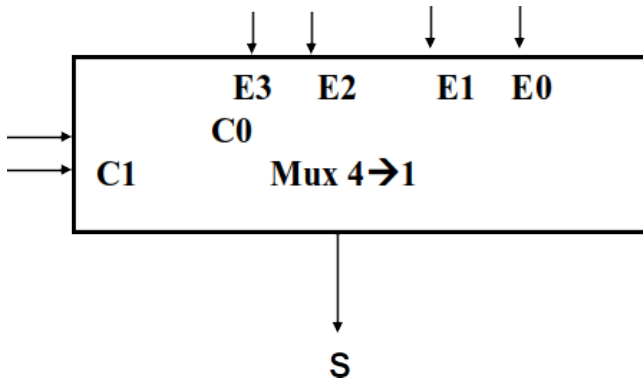


Table de vérité جدول الحقيقة مختصر

C1	C0	S
0	0	e0
0	1	e1
1	0	e2
1	1	e3

Table de vérité un peu détaillé جدول مفصل بعض الشيء

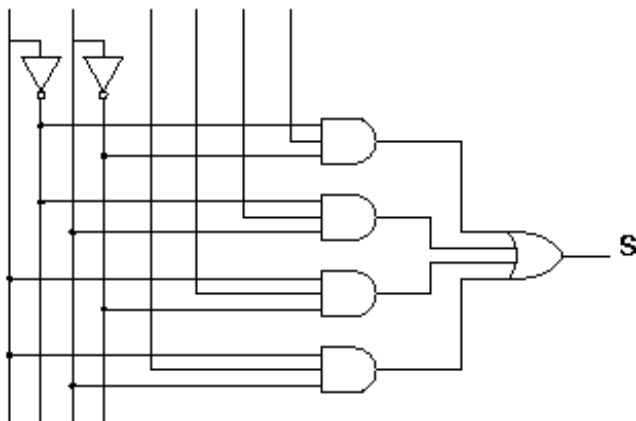
c1	c0	e0	e1	e2	e3	S
0	0	0	x	x	x	0
0	0	1	x	x	x	1
0	1	x	0	x	x	0
0	1	x	1	x	x	1
1	0	x	x	0	x	0
1	0	x	x	1	x	1
1	1	x	x	x	0	0
1	1	x	x	x	1	1

L'équation qui donne la sortie en fonction des entrées se déduit directement du tableau puisque la sortie est égale à e0 si $\overline{c1}.\overline{c0}$, à e1 si $\overline{c1}.c0$, à e2 si $c1.\overline{c0}$ et à e3 si $c1.c0$ soit :

عبارة المخرج تستنتج من الجدول مباشرة، فالخرج يكون مساوياً لـ e0 إذا كان $\overline{c1}.\overline{c0}$ ، ومساوياً لـ e1 إذا كان $\overline{c1}.c0$ ، ولـ e2 إذا كان $c1.\overline{c0}$ ومساوياً لـ e3 إذا كان $c1.c0$. ما يعني أنّ

$$S = e0.\overline{c1}.\overline{c0} + e1.\overline{c1}.c0 + e2.c1.\overline{c0} + e3.c1.c0$$

c1 c0 e3 e2 e1 e0



02

Réaliser le demi-additionneur à l'aide d'un minimum de multiplexeurs à 4 entrées.

اصنع جامعا بسيطا بواسطة أقل عدد من المجمعات ذات 4 مداخل.

لحل هذه المسألة، نستحضر أولا شكل الجامع البسيط وجدول حقيقته، ثم نستذكر شكل المجمع ذي 4 مداخل وجدول حقيقته، ثم نبث عن التطابق بينهما.

La table de vérité d'un demi additionneur

A	B	S	R
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

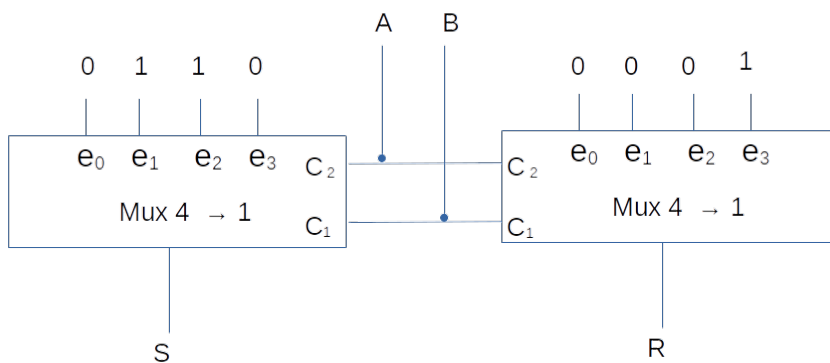
جدول الحقيقة للمجمع ذي 4 مداخل

C1	C0	S_{mux}
0	0	E_0
0	1	E_1
1	0	E_2
1	1	E_3

نلاحظ أن لدارة المجمع مخرجا واحدا فقط، وأن لدارة الجمع مخرجان، لكنهما يتطابقان في عدد المداخل، لذا نقترح استعمال دارة مجمع لكل دالة من R و S، إذا فرضنا أن $A = C1, B = C0$ ثم ثبتنا قيم المتغيرات e_3, e_2, e_1, e_0 حسب الدالة،

جدول الحقيقة المطابق

A=C1	B=C0	S_{add}	R_{add}	S_{mux}	R_{mux}
0	0	0	0	$E_0 = 0$	$E_0 = 0$
0	1	1	0	$E_1 = 1$	$E_1 = 0$
1	0	1	0	$E_2 = 1$	$E_2 = 0$
1	1	0	1	$E_3 = 0$	$E_3 = 1$



03

Réaliser l'additionneur complet à l'aide d'un minimum de multiplexeurs à 8 entrées.

اصنع جامعا كاملا بواسطة أقل عدد من المجمعات ذات 8 مداخل

لحل هذه المسألة، نستحضر أولا شكل الجامع الكامل وجدول حقيقته، ثم نستذكر شكل المجمع ذي 8 مداخل وجدول حقيقته، ثم نبث عن التطابق بينهما.

جدول الحقيقة لجامع كامل

A_i	B_i	R_{i-1}	S_i	R_i
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1

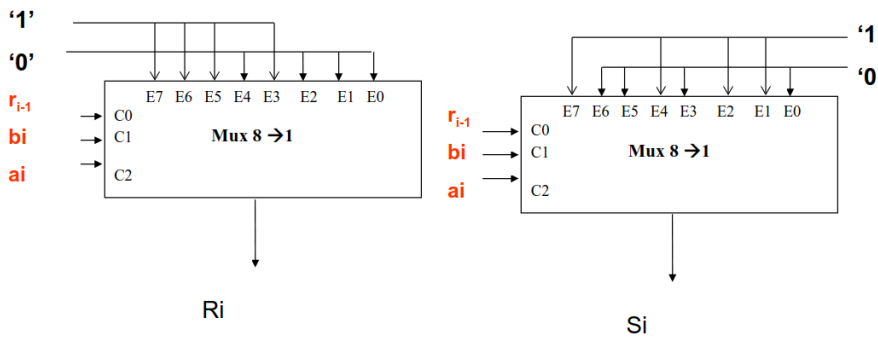
جدول الحقيقة لمجمع ذي 8 مداخل 8 إلى 1 Table de vérité d'un multiplexeur 8 à 1

C_2	C_1	C_0	S_{mux}
0	0	0	E0
0	0	1	E1
0	1	0	E2
0	1	1	E3
1	0	0	E4
1	0	1	E5
1	1	0	E6
1	1	1	E7

نلاحظ أن لدارة المجمع مخرجا واحدا فقط، وأن لدارة الجمع مخرجان، لكنهما يتطابقان في عدد المداخل، لذا نقترح استعمال دارة مجمع لكل دالة من R و S، إذا فرضنا أن $A_i = C_2, B_i = C_1, R_{i-1} = C_0$ ثم نثبت قيم المتغيرات e_3, e_2, e_1, e_0 حسب الدالة،

جدول الحقيقة المطابق Table de vérité de correspondance

$A_i = C_2$	$B_i = C_1$	$R_{i-1} = C_0$	S_i	R_i	S_{mux}	R_{mux}
0	0	0	0	0	E0=0	E0=0
0	0	1	1	0	E1=1	E1=0
0	1	0	1	0	E2=1	E2=0
0	1	1	0	1	E3=0	E3=1
1	0	0	1	0	E4=1	E4=0
1	0	1	0	1	E5=0	E5=1
1	1	0	0	1	E6=0	E6=1
1	1	1	1	1	E6=1	E7=1



04

Réalisation d'un additionneur complet avec des décodeurs binaire 3=>8 avec un minimum de portes logiques.

اصنع جامعا كاملا بواسطة أقل عدد من مفككات الترميز ذات 3 مداخل و 8 مخرج وأقل ما يمكن من البوابات المنطقية.

Table de vérité

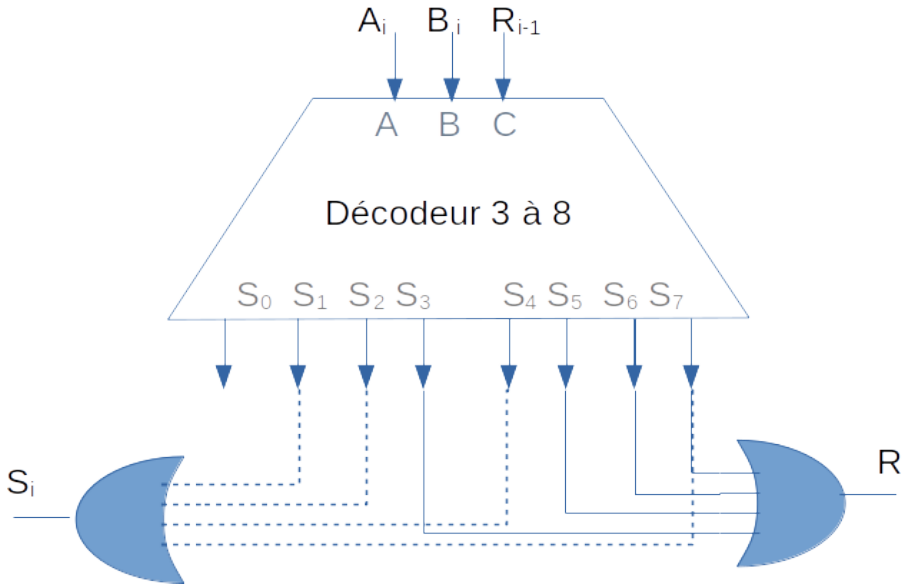
A_i	B_i	R_{i-1}	S_i	R_i	S_i	R_i	S_0	S_1	S_2	S_3	S_4	S_5	S_6	S_7
0	0	0	0	0			1	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	S_1		0	1	0	0	0	0	0	0
0	1	0	1	0	S_2		0	0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	1		S_3	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	0	1	0	S_4		0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	1	0	1		S_5	0	0	0	0	0	1	0	0
1	1	0	0	1		S_6	0	0	0	0	0	0	1	0
1	1	1	1	1	S_7	S_7	0	0	0	0	0	0	0	1

نلاحظ أن دالة المجموع تساوي : $S_i = S_1 + S_2 + S_4 + S_7$

وأن دالة الاحتفاظ تساوي $R_i = S_3 + S_5 + S_6 + S_7$

On constate que la Somme $S_i = S_1 + S_2 + S_4 + S_7$

La retenue $R_i = S_3 + S_5 + S_6 + S_7$



05

Soit une information binaire sur 4 bits ($i_3i_2i_1i_0$).

Donner le circuit qui permet de compter le nombre de 1 dans l'information en entrée en utilisant uniquement des additionneurs complets sur 1 bit ?

Exemple : Si on a en entrée l'information ($i_3i_2i_1i_0$) = (0110) alors en sortie on obtient la valeur 2 en binaire (010) puisque il existe 2 bits qui sont à 1 dans l'information en entrée .

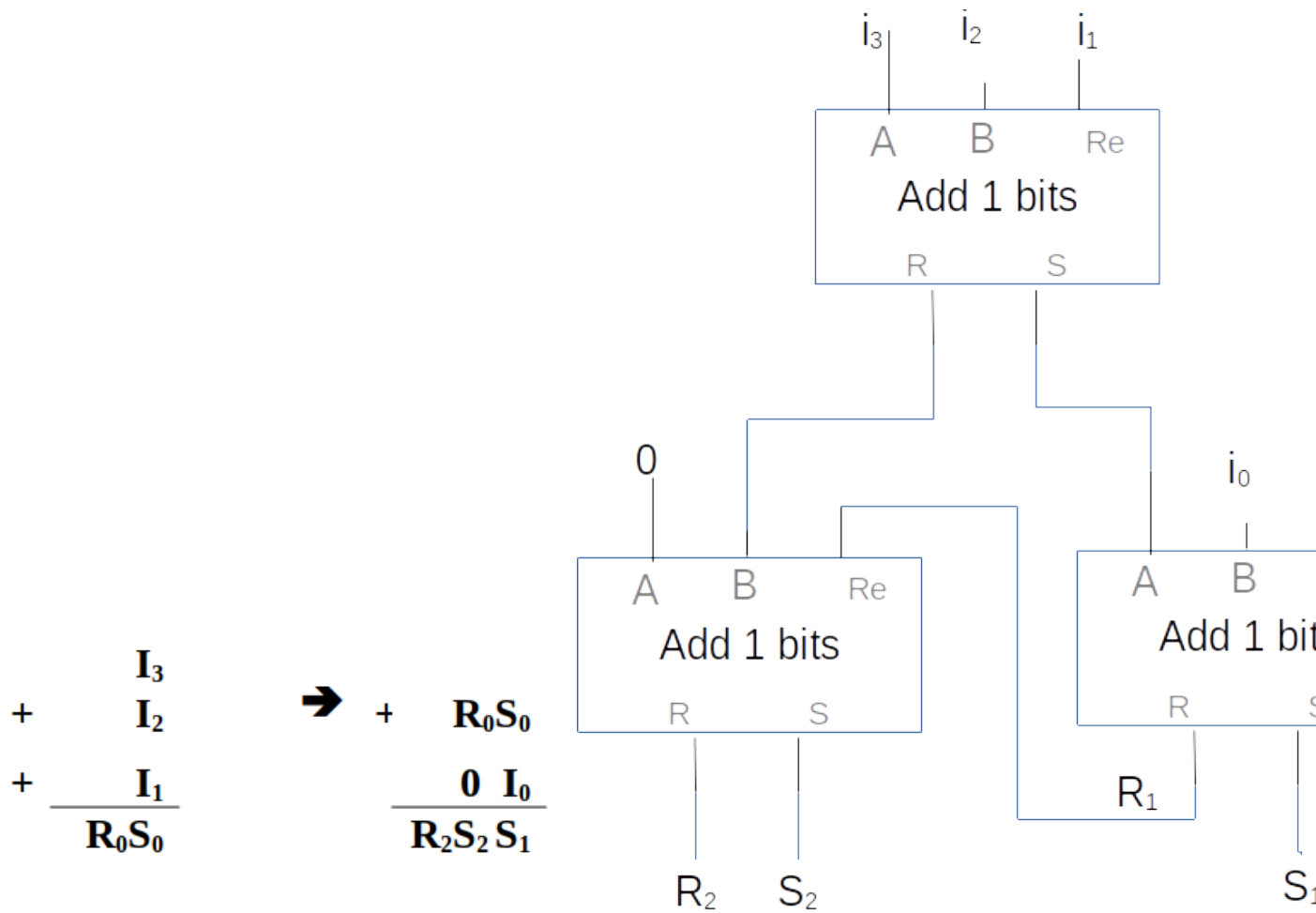
لدينا معلومة ثنائية على 4 بتات ($i_3i_2i_1i_0$) ، أعط الدارة التي تعدّ الواحدات في المعلومة المدخلة، باستعمال دارات الجمع الكاملة ذات 1 بت فقط .

مثال : إذا كانت المعلومة المدخلة ($i_3i_2i_1i_0$) = (10110) ، فنحصل في المخرج على العدد 2 بالثنائي 010 لأن لدينا بتين يساويان الواحد .

لحساب عدد البتات التي تساوي الواحد، يمكننا جمعها، وبما أن لدينا دائرة تجمع ثلاثة بتات، يمكن تجميعها، كالآتي

• جمع ثلاث بتات على حدى

• جمع النتيجة مع البت الباقي عموديا

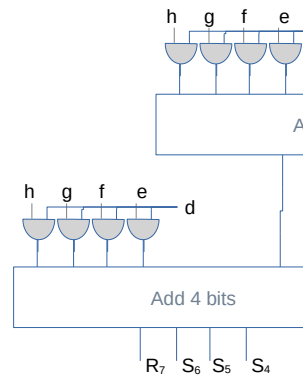
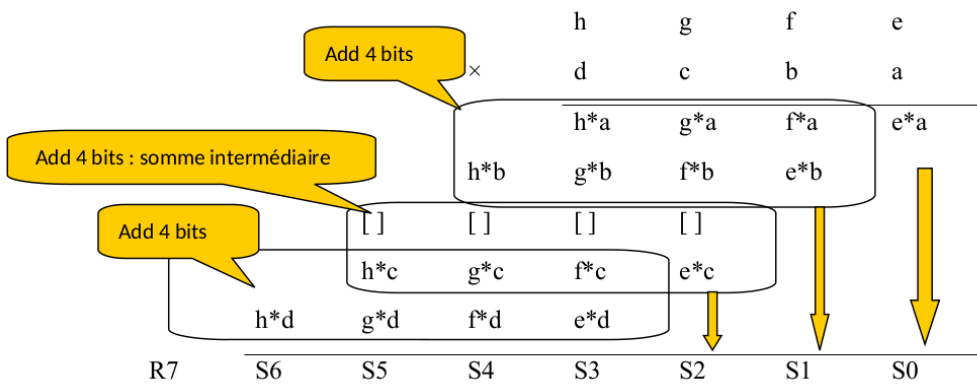


06

Effectuer à l'aide d'un minimum d'additionneurs de 2 nombres de 4 bits et d'un minimum de portes logiques, la multiplication de deux nombres positifs de 4 bits.

باستعمال أقل عدد من دارات الجمع لعددتين (كل عدد ذو 4 بتات)، وأقل عدد من البوابات المنطقية، أنجز دائرة لضرب عددين موجبين، من 4 بتات لكل منهما

نفترض أن العدد الأول هو $(abcd)_2$ والعدد الثاني هو $(efgh)_2$ نجري العملية، كي نفهم كيف يمكننا استخدام دائرة الجمع ذات 4 بتات،



07

Le code ROT5 permet de faire la rotation d'un nombre binaire en ajoutant 5 en binaire, sans retenue.
 $ROT5(0000) = 0101$ $ROT(1111) = 0100$

- 1 Réaliser le circuit de conversion de binaire au ROT5.
- 2 Proposer un schéma de ROT5 en utilisant un encodeur de 16 à 4 et un décodeur de 4 à 16.

الترميز ROT5 يدور الرقم بإضافة 5 دون احتفاظ، و $ROT5(0000) = 0101$ ، و $ROT(1111) = 0100$
 أنشئ دائرة الترميز ROT5. ثم اقترح تصميمًا للدائرة بواسطة مرر 16 إلى 4 و مفكك من 4 إلى 16.

- 1 Réaliser le circuit de conversion de binaire au ROT5.

a. جدول الحقيقة *جدول الحقيقة*

N°	A	B	C	D	F3	F2	F1	F0
0	0	0	0	0	0	1	0	1
1	0	0	0	1	0	1	1	0
2	0	0	1	0	0	1	1	1
3	0	0	1	1	1	0	0	0
4	0	1	0	0	1	0	0	1
5	0	1	0	1	1	0	1	0
6	0	1	1	0	1	0	1	1
7	0	1	1	1	1	1	0	0
8	1	0	0	0	1	1	0	1
9	1	0	0	1	1	1	1	0
10	1	0	1	0	1	1	1	1
11	1	0	1	1	0	0	0	0
12	1	1	0	0	0	0	0	1
13	1	1	0	1	0	0	1	0
14	1	1	1	0	0	0	1	1
15	1	1	1	1	0	1	0	0

b. Tableaux de Karnaugh *مخطط كارتوف*

- La fonction F3 الدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	0	0	1	0
	01	1	1	1	1
	11	0	0	0	0
	10	1	1	0	1

La forme simplifiée الشكل المبسط
 $F3 = \bar{a}.b + \bar{a}.c.d + a.\bar{b}.\bar{c} + a.\bar{b}.d$

- La fonction F1 الدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	0	1	0	1
	01	0	1	0	1
	11	0	1	0	1
	10	0	1	0	1

La forme simplifiée الشكل المبسط
 $F1 = c.\bar{d} + \bar{c}.d$

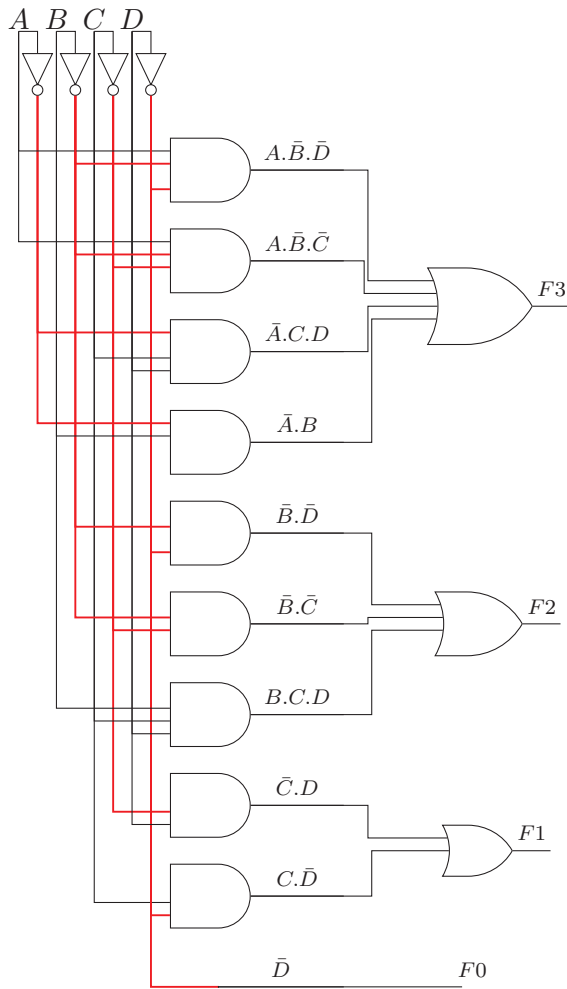
- La fonction F2 الدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1	1	0	1
	01	0	0	1	0
	11	0	0	1	0
	10	1	1	0	1

La forme simplifiée الشكل المبسط
 $F2 = b.c.d + \bar{b}.\bar{c} + \bar{b}.d$
 La fonction F0 الدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1	0	0	1
	01	1	0	0	1
	11	1	0	0	1
	10	1	0	0	1

La forme simplifiée الشكل المبسط
 $F0 = \bar{d}$



2 Proposer un schéma de ROT5 en utilisant un encodeur de 16 à 4 et un décodeur de 4 à 16.

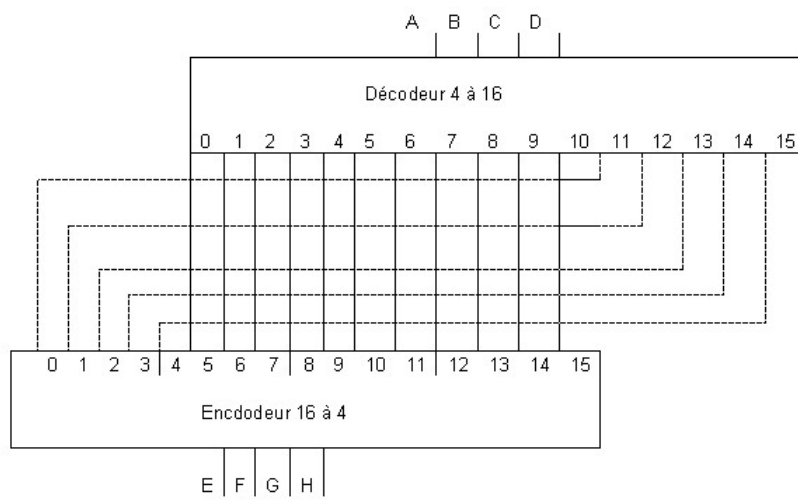
نلاحظ أنّ العدد 0 يعطي 5، يعني إذا ربطنا أدخلنا العدد (0000) نحصل على العدد (0101)،

المفكك يعطي من العدد 0، يشغل المخرج، S0، ونحن نريد أن نحصل على 5 أي إذا شغلنا المدخل رقم 5 في المرمز، فإنه يعطينا العدد 5 عند المخرج.

أي يمكننا ربط مخرج المفكك رقم 0 بمدخل المرمز رقم 5، وهكذا نجعل الدارة تزيد 5 في كل مرة.

نعمل نفس الشيء بالنسبة للعدد 1، نربط مخرج المفكك رقم 1 بمدخل المرمز رقم 6، فنحصل على العدد 6.

وهكذا دواليك للأعداد الأخرى.



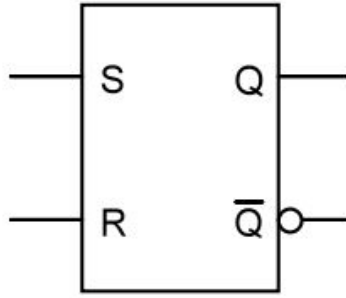


FIG. 6.41:

6.7 Solutions du chapitre 3

حلول تمارين الفصل الثالث

01

Réaliser une bascule RS en utilisant les portes NAND uniquement.

صمم قلابا RS بواسطة بوابات NAND فقط

Table de vérité réduite جدول الحقيقة المختصر

R	S	Q_t	\bar{Q}_t	
0	0	Q_{t-1}	\bar{Q}_{t-1}	Etat mémoire ذاكرة
0	1	1	0	Remise à 1 توحيد
1	0	0	1	Remise à 0 تصفير
1	1	X	X	interdit ممنوع

Table de vérité جدول الحقيقة

R	S	Q_{t-1}	Q_t	\bar{Q}_t	
0	0	0	0	1	Etat mémoire ذاكرة
0	0	1	1	0	Etat mémoire ذاكرة
0	1	0	1	0	Remise à 1 توحيد
0	1	1	1	0	Remise à 1 توحيد
1	0	0	0	1	Remise à 0 تصفير
1	0	1	0	1	Remise à 0 تصفير
1	1	0	X	X	interdit ممنوع
1	1	1	X	X	interdit ممنوع

SQ

		00	01	11	10
0		0	1	1	1
1		0	0	X	X

Les équations des sorties : معادلة الخرج

- $Q_t = S + \bar{R}.Q$
- $\bar{Q}_t = R + \bar{S}.Q$

Exprimer les sorties uniquement avec NAND : التعبير عن المخرج بواسطة نفي الوصل Les équations des sorties :

- $Q_t = S + \bar{R}.Q = \overline{\overline{S} + R.\bar{Q}}$

$$\begin{aligned}
&= \overline{\overline{S} \cdot \overline{R} \cdot Q} \\
&= \overline{S} \uparrow (\overline{R} \uparrow Q) \\
&= (S \uparrow S) \uparrow ((R \uparrow R) \uparrow Q) \\
\bullet \quad \overline{Q}_t &= R + \overline{S} \cdot Q \\
&= \overline{\overline{R} \cdot \overline{S} \cdot Q} \\
&= \overline{R} \uparrow (\overline{S} \uparrow Q) = (R \uparrow R) \uparrow ((S \uparrow S) \uparrow Q)
\end{aligned}$$

Le schéma logique : المخطط المنطقي

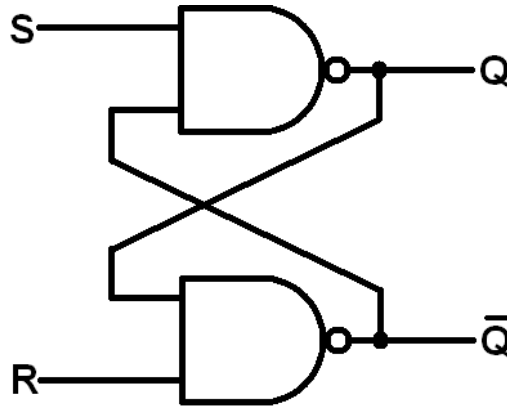


FIG. 6.42: Logigramme de la bascule RS en utilisant des NAND uniquement بواسطة مخطط منطقي لقلاب RS باستخدام NAND فقط

أكمل المخطط الزمني حسب الحالات الآتية
سنحاول تقسيم العملية إلى ثلاث مخططات منفصلة : الأول بلا تزامن، الثاني تزامن على الجبهة الصاعدة، والثالث على الجبهة النازلة.

- | | | |
|---|---|----------------------------------|
| 1 | RS est asynchrone (fig. 6.43 الشكل) | القلاب غير متزامن |
| 2 | RS est synchronisée sur le front montant (fig. 6.44 الشكل) | القلاب متزامن عند الجبهة الصاعدة |
| 3 | RS est synchronisée sur le front descendant (fig. 6.45 الشكل) | القلاب متزامن عند الجبهة النازلة |

Finalement on peut avoir le chronogramme de tous les cas (fig. 6.46).

في النهاية يمكن تجميع كل الحالات في مخطط زمني واحد (الشكل 6.46).

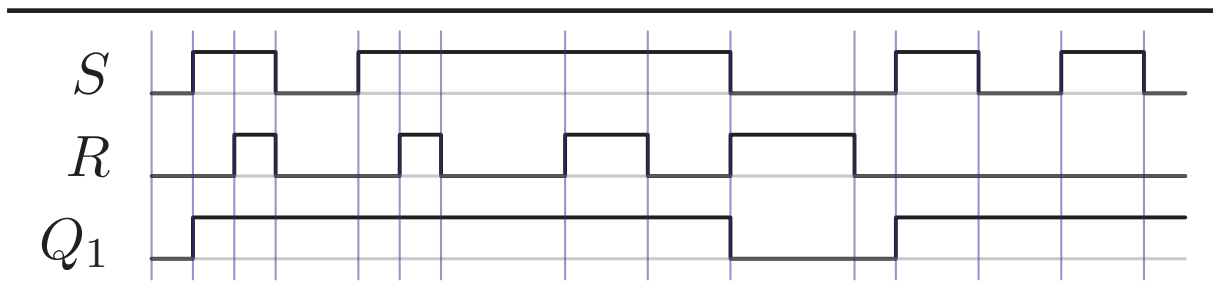


FIG. 6.43: Chronogramme en cas Asynchrone de l'exercice 1 المخطط الزمني للقلاب RS غير المتزامن

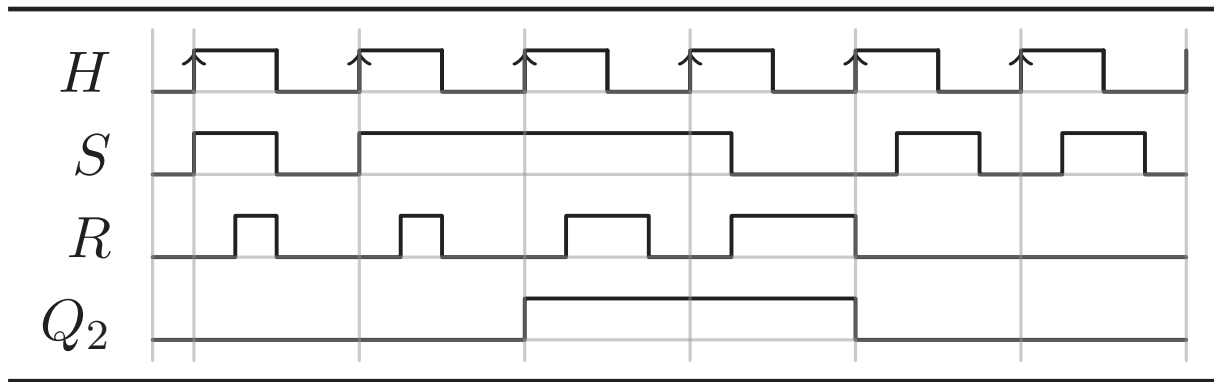


FIG. 6.44: Chronogramme en cas Synchrone sur le Front montant de l'exercice 1 RSH المخطط الزمني للقلاب المتزامن حسب الجبهة الصاعدة

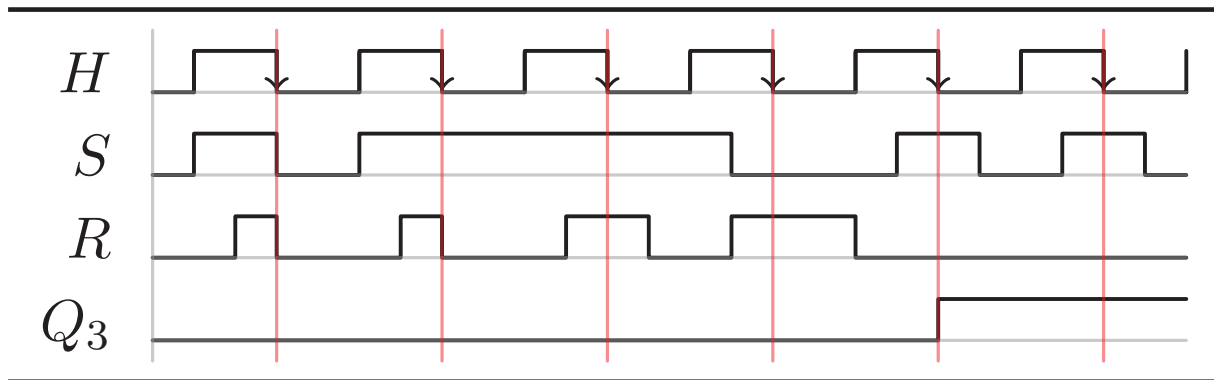


FIG. 6.45: Chronogramme en cas Synchrone sur le Front descendant de l'exercice 1 RSH المخطط الزمني للقلاب المتزامن حسب الجبهة النازلة

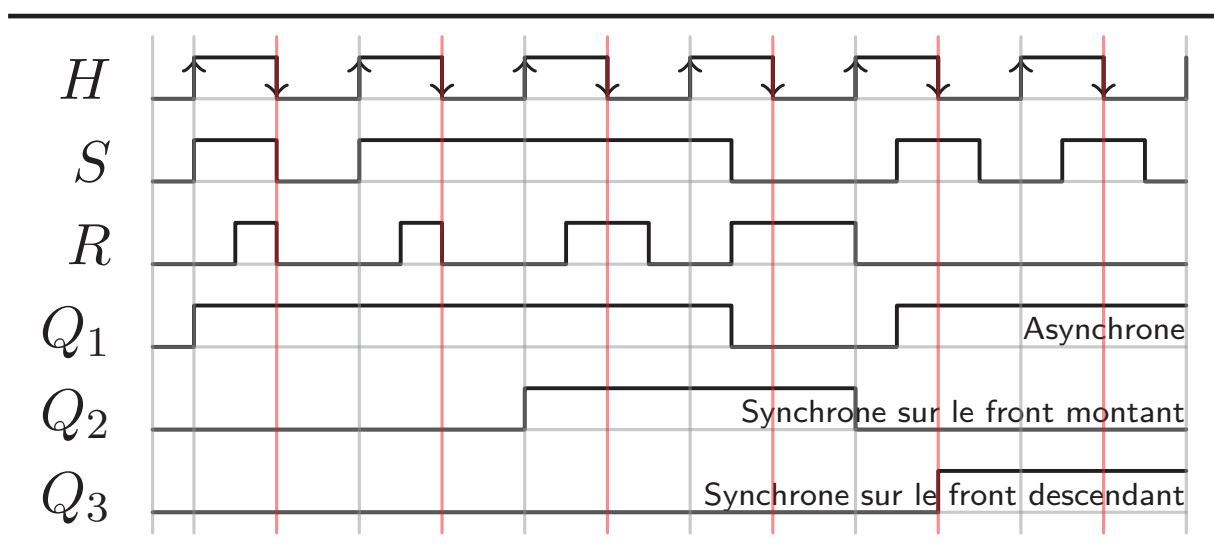


FIG. 6.46: Chronogramme globale de l'exercice 1 المخطط الزمني للقلاب RS الإجمالي للتمرين

02

Soit le montage ci-dessous

إليك التركيب الآتي

1 Donnez sa table de vérité

أعط جدول الحقيقة

On a

لدينا

- $Q = \overline{A} \cdot \overline{C}$
- $C = \overline{B} \cdot \overline{Q}$

a. $(A = 0, B = 0) : \Rightarrow Q = \overline{0} \cdot \overline{C} = \overline{0} = 1$

Q est indépendante de B,

نلاحظ أن Q مستقلة عن B

b. $(A = 0, B = 1) : \Rightarrow Q = \overline{0} \cdot \overline{C} = \overline{0} = 1$

c. $A = 1, B = 0 : \Rightarrow Q = \overline{1} \cdot \overline{C} = \overline{C}$

$C = \overline{B} \cdot \overline{Q} = \overline{0} \cdot \overline{Q} = 1$

$\Rightarrow Q = \overline{C} = \overline{1} = 0$

d. $A = 1, B = 1 : Q = \overline{1} \cdot \overline{C} = \overline{C}$

$C = \overline{B} \cdot \overline{Q} = \overline{1} \cdot \overline{Q} = \overline{Q}$

$\Rightarrow Q = \overline{\overline{Q}} = Q$

A	B	Q^+
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	Q

2 Quel circuit logique reconnaissez-vous ?

تعرف على الدارة

On reconnaît la table de vérité d'une bascule RS avec :

نلاحظ أن جدول الحقيقة يشبه القلاب RS باعتبار :

$A = \overline{S}$ et $B = \overline{R}$.

3 Remplissez le chronogramme suivant

أكمل المخطط الزمني

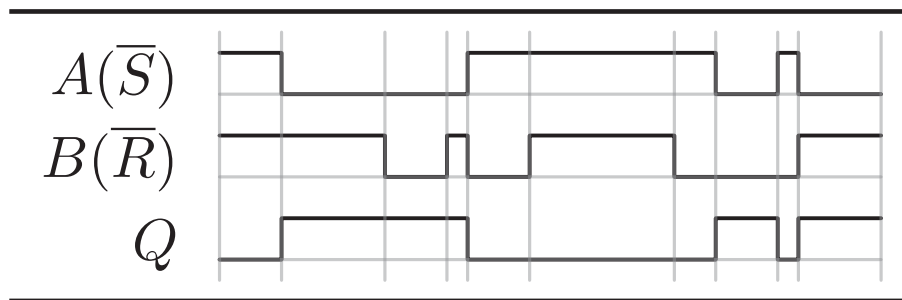
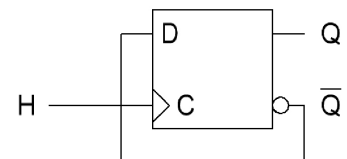


FIG. 6.47: Chronogramme de l'exercice 2 المخطط الزمني للتمرين 2

03

Soit le montage ci-dessous :

إليك التركيب الآتي



1. Remplissez le chronogramme suivant

أكمل المخطط الزمني

Rappelons la table de vérité de la bascule D.

نذكر بجدول الحقيقة للقلاب د.

A	B	Q^+
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	Q

On a en entrée $D = \overline{Q}$.

لدينا في المدخل $D = \overline{Q}$.

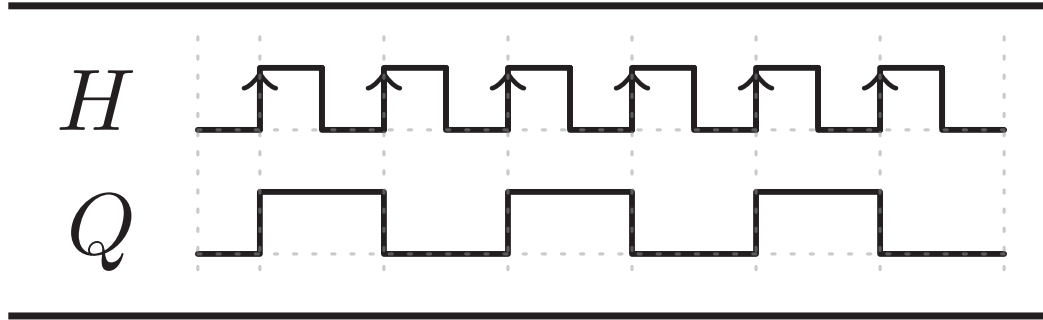


FIG. 6.48: Chronogramme de l'exercice 3 مخطط زمني للتمرين 3

On constate que la sortie Q fait un basculement chaque cycle d'horloge.

نلاحظ أن المخرج Q ينعكس في كل نبضة ساعة.

04

Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant :

أكمل المخطط الزمني

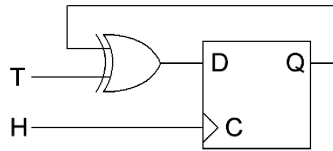


FIG. 6.49: Montage de l'exercice 4 تركيب التمرين 4

On constate que l'équation de D est $D = T \oplus Q$.

نلاحظ أن معادلة D : $D = T \oplus Q$

Rappelons la table de vérité de la bascule D.

نذكر بجدول الحقيقة للقلاب د.

h	D	Q_t
0	X	Q_{t-1}
1	0	0
1	1	1

Rappelons aussi la table de vérité de l'XOR

نذكر بجدول الحقيقة لعملية الوصل الإقصائي \oplus .

Q	T	$D = T \oplus Q$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

05

Soit les deux bascules JK ci-dessous

: إليك القلايين ج.ك الآتيتين

1. Rappelez la table de vérité d'une bascule JK synchronisée sur front montant. Remplissez le chronogramme suivant

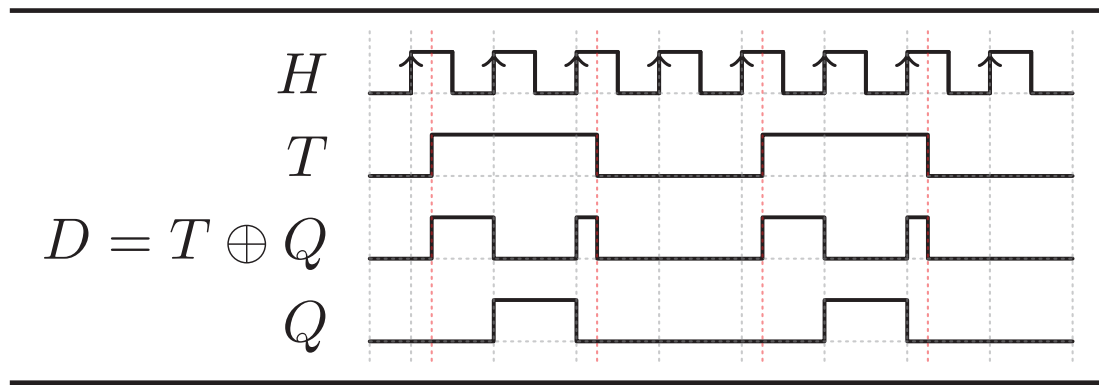


FIG. 6.50: Chronogramme de l'exercice 4 المخطط الزمني للتمرين 4

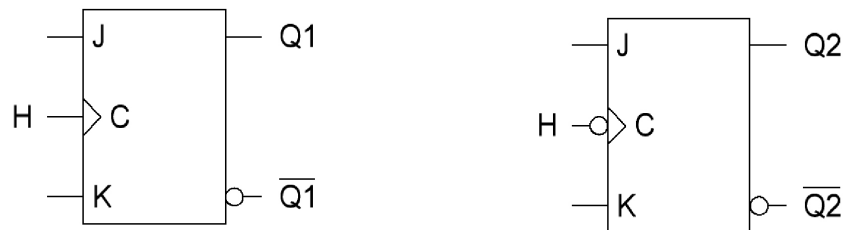


FIG. 6.51: Montage de l'exercice 5 تركيب التمرين 5

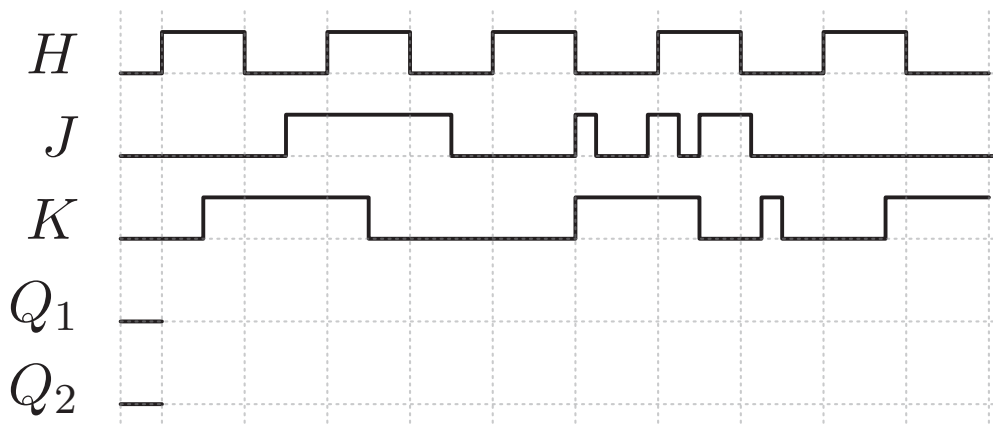


FIG. 6.52: Chronogramme de l'exercice 5 مخطط زمني للتمرين 5

ذکر بجدول الحقيقة لقلاب ج.ك متزامن على الجبهة الصاعدة ثم أكل المخطط الزمني

Sur le front montant (fig. 6.53)

تزامن حسب الجبهة الصاعدة الشكل 6.53

sur le front descendant (fig. 6.54)

تزامن حسب الجبهة الصاعدة الشكل 6.54

Globale (fig. 6.55)

المخطط الإجمالي الشكل 6.55

06

Reprendre le schéma de l'exercice 3,

Donnez un montage équivalent à l'aide d'une bascule JK.

أعط تركيباً مكافئاً بواسطة قلاب ج.ك لمخطط التمرين 3.

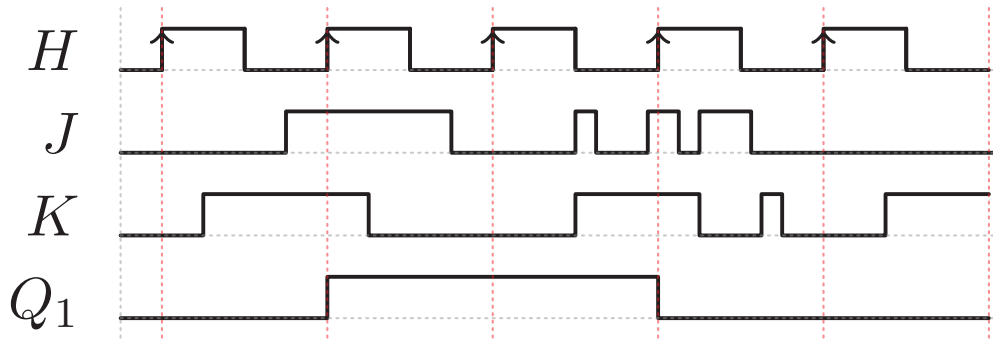


FIG. 6.53: Chronogramme synchronisé sur le front montant de l'exercice 5 مخطط زمني متزامن حسب الجبهة 5 الصاعدة للتمرين

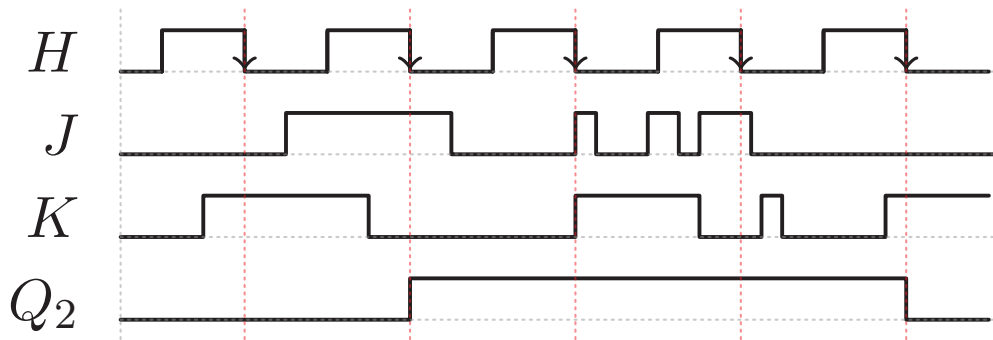


FIG. 6.54: Chronogramme synchronisé sur le front descendant de l'exercice 5 مخطط زمني متزامن حسب الجبهة 5 النازلة للتمرين

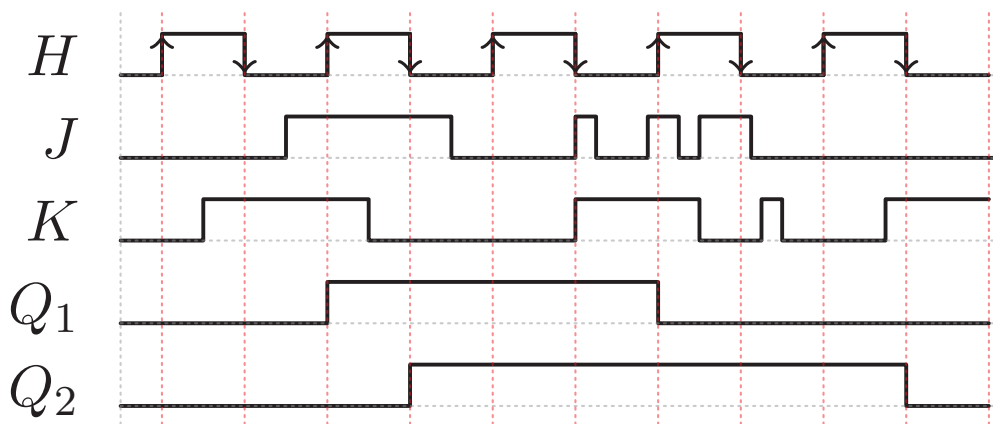


FIG. 6.55: Chronogramme globale de l'exercice 5 مخطط زمني متزامن إجمالي للتمرين

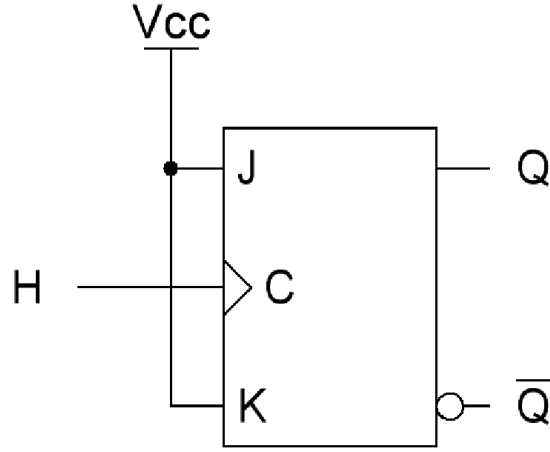


FIG. 6.56: Réalisation de l'exercice 6 دائرة التمرين

h	J	K	Q_t
0	X	X	Q_{t-1}
$\overline{\text{Pulse}}$	0	0	Q_{t-1}
$\overline{\text{Pulse}}$	0	1	0
$\overline{\text{Pulse}}$	1	0	1
$\overline{\text{Pulse}}$	1	1	$\overline{Q_{t-1}}$

Si on veut que la bascule JK bascule à chaque cycle d'horloge, on met $j=1$ et $k=1$ (cf. fig. 6.56)

إذا أردنا أن يقلب القلاب ج.ك في كل مرة، نضع ج=1 و ك=1 (الشكل 6.56).

07

1. A partir du montage de la figure 6.57, remplissez le chronogramme ci-dessous :

من الشكل 6.57، أكمل المخطط الزمني

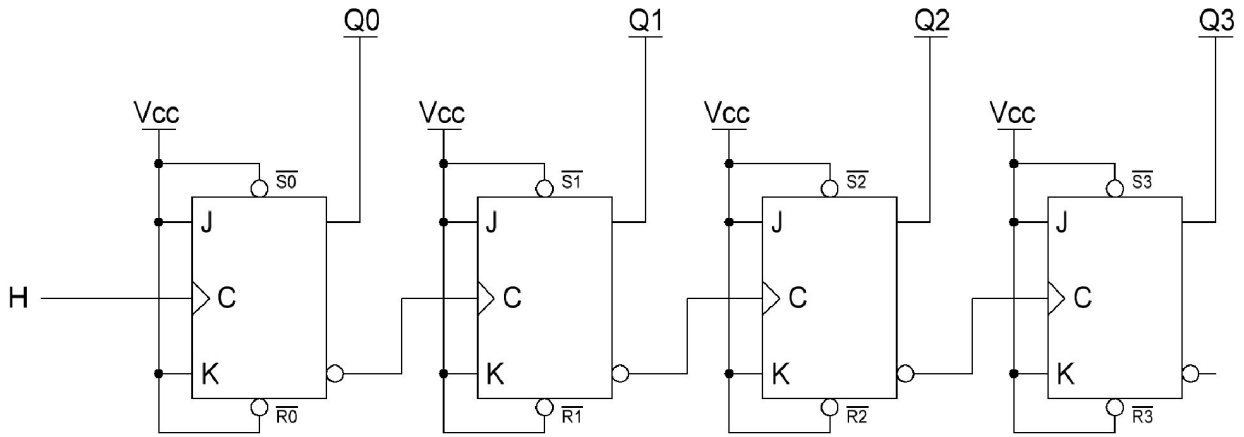


FIG. 6.57: Montage n°1 de l'exercice 7 التركيب الأول للتمرين

2. Que réalise le montage de la figure 6.57 ?

ماذا يعمل هذا التركيب

Selon le chronogramme de la figure 6.58, ce montage est un compteur modulo 16. Il compte de 0 à 15.

حسب المخطط الزمني في الشكل 6.58 التركيب هو عداد بتريديد 16، يُعدّ من 0 إلى 15.

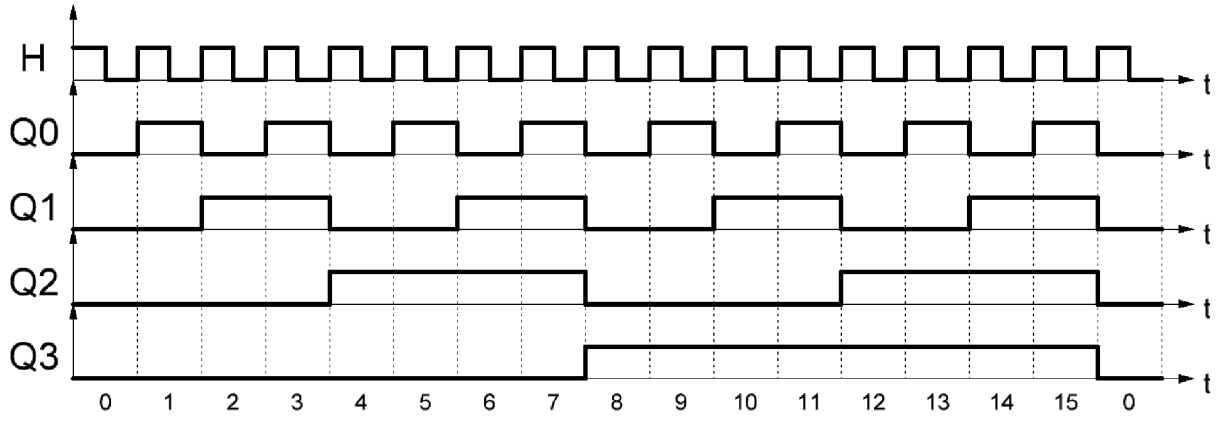


FIG. 6.58: Chronogramme n°1 de l'exercice 7 المخطط الزمني الأول للتمرين 7

3. On modifie légèrement le montage de la figure 6.57 afin d'obtenir le montage de la figure 6.59. En expliquant votre raisonnement, que réalise le montage de la figure 6.59 ?

بتعديل طفيف للتركيب في الشكل 6.57، نحصل على الشكل 6.59، اشرح ماذا يعمل هذا التركيب الجديد.

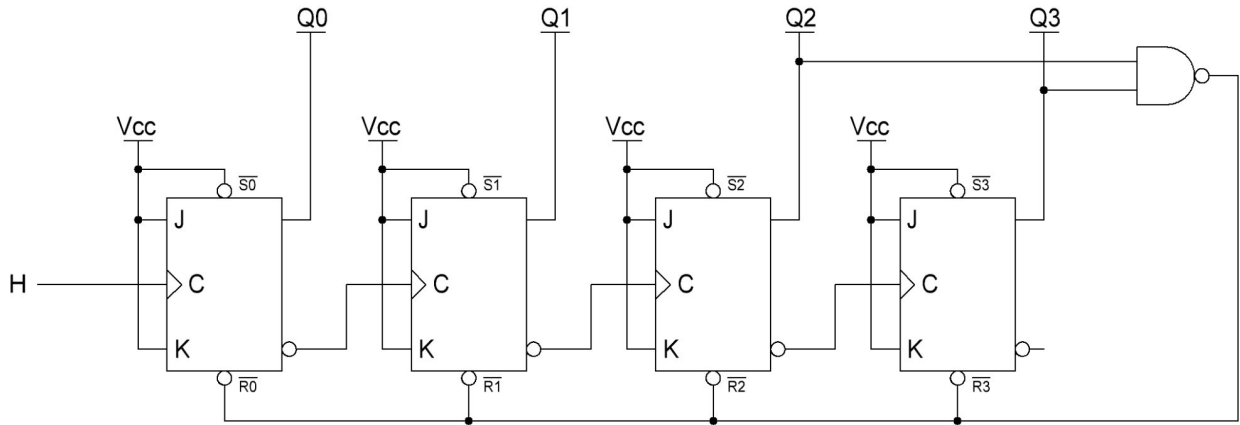


FIG. 6.59: Montage n°2 de l'exercice 7 التركيب الثاني للتمرين 7

La porte NON-ET sert à détecter la valeur 12 et à la remplacer par la valeur 0.

Soit M, la sortie de la porte NON-ET. Pour rappel, la sortie d'une porte NON-ET est à 0 uniquement lorsque ses deux entrées sont à 1. M passera donc à 0 lorsque Q2 et Q3 seront à 1 en même temps.

Le passage de M à 0 aura pour effet de provoquer un reset sur le compteur et donc de le faire repartir à 0.

Les sorties Q2 et Q3 passent à 1 pour la première fois sur la valeur 12. Le reset s'effectue donc au moment où le compteur atteint la valeur 12. Cette valeur ne reste pas et est immédiatement remplacée par la valeur 0. M repasse alors à 1 et le compteur se remet à compter.

Ce montage est un compteur modulo 12. Il compte de 0 à 11.

تهدف البوابة المنطقية NAND نفي الوصل إلى كشف القيمة 12، واستبدالها بالصفر، نسمي ناتج بوابة NAND للتذكير، بعدم مخرج بوابة NAND فقط عندما يكون مدخلها عند 1. أي تتعدم M حين تكون Q2 و Q3 عند 1 في نفس الوقت.

انعدام M يسبب إعادة تشغيل للعداد وبالتالي يرجع إلى 0.

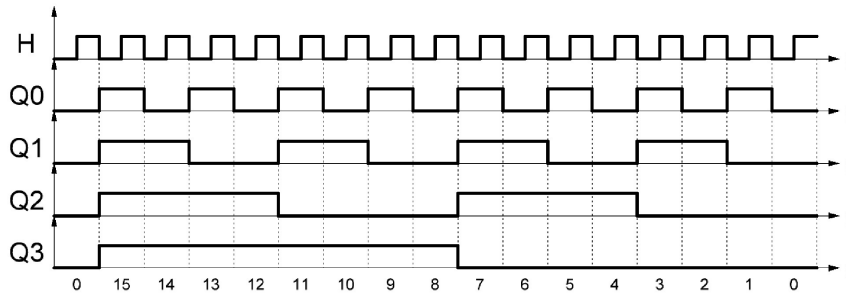


FIG. 6.60: Chronogramme n°1 de l'exercice 8. المخطط الزمني الأول للتمرين

تنتقل مخرجات Q2 و Q3 إلى 1 لأول مرة على القيمة 12. يحدث إعادة تشغيل حين يصل العداد إلى القيمة 12. هذه القيمة لا تبقى وتُستبدل على الفور بالقيمة 0. ثم يعود M إلى 1 ويبدأ العداد في العد مرة أخرى. إذن التركيب هو عداد بترديد 12 يعدّ من 0 إلى 11.

N°	Q3	Q2	Q1	Q0	M	
0	0	0	0	0	1	
1	0	0	0	1	1	
2	0	0	1	0	1	
3	0	0	1	1	1	
4	0	1	0	0	1	
5	0	1	0	1	1	
6	0	1	1	0	1	
7	0	1	1	1	1	
8	1	0	0	0	1	
9	1	0	0	1	1	
10	1	0	1	0	1	
11	1	0	1	1	1	
12	1	1	0	0	0	Forcer la valeur à 0 فرض القيمة إلى صفر
0	0	0	0	0	1	
1	0	0	0	1	1	

08

A partir du montage de la figure 6.61, Tracer le chronogramme pour les variables Q0, Q1, Q2, Q3 sur 17 cycles d'horloge, sachant que Q0, Q1, Q2, Q3 commencent de 0. أرسم مخططاً زمنياً حسب الشكل رقم 6.61، لمتغيرات Q3 Q2, Q1, Q0، على 17 دوراً للساعة علماً أن Q1, Q0, Q2, Q3 تنطلق من الصفر.

1 Que réalise le montage de la figure 6.61 ?

ماذا يعمل التركيب في الشكل 6.61

A chaque front d'horloge, la valeur présente sur les sorties est décrémentée de un. Ce montage est un décompteur modulo 16. Il décompte de 15 à 0.

عند كل جبهة صاعدة للساعة، تنخفض قيمة المخرجات بمقدار واحد. هذا التركيب هو عداد تنازلي بترديد 16. يعدّ تنازلياً من 15 إلى 0.

2 On modifie légèrement le montage de la figure 6.61 afin d'obtenir le montage de la figure 6.62. En expliquant votre raisonnement, que réalise le montage de la figure 6.62 ?

بتعديل طفيف للشكل 6.61، نحصل على التركيب في الشكل 6.62، اشرح ماذا يعمل هذا التركيب

La porte NON-ET sert à détecter la valeur 15 et à la remplacer par la valeur 9. Soit M, la sortie de la porte NON-ET. Pour rappel, la sortie d'une porte NON-ET est à 0 uniquement lorsque

ses deux entrées sont à 1. M passera donc à 0 lorsque Q2 et Q3 seront à 1 en même temps.

Le passage de M à 0 aura pour effet de provoquer un reset sur Q1 et Q2 et un set sur Q0 et Q3.

La nouvelle valeur présente sur la sortie du décompteur sera donc la valeur $(9_{10} = (1001)_2)$.

Les sorties Q2 et Q3 passent à 1 pour la première fois sur la valeur 15. Le forçage de la valeur 9 s'effectue donc au moment où le décompteur atteint la valeur 15. Cette dernière ne reste pas et est immédiatement remplacée par la valeur 9. M repasse alors à 1 et le décompteur se remet à décompter.

نُستخدم بوابة NAND للكشف عن القيمة 15 واستبدالها بالقيمة 9. نفرض M ناتج بوابة NAND. للتذكير، ينعلم مخرج بوابة NAND حين يكون مدخلها عند 1. أي، ستعتمد M حين يكون Q2 و Q3 عند 1 في نفس الوقت.

يؤدي انعدام M إلى إعادة انعدام Q1 و Q2 و يجعل Q3 و Q0 تساويان الواحد.

وبالتالي، فإن القيمة الجديدة الموجودة في مخرج العداد التنازلي هي $(9_{10} = (1001)_2)$.

تنتقل النواتج Q2 و Q3 إلى 1 لأول مرة عند القيمة 15. وبالتالي نفرض المرور إلى القيمة 9 عندما يصل العداد التنازلي إلى القيمة 15. تستبدل فوراً بالقيمة 9، فيعود M إلى 1 ويبدأ العداد في العد التنازلي مرة أخرى.

Q	Q3	Q2	Q1	Q0	M	
6	0	1	1	0	1	
5	0	1	0	1	1	
4	0	1	0	0	1	
3	0	0	1	1	1	
2	0	0	1	0	1	
1	0	0	0	1	1	
0	0	0	0	0	1	
15	1	1	1	1	0	Forcer la valeur en 9. فرض القيمة.
9	1	0	0	1	1	
8	1	0	0	0	1	
7	0	1	1	1	1	

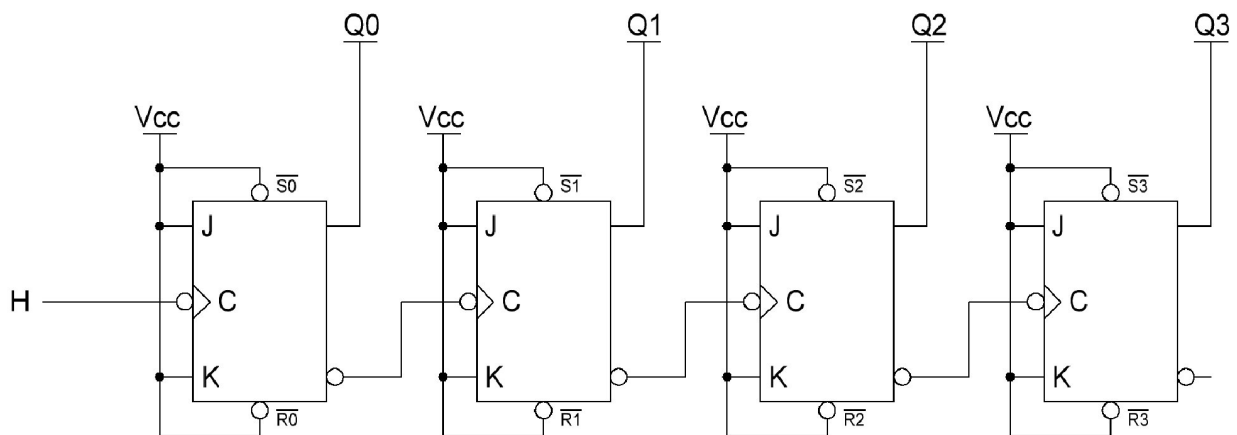


FIG. 6.61: Montage n°1 de l'exercice 8 التركيب الأول للتمرين

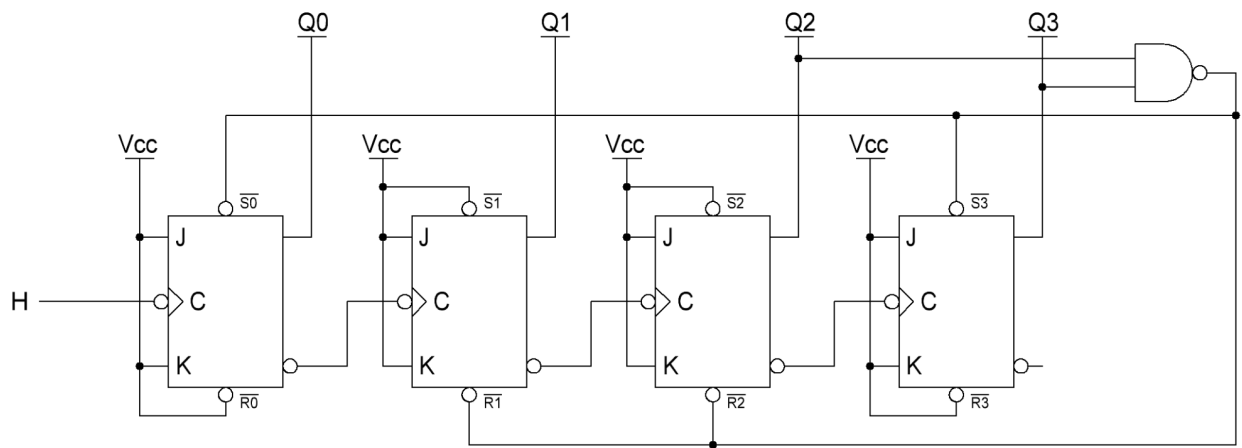


FIG. 6.62: Montage n°2 de l'exercice 8 التركيب الثاني للتمرين 8

Chapitre 7

Tests

فحوص

7.1 Tests n°1

Les tests n°1 :concernent le chapitre 1 de

الفحوص رقم 1 للفصل الاول

7.1.1 Sujet n°1

1 On veut réaliser un circuit qui calcule le nombre de Zéros dans une information sur 4 bits $(abcd)_2$.

نريد تصميم دائرة تحسب عدد الأصفار في معلومة ذات أربعة أرقام ثنائية $abcd$.

Réaliser le circuit

أنجز الدارة

- Les entrées/sorties
- Table de vérité
- Formes canoniques numériques
- Simplification
- logigrammes

مداخل ومخارج

جدول الحقيقة

الأشكال القانونية الرقمية

التبسيط

المخطط

7.1.2 Sujet n°2

1 On veut réaliser un circuit qui calcule le nombre de Un dans une information sur 4 bits $(abcd)_2$.

نريد تصميم دائرة تحسب عدد الواحدات "1" في معلومة ذات أربعة أرقام ثنائية $abcd$.

Réaliser le circuit

أنجز الدارة

- Les entrées/sorties
- Table de vérité
- Formes canoniques numériques
- Simplification
- logigrammes

مداخل ومخارج

جدول الحقيقة

الأشكال القانونية الرقمية

التبسيط

المخطط

7.1.3 Sujet n°3

1 On veut réaliser un circuit qui permet de convertir un nombre représenté en complément à 2 sur 4 bits vers une représentation en valeur absolue avec signe sur 4 bits.

نريد تصميم دائرة تحول عددا ممثلا في المتمم إلى 2 على 4 بتات إلى تمثيل القيمة المطلقة ذات الإشارة على 4 بتات.

Réaliser le circuit

أنجز الدارة

- Les entrées/sorties
- Table de vérité
- Formes canoniques numériques
- Simplification
- logigrammes

مداخل ومخارج

جدول الحقيقة

الأشكال القانونية الرقمية

التبسيط

المخطط

7.1.4 Sujet n°4

- 1 On veut réaliser un circuit qui permet de convertir un nombre représenté en valeur absolue avec signe sur 4 bits vers une représentation en complément à 2 sur 4 bits.

نريد تصميم دائرة تحول عددا ممثلا في القيمة المطلقة ذات الإشارة على 4 بتات إلى تمثيل المتمم إلى 2 على 4 بتات.

Réaliser le circuit

أنجز الدارة

- Les entrées/sorties
- Table de vérité
- Formes canoniques numériques
- Simplification
- logigrammes

مداخل ومخارج

جدول الحقيقة

الأشكال القانونية الرقمية

التبسيط

المخطط

7.1.5 Sujet n°5

- 1 On veut réaliser un circuit qui permet de convertir un nombre binaire sur 4 bits vers le code gray sur 4 bits.

نريد تصميم دائرة تحول عددا ثنائيا على 4 بتات إلى ترميز جراي على 4 بتات.

Réaliser le circuit

أنجز الدارة

- Les entrées/sorties
- Table de vérité
- Formes canoniques numériques
- Simplification
- logigrammes

مداخل ومخارج

جدول الحقيقة

الأشكال القانونية الرقمية

التبسيط

المخطط

7.1.6 Sujet n°6

- 1 On veut réaliser un circuit qui permet de convertir un nombre binaire en code gray sur 4 bits vers le binaire sur 4 bits.

نريد تصميم دائرة تحول عددا بترميز جراي على 4 بتات إلى عدد ثنائي على 4 بتات.

Réaliser le circuit

أنجز الدارة

- Les entrées/sorties
- Table de vérité
- Formes canoniques numériques
- Simplification
- logigrammes

مداخل ومخارج

جدول الحقيقة

الأشكال القانونية الرقمية

التبسيط

المخطط

7.1.7 Sujet n°7

- 1 On veut réaliser un circuit qui permet de convertir un nombre binaire en BCD sur 4 bits vers le code Excess3 sur 4 bits.

نريد تصميم دائرة تحول عددا ثنائيا ممثلا في BCD على 4 بتات إلى تمثيل Excess3 على 4 بتات.

Réaliser le circuit

أنجز الدارة

- Les entrées/sorties
- Table de vérité
- Formes canoniques numériques
- Simplification
- logigrammes

مداخل ومخارج

جدول الحقيقة

الأشكال القانونية الرقمية

التبسيط

المخطط

7.1.8 Sujet n°8

- 1 On veut réaliser un circuit qui permet de convertir un nombre binaire en Excess 3 sur 4 bits vers le code BCD sur 4 bits.

نريد تصميم دائرة تحول عددا ثنائيا ممثلا في Excess3 على 4 بتات إلى تمثيل BCD على 4 بتات.

Réaliser le circuit

أنجز الدارة

- Les entrées/sorties
- Table de vérité
- Formes canoniques numériques
- Simplification
- logigrammes

مداخل ومخارج

جدول الحقيقة

الأشكال القانونية الرقمية

التبسيط

المخطط

7.1.9 Sujet n°9

- 1 On veut réaliser un circuit qui permet de convertir un nombre binaire sur 4 bits vers le code rotation $ROT(-5)$ sur 4 bits.

: مثال $ROT_{-5}(0111) \Rightarrow (0010)$

$ROT_{-5}(0101) \Rightarrow (0000)$

$ROT_{-5}(0100) \Rightarrow (1111)$

نريد تصميم دائرة تحول عددا ثنائيا على 4 بتات إلى ترميز دوران -5 على 4 بتات.

Réaliser le circuit

أنجز الدارة

- Les entrées/sorties
- Table de vérité
- Formes canoniques numériques
- Simplification
- logigrammes

مداخل ومخارج

جدول الحقيقة

الأشكال القانونية الرقمية

التبسيط

المخطط

7.2 Tests n°2

Les tests n°2 :concernent le chapitre 2 de

الفحوص رقم 2 للفصل الثاني

7.2.1 Sujet n°1

On veut réaliser un circuit qui permet de convertir de code BCD en code EXCESS 3.

- 1 Donner la table de vérité.
- 2 Réaliser le circuit à l'aide des multiplexeurs uniquement.
- 3 Réaliser le circuit à l'aide d'un décodeur et encodeurs uniquement.
- 4 Réaliser le circuit à l'aide des additionneurs complets uniquement.

نريد تصميم محوّل من ترميز العشري المرمز بالثنائي BCD إلى ترميز Excess3 (المزيد ب3).

- 1 أعط جدول الحقيقة
- 2 أنجز الدارة بواسطة مجمّعات فقط
- 3 أنجز الدارة بواسطة مررّز واحد، ومفكّك واحد فقط
- 4 أنجز الدارة بواسطة دارات جمع كامل فقط.

7.2.2 Sujet n°2

- 1 Réaliser le circuit M1 qui permet de multiplier 3 bits par 1 bit.
 - Donner le schéma bloc de M1
 - Table de vérité
 - Logigramme
- 2 Donner le schéma bloc d'un additionneur complet (ADD3) de deux nombres de 3 bits chacun.
- 3 Réaliser le ADD3 à l'aide des additionneurs complets de 1 bits.
- 4 Soit le circuit M3 qui permet de multiplier deux nombres sur 3 bits chacun ($ABC \cdot DEF$) :
 - Réaliser le circuit M3, en utilisant des circuits de type M1 et ADD3.
 - **N.B.** La table de vérité n'est pas demandée

1 أنجز الدارة M1 التي تسمح بضرب عدد به 3 بتات بعدد آخر به 1 بت.

- أعط المخطط المصمت للدارة M1
- جدول الحقيقة،
- والمخطط المنطقي.

2 أعط المخطط المصمت لدارة جمع كامل لعددتين، كل منهما به 3 بتات، نسمي الدارة ADD3.

3 أنجز الدارة ADD3 بواسطة دارات جمع كامل لبث واحد.

4 لتكن الدارة M3 تضرب عددين، كل منهما له 3 بتات، $ABC * DEF$.

• أنجز الدارة بواسطة دارات M1 و ADD3 فقط

• ملحوظة : جدول الحقيقة غير مطلوب

7.2.3 Sujet n°3

On veut réaliser un circuit Comp2 qui permet de convertir un nombre représenté en valeur absolue vers le complément à 2 sur 4 bits.

نريد تصميم دارة Comp2 تحول من ترميز القيمة المطلقة إلى ترميز المتمم إلى الاثنين على 4 بتات.

1 Donner le schéma bloc (entrées/sorties)

ارسم المخطط المصمت

2 Donner la Table de vérité de conversion en complément à 1.

أعط جدول الحقيقة للتحويل إلى المتمم إلى 1

3 Donner la Table de vérité de conversion en complément à 2.

أعط جدول الحقيقة للتحويل إلى المتمم إلى 2

4 Réaliser le circuit Comp2 à l'aide des multiplexeurs uniquement.

أنجز دارة التحويل إلى المتمم إلى 2 بواسطة مجمعات فقط

5 Réaliser le circuit Comp2 à l'aide d'un décodeur et un encodeur.

أنجز الدارة بواسطة مفكك ترميز واحد ومرمّز واحد.

6 Réaliser le circuit à l'aide des additionneurs complets (1bits) et un minimum de portes logiques.

- أنجز الدارة بواسطة دارات الجمع الكامل لبث واحد، وأقل ما يمكن من البوابات المنطقية.

7.2.4 Sujet n°4

Soit une information binaire sur 4 bits ($i_3i_2i_1i_0$). On veut réaliser le circuit CNT qui permet de calculer le nombre de 0 dans l'information en entrée.

لدينا معلومة ثنائية على 4 بتات ($i_3i_2i_1i_0$)، نريد تصميم الدارة CNT التي تحسب عدد الأصفار في المعلومة المدخلة.

1 Donner le schéma bloc (entrées/sorties)

ارسم المخطط المصمت

2 Donner la Table de vérité.

أعط جدول الحقيقة

3 Réaliser le circuit CNT à l'aide des multiplexeurs uniquement.

أنجز الدارة CNT بواسطة مجمعات فقط

4 Réaliser le circuit CNT à l'aide d'un décodeur et un encodeur.

أنجز الدارة بواسطة مفكك ترميز واحد ومرمّز واحد.

5 On veut allumer des lampes, chaque lampe a un numéro qui correspond au nombre de zéros, Utilisez le circuit CNT et un décodeur pour allumer les lamps.

نريد إضاءة مصابيح، كل مصباح عليه رقم يطابق عدد الأصفار، استعمل الدارة CNT ومفكك ترميز لإشعال المصابيح.

7.2.5 Sujet n°5

On veut allumer 8 lampes de la façon suivante, on allume les lampes dont le numéro est inférieur ou égale au nombre N présent en entrée.

نريد إضاءة 8 مصابيح، بحيث نضيء المصابيح التي رقبها أقل من أو يساوي العدد المعطى في المدخل.

- 1 Donner le schéma bloc (entrées/sorties)

ارسم المخطط المصمت

- 2 Donner la Table de vérité.

أعط جدول الحقيقة

- 3 Réaliser le circuit à l'aide des multiplexeurs uniquement.

أنجز الدارة بواسطة مجمعات فقط

- 4 Réaliser le circuit CNT à l'aide d'un décodeur et un encodeur.

أنجز الدارة بواسطة مفكك ترميز واحد ومرمز واحد.

- 5 Réaliser le circuit à l'aide d'un décodeur et un minimum de portes logiques de deux entrées seulement.

أنجز الدارة بواسطة مفكك ترميز عادي وأقل ما يمكن من البوابات المنطقية ذات مدخلين.

7.2.6 Sujet n°6

On veut allumer 8 lampes de la façon suivante, on allume les lampes dont le numéro est inférieur ou égale au nombre N présent en entrée.

نريد إضاءة 8 مصابيح، بحيث نضيء المصابيح التي رقبها أقل من أو يساوي العدد المعطى في المدخل.

- 1 Donner le schéma bloc (entrées/sorties)

ارسم المخطط المصمت

- 2 Donner la Table de vérité.

أعط جدول الحقيقة

- 3 Réaliser le circuit à l'aide des multiplexeurs uniquement.

أنجز الدارة بواسطة مجمعات فقط

- 4 Réaliser le circuit CNT à l'aide d'un décodeur et un encodeur.

أنجز الدارة بواسطة مفكك ترميز واحد ومرمز واحد.

- 5 Réaliser le circuit à l'aide d'un décodeur et un minimum de portes logiques de deux entrées seulement.

أنجز الدارة بواسطة مفكك ترميز عادي وأقل ما يمكن من البوابات المنطقية ذات مدخلين.

7.3 Tests n°3

Les tests n°3 :concernent le chapitre 3 de

الفحوص رقم 3 للفصل الثالث

7.3.1 Sujet n°1

1 Un compteur pair module 16 compte de

عدّاد زوجي بترديد 16، يعدّ كما يلي

0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 0, 2....

- Donner la table d'états du compteur.
- Que remarquer vous ?
- Réaliser le schéma à l'aide des bascules JK.

أعط جدول الحالات للعدّاد

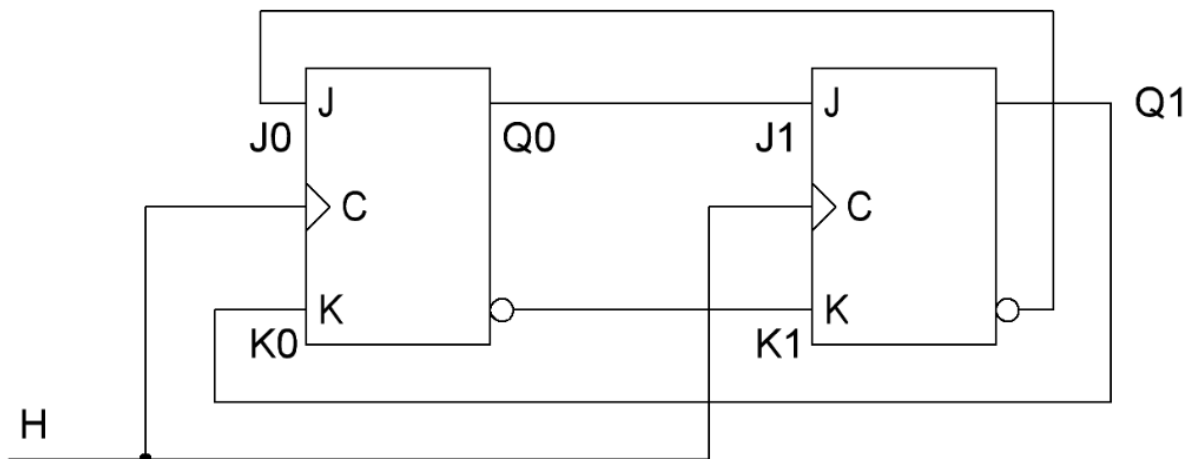
ماذا تلاحظ

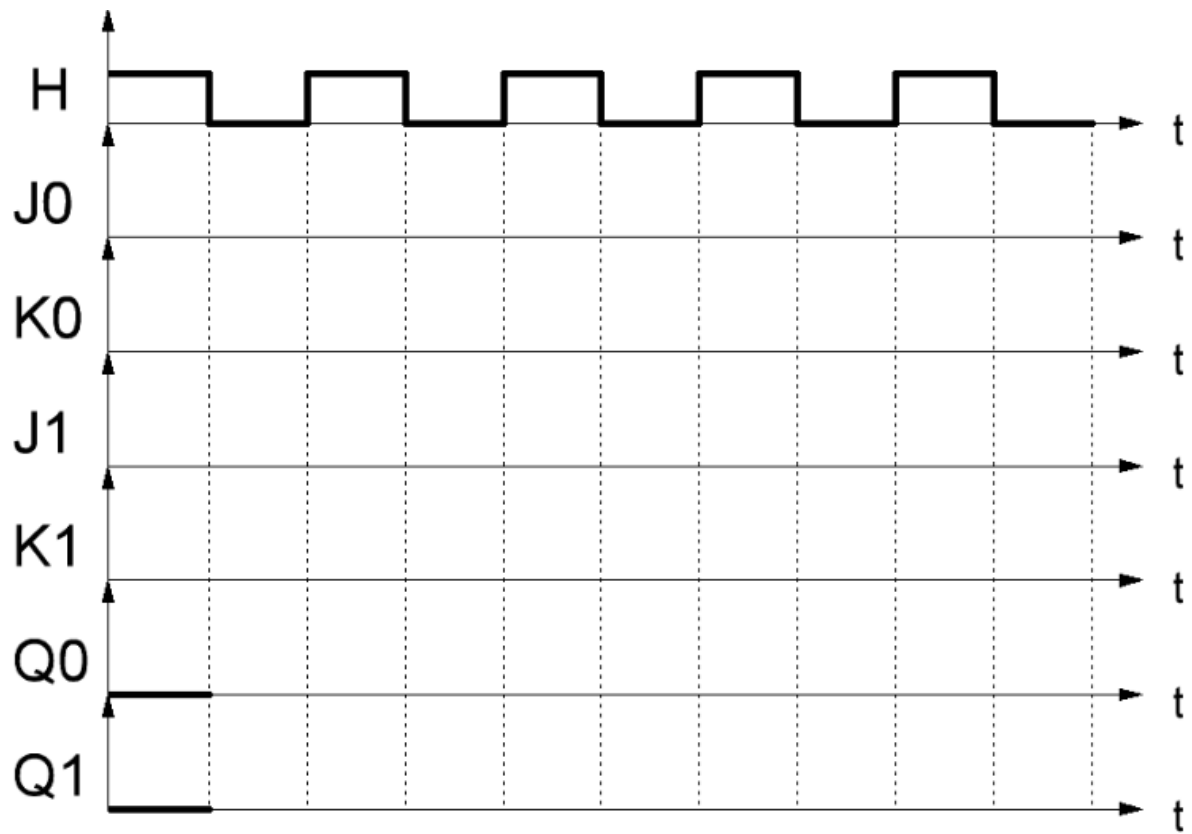
أنجز الدارة بواسطة قلايات ج.ك

2 Donner les équations de J_0, K_0, J_1, K_1

أعط معادلات

- Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant : أكمل المخطط الزمني حسب التركيب الموالي

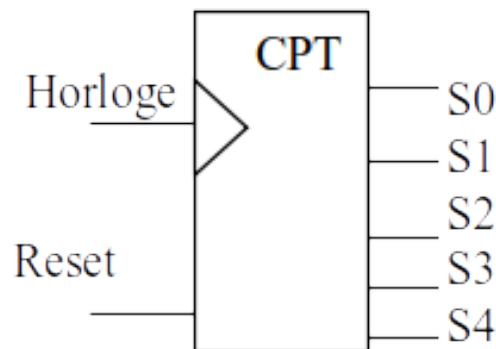




7.3.2 Sujet n°2

1 Soit le circuit compteur suivant sur 5 bits modulo 32.

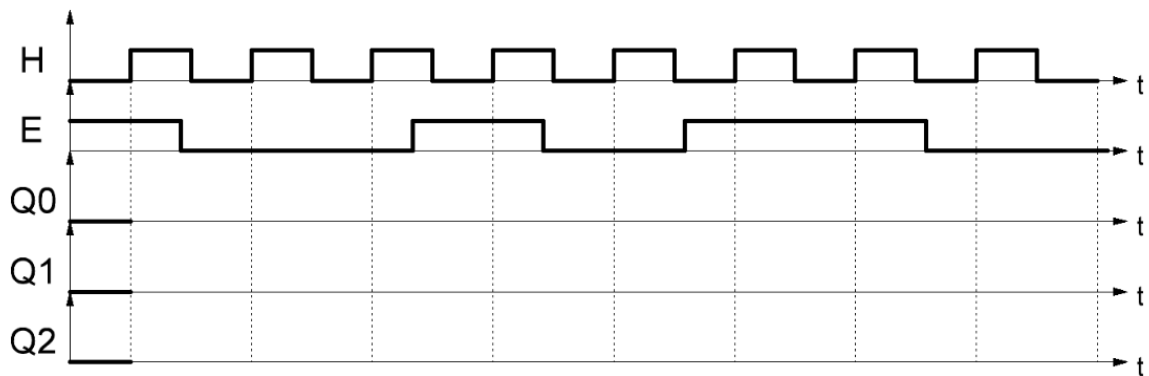
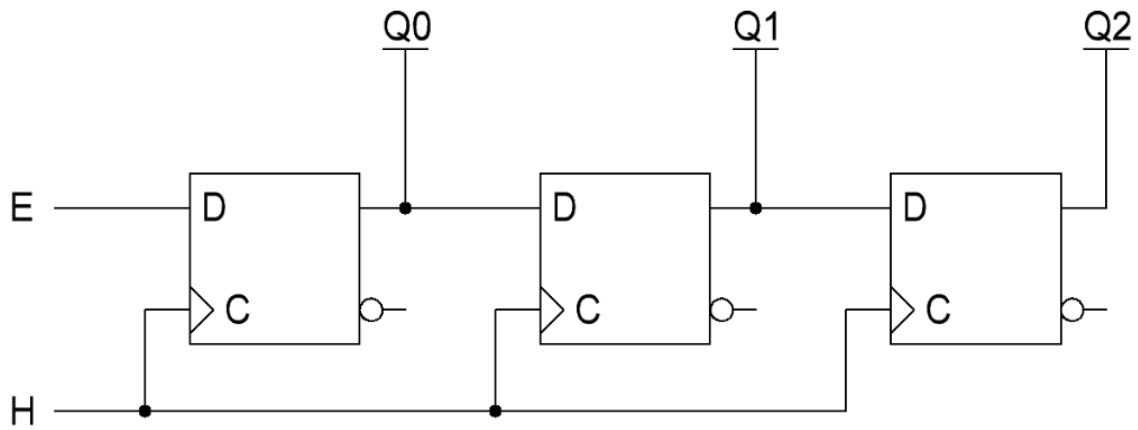
لتكن العداد الموالي على 5 بتات بترديد 32



- L'entrée Reset permet de remettre le compteur à zéro, المدخل Reset يعيد العداد إلى الصفر
- Proposer le schéma qui permet d'utiliser le circuit CPT pour compter de 0 à 23. اقترح مخططا لاستعمال الدارة CPT كعداد من 0 إلى 23.
- On veut utiliser le circuit CPT pour déclencher une alarme chaque 30 seconds. نريد استعمال الدارة CPT لإطلاق تنبيه كل 30 ثانية من 0 إلى 23.

2 Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant : أكمل المخطط الزمني حسب التركيب الموالي

- Que fait ce montage ? ماذا يعمل هذا التركيب



7.3.3 Sujet n°3

1 On veut réaliser un compteur des heures modulo 24.

نريد تصميم عداد للساعات بترديد 24 ساعة

• Combien de bascules JK, on doit utiliser ?

كم يلزمنا من قلابات ج.ك؟

• Donner l'équation de CL pour remettre le compteur à zéro.

أعط معادلة CL لتصفير العداد

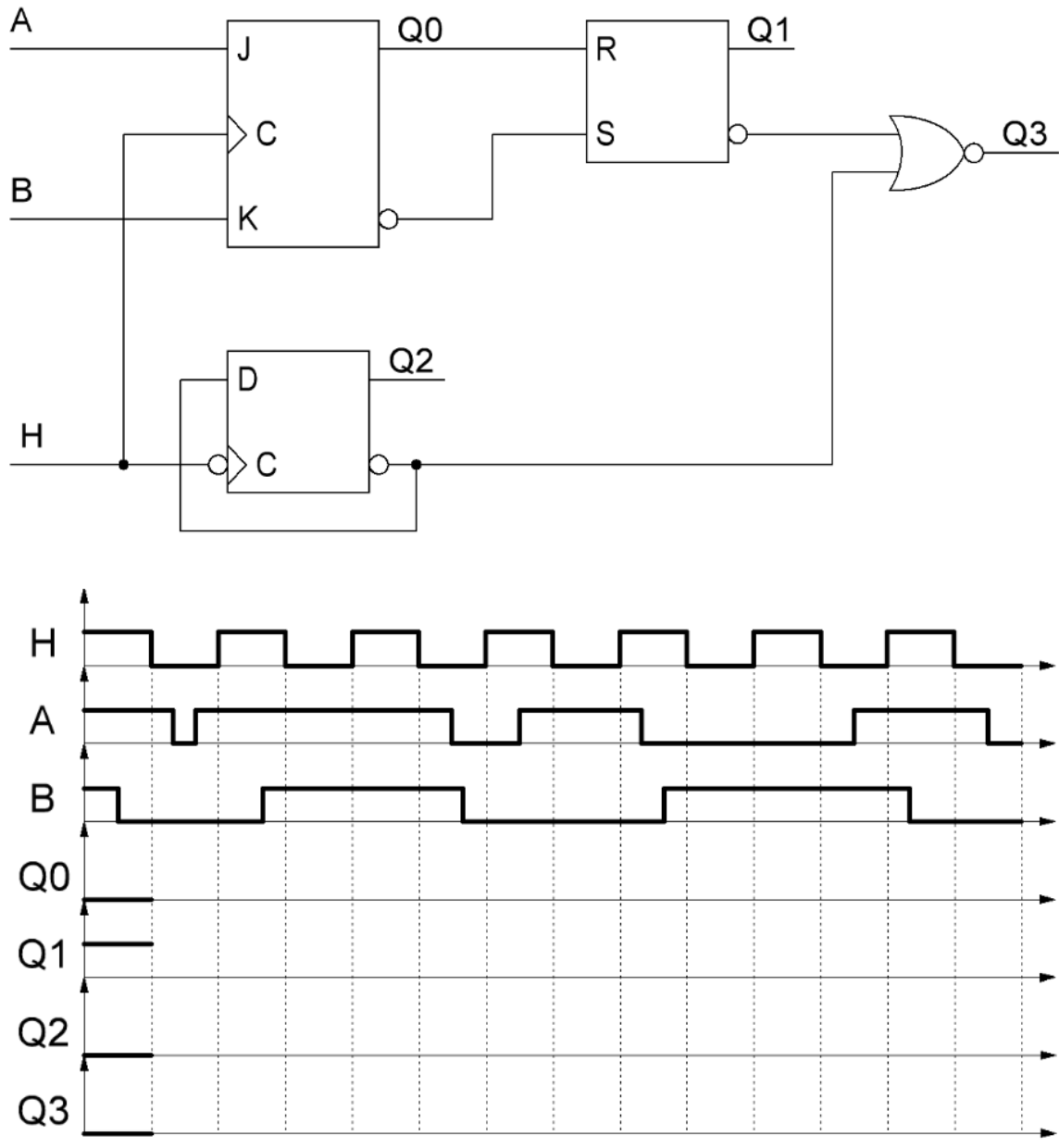
• Réaliser un compteur modulo 24

أنجز عداداً بترديد 24

2 Donner les équations de $D, R, S, Q3$

أعط معادلات

• Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant : أكمّل المخطط الزمني حسب التركيب الموالي



7.3.4 Sujet n°4

1 Un compteur déformé compte de

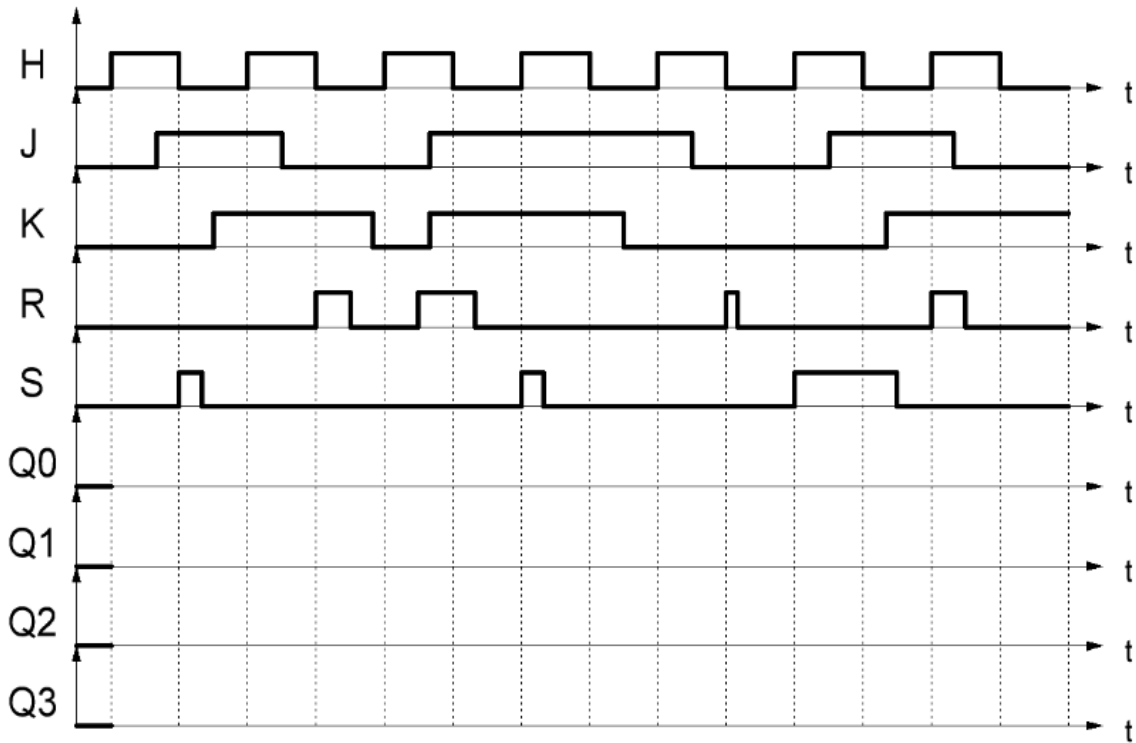
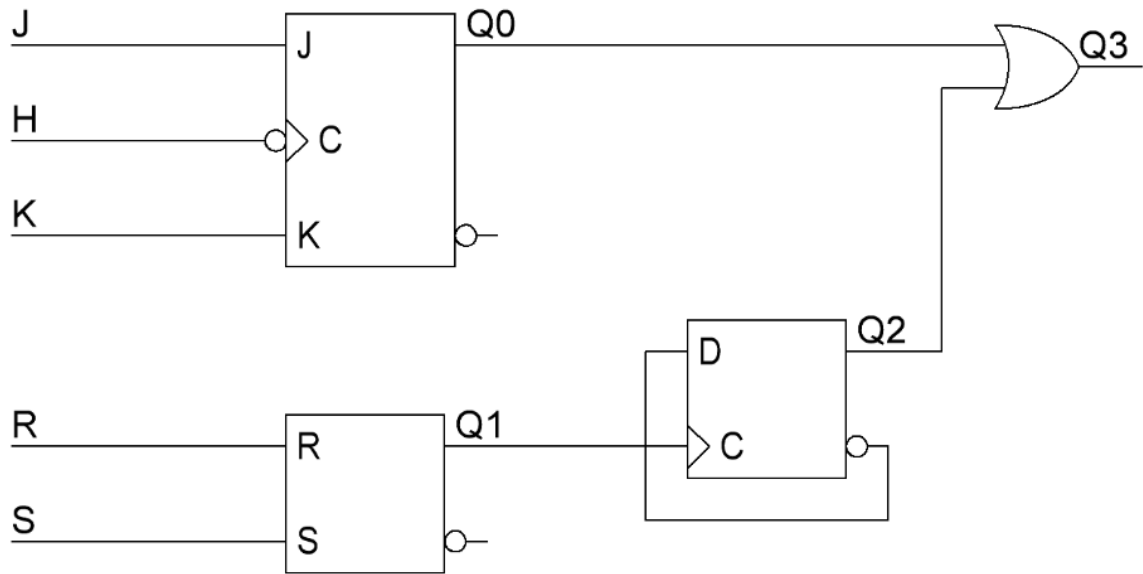
عداد مشوّه، يعدّ كما يلي

0, 1, 2, 3, 8, 9, 10, 11, 0, 1, 2

- Donner la table d'états du compteur.
- Réaliser le schéma à l'aide des bascules JK.

أعط جدول الحالات للعداد
أنجز الدارة بواسطة قلابات ج.ك

2 Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant : أكمل المخطط الزمني حسب التركيب الموالي



7.3.5 Sujet n°5

1 Un compteur déformé compte de

عدّاد مُشوّه، يعدّ كما يلي

0, 1, 4, 5, 2, 3, 6, 7, 8, 9, 12, 13, 10, 11, 14, 15, 0, 1,

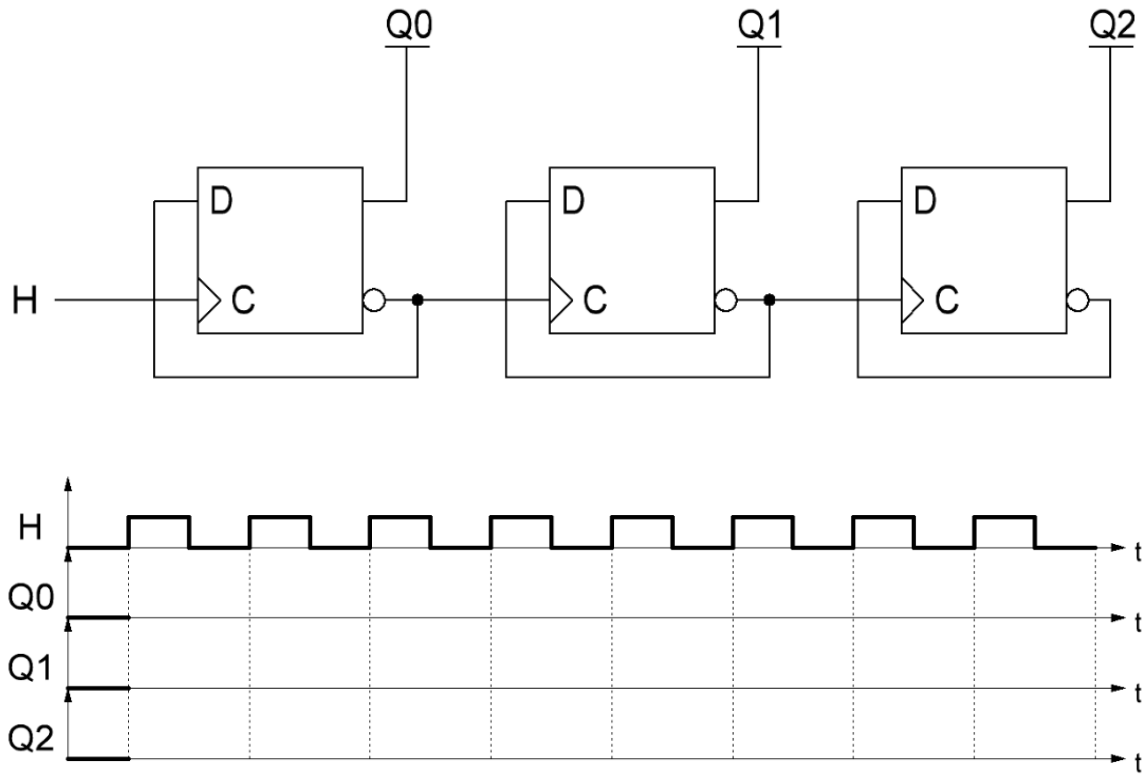
- Donner la table d'états du compteur.
- Réaliser le schéma à l'aide des bascules JK.

أعط جدول الحالات للعدّاد
أنجز الدارة بواسطة قلابات ج.ك

2 Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant : أكمل المخطط الزمني حسب التركيب الموالي

- Que fait ce montage ?

ماذا يعمل هذا التركيب



7.3.6 Sujet n°6

1 On veut réaliser un jeu de lumière synchronisé, les lampes s'allument une par une.

نريد تصميم لعبة أضواء متزامنة، تضيء المصابيح واحدا واحدا

Réaliser le circuit à l'aide de

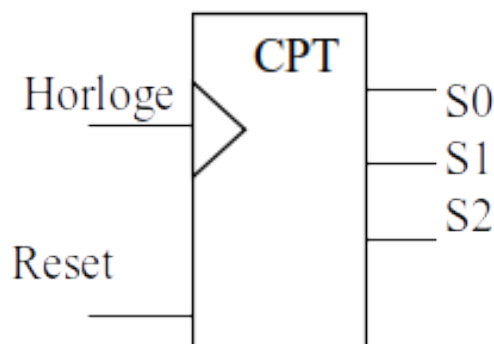
أنجز الدارة بواسطة

- 8 lampes
- Un compteur modulo 8 donné en schéma bloc
- Un décodeur.

8 مصابيح

عداد بترديد 8 معطى بالمخطط المصمت

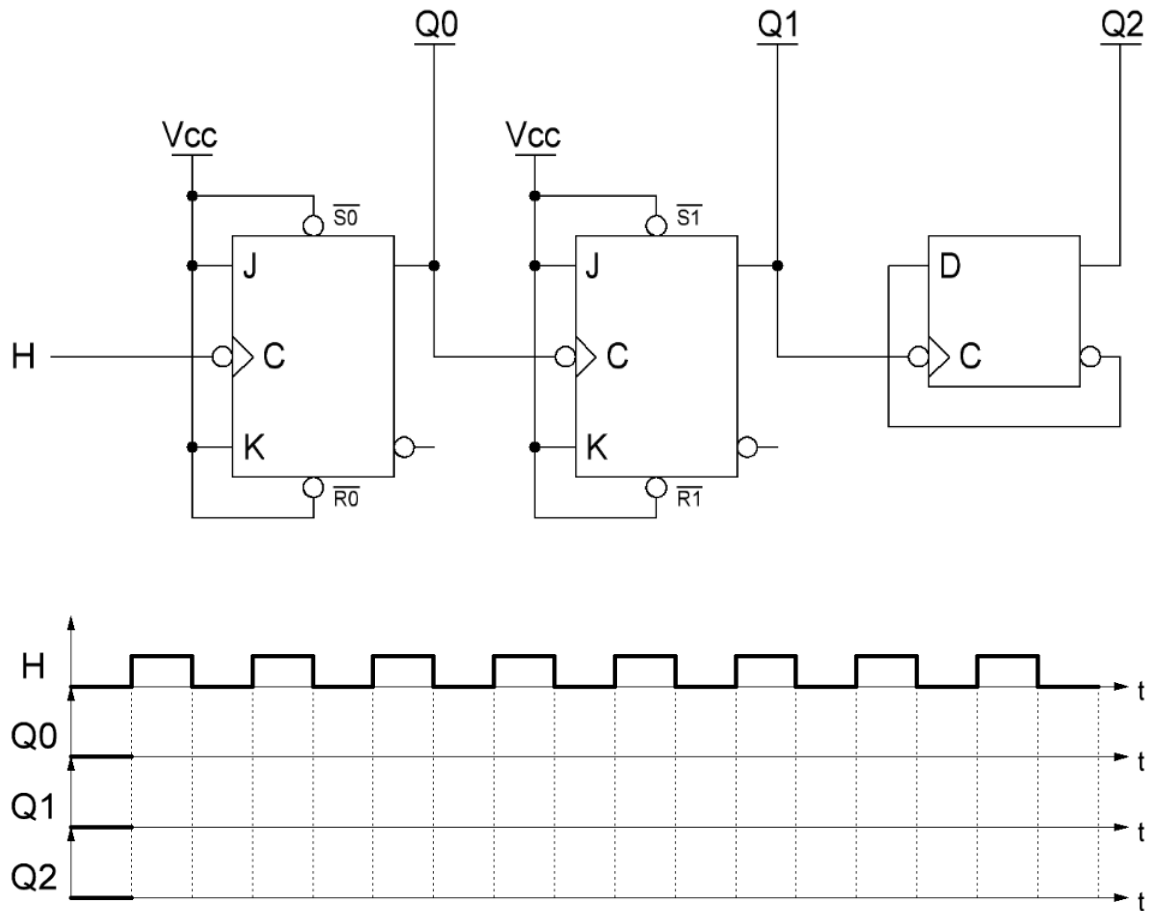
مفكك ترميز



2 Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant : أكمل المخطط الزمني حسب التركيب الموالي

- Que fait ce montage ?

ماذا يعمل هذا التركيب



7.3.7 Sujet n°7

Soit la bascule FG, définie par la table de vérité suivante.

لدينا القلاب FG المعروف بجدول الحقيقة

F	G	Q^+
0	0	0
0	1	\overline{Q}
1	0	\overline{Q}
1	1	1

1 Donner la table de vérité complet et réaliser le circuit à l'aide des NAND uniquement.

2 Compléter le chronogramme selon les cas suivants,

أكمل المخطط الزمني حسب الحالات الآتية

et donner la table de vérité pour chaque cas.

وأعط جدول الحقيقة لكل حالة

a. FG est asynchrone

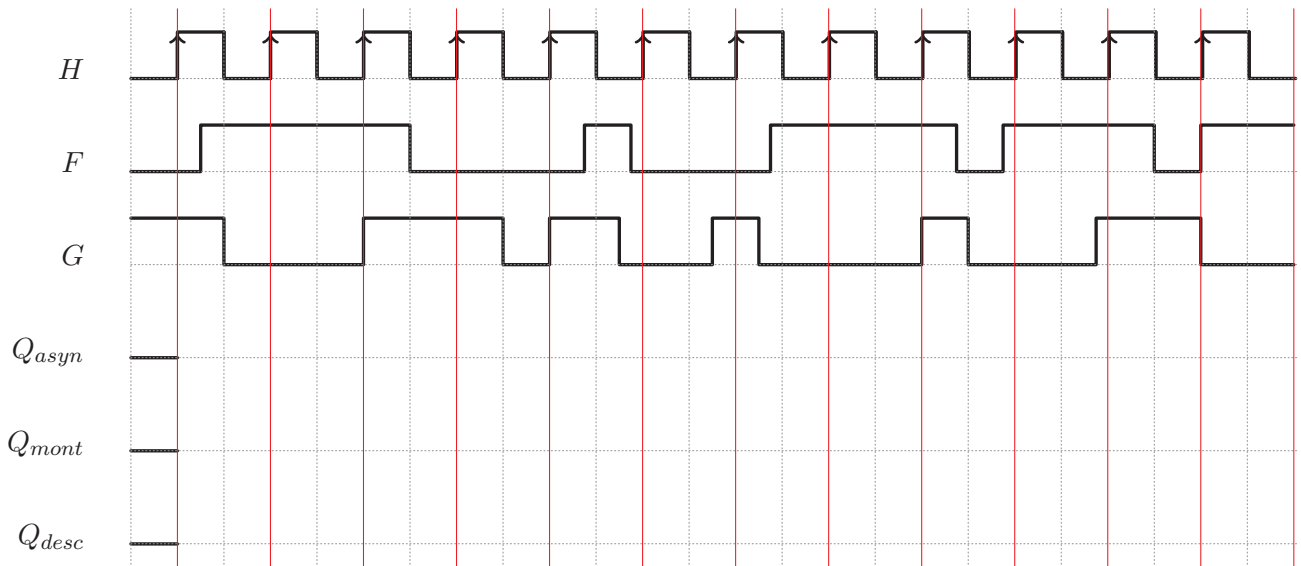
القلاب غير متزامن

b. FG est synchronisée sur le front montant

القلاب متزامن عند الجبهة الصاعدة

c. FG est synchronisée sur le front descendant

القلاب متزامن عند الجبهة النازلة



7.3.8 Sujet n°8

Soit la bascule UV, définie par la table de vérité suivante.

لدينا القلاب UV المعرف بجدول الحقيقة

U	V	Q^+
0	0	Q
0	1	0
1	0	1
1	1	Q

1 Donner la table de vérité complet et réaliser le circuit à l'aide des NOR uniquement. أعط جدول الحقيقة الكامل للدارة، ثم أنجزها بواسطة NOR فقط

2 Compléter le chronogramme selon les cas suivants, et donner la table de vérité pour chaque cas.

أكمل المخطط الزمني حسب الحالات الآتية وأعط جدول الحقيقة لكل حالة

a. UV est asynchrone

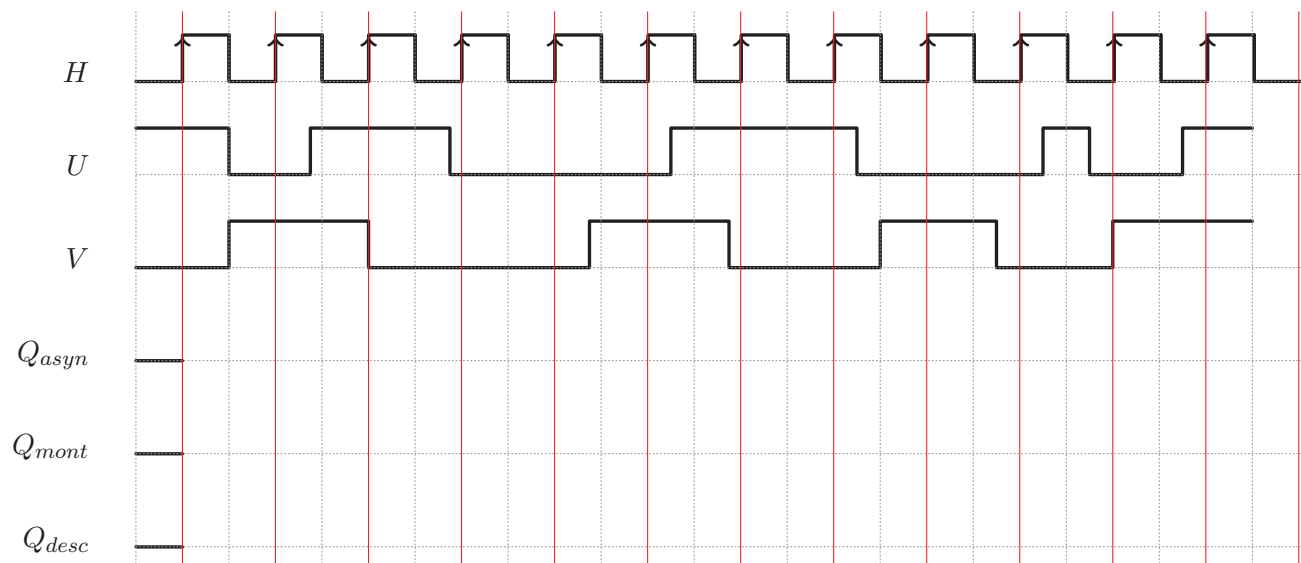
القلاب غير متزامن

b. UV est synchronisée sur le front montant

القلاب متزامن عند الجبهة الصاعدة

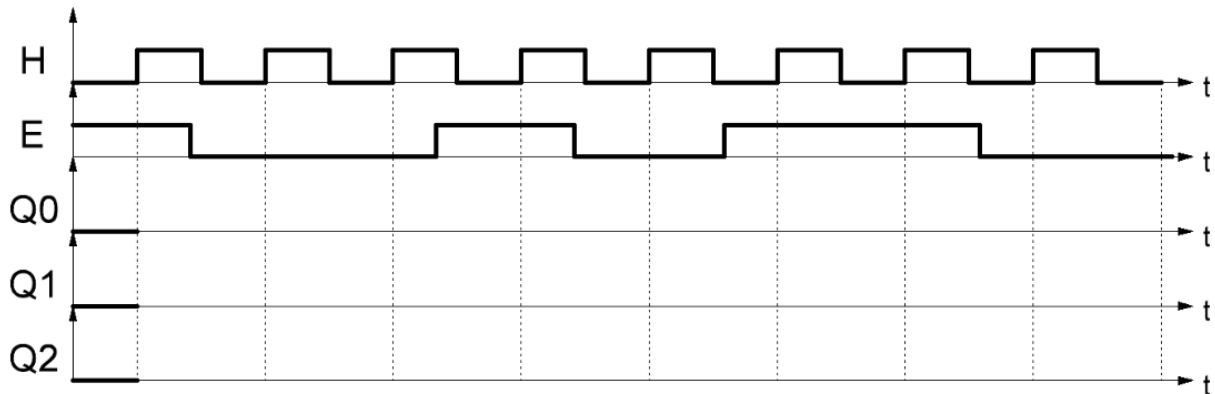
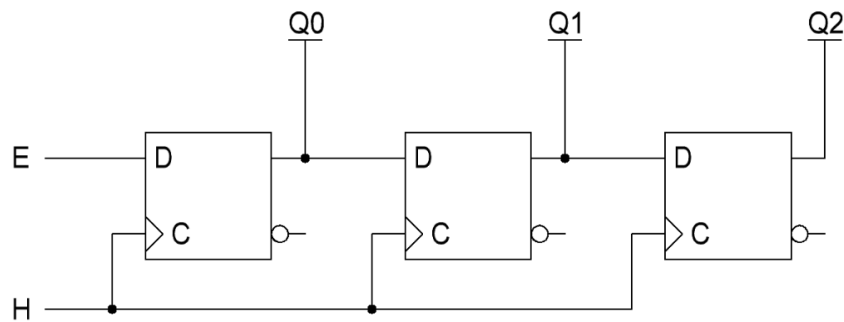
c. UV est synchronisée sur le front descendant

القلاب متزامن عند الجبهة النازلة



7.3.9 Sujet n°9

- 1 Citer les applications des bascules اذكر تطبيقات القلايات
- 2 Rappeler la table de vérité de la bascule utilisé dans le montage ذكر بجدول الحقيقة للقلايا المستعمل في التركيب المعطى
- 3 Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant : أكمل المخطط الزمني الآتي حسب التركيب الموضح
- 4 Enregistrer à chaque instant. l'information $(Q_2Q_1Q_0)$ سجل في كل لحظة المعلومة
- 5 Que réalise le montage ماذا يعمل هذا التركيب



7.3.10 Sujet n°10

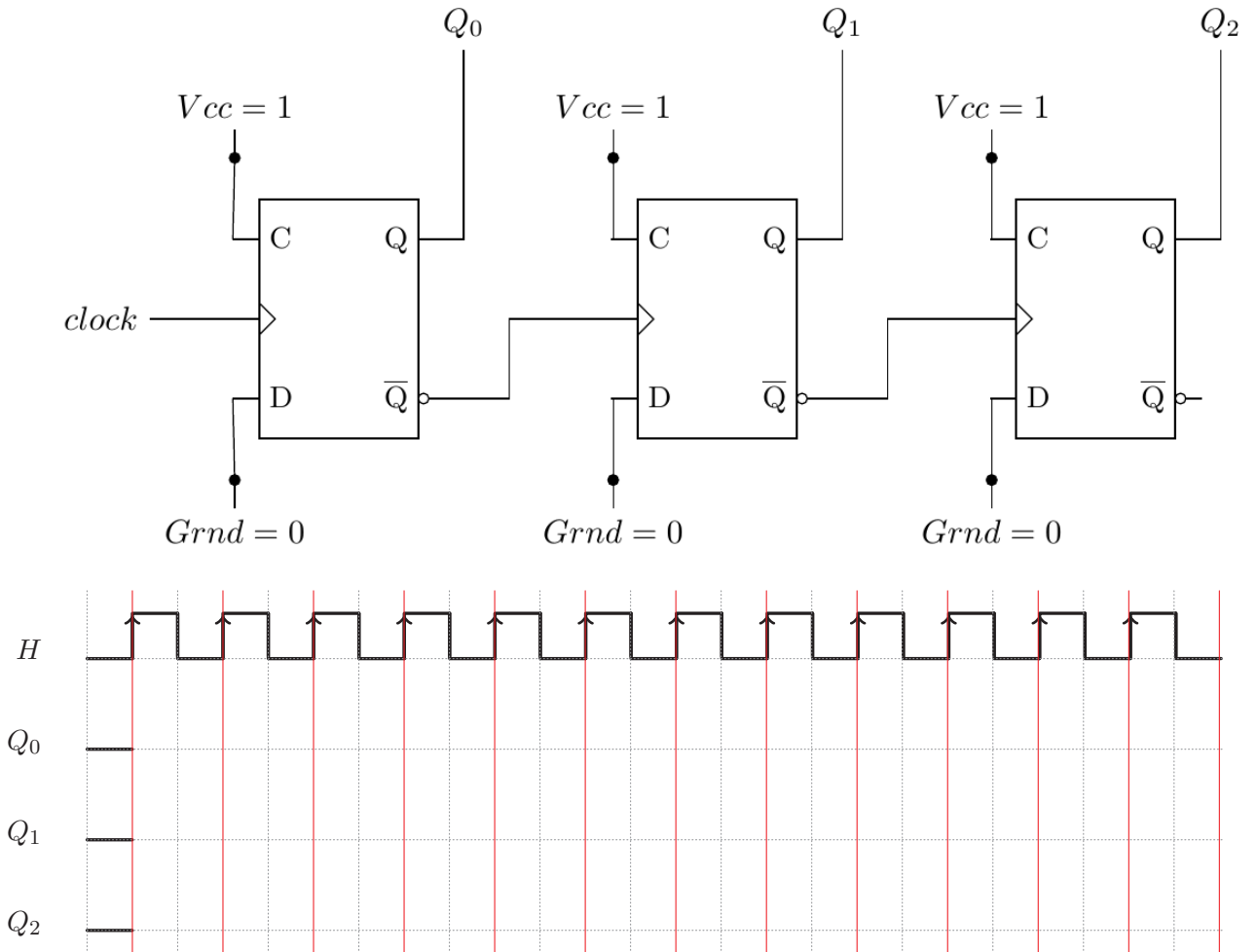
Soit la bascule CD, définie par la table de vérité suivante.

لدينا القلايا CD المعرف بجدول الحقيقة

C	D	Q^+	
0	0	1	mise à 1
0	1	Q	memoire
1	0	\overline{Q}	basculement
1	1	0	mise à zéro

- 1 Donner la table de vérité complet et réaliser le circuit à l'aide des NOR uniquement. أعط جدول الحقيقة الكامل للدائرة، ثم أنجزها بواسطة NOR فقط

- 2 Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant : أكمّل المخطط الزمني الآتي حسب التركيب
الموضح
- 3 Enregistrer à chaque instant. l'information ($Q_2Q_1Q_0$) سجّل في كل لحظة المعلومة
- 4 Que réalise le montage ماذا يعمل هذا التركيب



Chapitre 8

Solutions des Tests

حلول الفحوص

8.1 Solutions des Tests n°1

8.1.1 Solution du sujet n°1

On veut réaliser un circuit qui calcule le nombre de Zéros dans une information sur 4 bits $(abcd)_2$.

نريد تصميم دارة تحسب عدد الأصفار في معلومة ذات أربعة أرقام ثنائية $abcd$.

Réaliser le circuit

أنجز الدارة

- Les entrées/sorties

مداخل ومخارج

- Table de vérité

جدول الحقيقة

- Formes canoniques numériques

الأشكال القانونية الرقمية

- Simplification

التبسيط

- logigrammes

المخطط

8.1.1.1 Correction

1 Définition des entrées et des sorties تعريف المداخل والمخارج

- Les entrées المداخل : les bits A, B, C, D
- Les sorties المخارج On utilise 03 bits de sortie, tel que :
Si ABCD = (0000) => Alors XYZ = (100) c-à-d quatres zéros
Si ABCD = (0011) => Alors XYZ = (010) c-à-d deux zéros

لدينا ثلاث بتات للمخارج وذلك لأن

إذا كان $XYZ = (100) = ABCD = (0000)$ أي أربعة أصفار

إذا كان $XYZ = (010) = ABCD = (0011)$ أي صفرين

2 Table de vérité جدول الحقيقة

N°	A	B	C	D	X	Y	Z
0	0	0	0	0	1	0	0
1	0	0	0	1	0	1	1
2	0	0	1	0	0	1	1
3	0	0	1	1	0	1	0
4	0	1	0	0	0	1	1
5	0	1	0	1	0	1	0
6	0	1	1	0	0	1	0
7	0	1	1	1	0	0	1
8	1	0	0	0	0	1	1
9	1	0	0	1	0	1	0
10	1	0	1	0	0	1	0
11	1	0	1	1	0	0	1
12	1	1	0	0	0	1	0
13	1	1	0	1	0	0	1
14	1	1	1	0	0	0	1
15	1	1	1	1	0	0	0

3 Les formes canoniques الأشكال القانونية

- La première forme canonique ; الشكل القانوني الرقمي الأول

$$\rightarrow X(A, B, C, D) = \sum[0]$$

$$\rightarrow Y(A, B, C, D) = \sum[1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10, 12]$$

$$\rightarrow Z(A, B, C, D) = \sum[1, 2, 4, 7, 8, 11, 13, 14]$$

- La deuxième forme canonique ; الشكل القانوني الرقمي الثاني

$$\rightarrow X(A, B, C, D) = \prod[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15]$$

$$\rightarrow Y(A, B, C, D) = \prod[0, 7, 11, 13, 14, 15]$$

$$\rightarrow Z(A, B, C, D) = \prod[0, 3, 5, 6, 9, 10, 12, 15]$$

4 مخطط كارنوف Tableaux de Karnough

La fonction X الدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1	0	0	0
	01	0	0	0	0
	11	0	0	0	0
	10	0	0	0	0

La fonction Y الدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	0	1	1	1
	01	1	1	0	1
	11	1	0	0	0
	10	1	1	0	1

La forme simplifiée الشكل المبسط

$$X = \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d}$$

La fonction Z الدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	0	1	0	1
	01	1	0	1	0
	11	0	1	0	1
	10	1	0	1	0

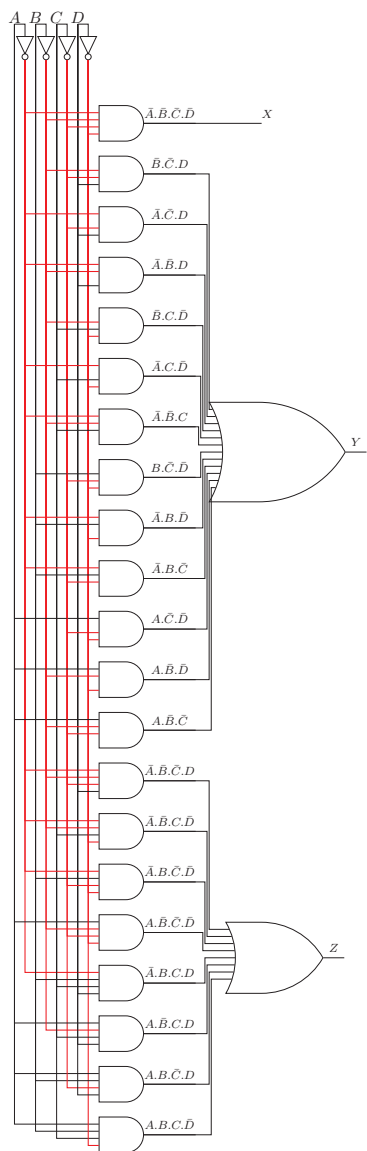
La forme simplifiée الشكل المبسط

$$Y = a.\bar{b}.\bar{c} + b.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.c + \bar{a}.c.\bar{d} + \bar{b}.c.\bar{d} + \bar{b}.\bar{c}.d$$

La forme simplifiée الشكل المبسط

$$Z = a.b.c.\bar{d} + a.b.\bar{c}.d + a.\bar{b}.c.d + \bar{a}.b.c.d + a.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.b.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.c.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.d$$

5 المخططات المنطقية Logigrammes



8.1.2 Solution du sujet n°2

Réponse courte

إجابة مختصرة

- $X = a.b.c.d$
- $Y = a.b.\bar{c} + a.c.\bar{d} + a.\bar{b}.d + a.\bar{c}.d + \bar{a}.b.d + \bar{a}.c.d$
- $Z = a.b.c.\bar{d} + a.b.\bar{c}.d + a.\bar{b}.c.d + \bar{a}.b.c.d + a.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.b.\bar{c}.d + \bar{a}.\bar{b}.c.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.d$

8.1.3 Solution du sujet n°3

On veut réaliser un circuit qui permet de convertir un nombre représenté en complément à 2 sur 4 bits vers une représentation en valeur absolue avec signe sur 4 bits. Réaliser le circuit (Les entrées/sorties, Table de vérité, formes canoniques, simplification, logigrammes)

نريد تصميم دائرة تحول عددا ممثلا في المتمم إلى 2 على 4 بتات إلى تمثيل القيمة المطلقة ذات الإشارة على 4 بتات. أنجز الدائرة (مداخل ومخارج، جدول الحقيقة، الأشكال القانونية، التبسيط، المخطط).

8.1.3.1 Correction

1 Définition des entrées et des sorties تعريف المداخل والمخارج

- Les entrées المداخل : les bits A, B, C, D
représente un nombre en complément à deux, avec A comme bit de signe :
- Les sorties المخارج On utilise 04 bits : WXYZ de sortie, tel que :
par exemple : $ABCD = (0000)_{cp2} \leftarrow WXYZ = (0000)_{sva}$
tous les nombres positifs restent les mêmes.
 $ABCD = (1001)_{cp2} \leftarrow WXYZ = (1111)_{sva} = (-7)_{10}$

2 Table de vérité جدول الحقيقة

N°	A	B	C	D	W	X	Y	Z
0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	0	1
2	0	0	1	0	0	0	1	0
3	0	0	1	1	0	0	1	1
4	0	1	0	0	0	1	0	0
5	0	1	0	1	0	1	0	1
6	0	1	1	0	0	1	1	0
7	0	1	1	1	0	1	1	1
8	1	0	0	0	X	X	X	X
9	1	0	0	1	1	1	1	1
10	1	0	1	0	1	1	1	0
11	1	0	1	1	1	1	0	1
12	1	1	0	0	1	1	0	0
13	1	1	0	1	1	1	1	1
14	1	1	1	0	1	0	1	0
15	1	1	1	1	1	0	0	1

3 الأشكال القانونية Les formes canoniques

- الشكل القانوني الرقمي الأول ; La première forme canonique ;

$$\rightarrow W(A, B, C, D) = \sum[9, 10, 11, 12, 13, 14, 15]$$

$$\rightarrow X(A, B, C, D) = \sum[4, 5, 6, 7, 9, 10, 11, 12, 13]$$

$$\rightarrow Y(A, B, C, D) = \sum[2, 3, 6, 7, 9, 10, 13, 14]$$

$$\rightarrow Z(A, B, C, D) = \sum[1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15]$$

- الشكل القانوني الرقمي الثاني ; La deuxième forme canonique ;

$$\rightarrow W(A, B, C, D) = \prod[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]$$

$$\rightarrow X(A, B, C, D) = \prod[0, 1, 2, 3, 14, 15]$$

$$\rightarrow Y(A, B, C, D) = \prod[0, 1, 4, 5, 8, 11, 12, 15]$$

$$\rightarrow Z(A, B, C, D) = \prod[0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14]$$

4 مخطط كارنوف Tableaux de Karnough

La fonction W مخطط كارنوف للدالة

		00	01	11	10
	00	0	0	0	0
	01	0	0	0	0
AB	11	1	1	1	1
	10	X	1	1	1

La fonction X مخطط كارنوف للدالة

		00	01	11	10
	00	0	0	0	0
	01	1	1	1	1
AB	11	1	1	0	0
	10	X	1	1	1

الشكل المبسط La forme simplifiée

$$W = a$$

La fonction Y مخطط كارنوف للدالة

		00	01	11	10
	00	0	0	1	1
	01	0	0	1	1
AB	11	0	1	0	1
	10	X	1	0	1

الشكل المبسط La forme simplifiée

$$X = a.\bar{b} + \bar{a}.b + b.\bar{c}$$

La fonction Z مخطط كارنوف للدالة

		00	01	11	10
	00	0	1	1	0
	01	0	1	1	0
AB	11	0	1	1	0
	10	X	1	1	0

الشكل المبسط La forme simplifiée

$$Y = \bar{a}.c + c.\bar{d} + a.\bar{c}.d$$

الشكل المبسط La forme simplifiée

$$Z = d$$

5 المخططات المنطقية Logigrammes

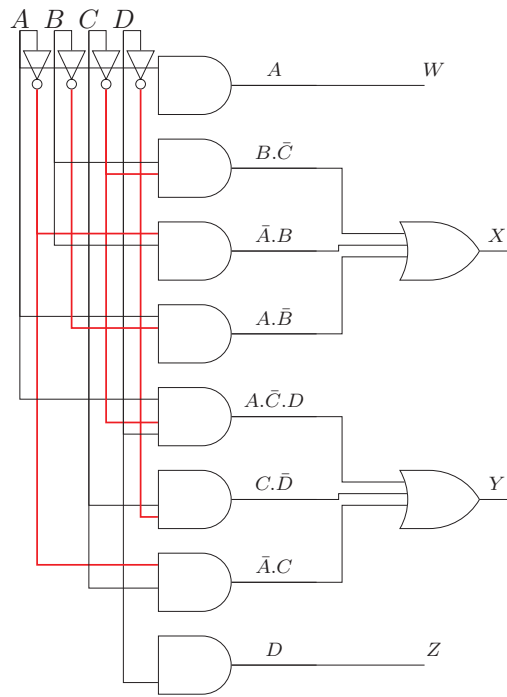


FIG. 8.1: Schéma du Test 8.1

8.1.4 Solution du sujet n°4

Réponse courte

إجابة مختصرة

- $W = a.b + a.c + a.d$
- $X = \bar{a}.b + a.\bar{b}.c + a.\bar{b}.d + b.\bar{c}.\bar{d}$
- $Y = \bar{a}.c + c.\bar{d} + a.\bar{c}.d$
- $Z = d$

8.1.5 Solution du sujet n°5

On veut réaliser un circuit qui permet de convertir un nombre binaire sur 4 bits vers le code gray sur 4 bits. Réaliser le circuit (Les entrées/sorties, Table de vérité, formes canoniques, simplification, logigrammes)

نريد تصميم دائرة تحول عددا ثنائيا على 4 بتات إلى ترميز غراي على 4 بتات.
أنجز الدارة (مداخل ومخارج، جدول الحقيقة، الأشكال القانونية، التبسيط، المخطط).

8.1.5.1 Correction

1 Définition des entrées et des sorties تعريف المداخل والمخارج

- Les entrées المداخل : les bits A, B, C, D
représente un nombre en binaire
- Les sorties المخارج On utilise 04 bits : WXYZ de sortie de code gray, tel que :
par exemple : $ABCD = (0000)_2 \leftarrow WXYZ = (0000)_{gray}$

$$ABCD = (0001)_2 \leftarrow WXYZ = (0001)_{gray}$$

$$ABCD = (0010)_2 \leftarrow WXYZ = (0011)_{gray}$$

2 جدول الحقيقة Table de vérité

N°	A	B	C	D	W	X	Y	Z
0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	0	1
2	0	0	1	0	0	0	1	1
3	0	0	1	1	0	0	1	0
4	0	1	0	0	0	1	1	0
5	0	1	0	1	0	1	1	1
6	0	1	1	0	0	1	0	1
7	0	1	1	1	0	1	0	0
8	1	0	0	0	1	1	0	0
9	1	0	0	1	1	1	0	1
10	1	0	1	0	1	1	1	1
11	1	0	1	1	1	1	1	0
12	1	1	0	0	1	0	1	0
13	1	1	0	1	1	0	1	1
14	1	1	1	0	1	0	0	1
15	1	1	1	1	1	0	0	0

3 الأشكال القانونية Les formes canoniques

4 الدالة La fonction W(A, B, C, D)

- الشكل القانوني الرقمي الأول ; La première forme canonique ;

$$\rightarrow W(A, B, C, D) = \sum[8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15]$$

$$\rightarrow X(A, B, C, D) = \sum[4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11]$$

$$\rightarrow Y(A, B, C, D) = \sum[2, 3, 4, 5, 10, 11, 12, 13]$$

$$\rightarrow Z(A, B, C, D) = \sum[1, 2, 5, 6, 9, 10, 13, 14]$$

- الشكل القانوني الرقمي الثاني ; La deuxième forme canonique ;

$$\rightarrow W(A, B, C, D) = \prod[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]$$

$$\rightarrow X(A, B, C, D) = \prod[0, 1, 2, 3, 12, 13, 14, 15]$$

$$\rightarrow Y(A, B, C, D) = \prod[0, 1, 6, 7, 8, 9, 14, 15]$$

$$\rightarrow Z(A, B, C, D) = \prod[0, 3, 4, 7, 8, 11, 12, 15]$$

5 مخطط كارنوف Tableaux de Karnough

La fonction W مخطط كارنوف للدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	0	0	0	0
	01	0	0	0	0
	11	1	1	1	1
	10	1	1	1	1

La fonction X مخطط كارنوف للدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	0	0	0	0
	01	1	1	1	1
	11	0	0	0	0
	10	1	1	1	1

La forme simplifiée الشكل المبسط

$$W = a$$

La forme simplifiée الشكل المبسط

$$X = a.\bar{b} + \bar{a}.b$$

la fonction Y مخطط كارنوف للدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	0	0	1	1
	01	1	1	0	0
	11	1	1	0	0
	10	0	0	1	1

La fonction Z مخطط كارنوف للدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	0	1	0	1
	01	0	1	0	1
	11	0	1	0	1
	10	0	1	0	1

La forme simplifiée الشكل المبسط

$$Y = b.\bar{c} + \bar{b}.c$$

La forme simplifiée الشكل المبسط

$$Z = c.\bar{d} + \bar{c}.d$$

6 Logigrammes المخططات المنطقية

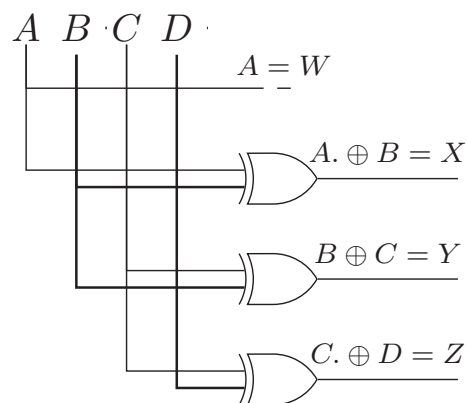


FIG. 8.2: Schéma du Test 8.1

8.1.6 Solution du sujet n°6

Réponse courte

إجابة مختصرة

- $W = a$
- $X = a.\bar{b} + \bar{a}.b$
- $Y = a.b.c + a.\bar{b}.\bar{c} + \bar{a}.b.\bar{c} + \bar{a}.\bar{b}.c$
- $Z = a.b.c.\bar{d} + a.b.\bar{c}.d + a.\bar{b}.c.d + \bar{a}.b.c.d + a.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.b.\bar{c}.d + \bar{a}.\bar{b}.c.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.d$

8.1.7 Solution du sujet n°7

On veut réaliser un circuit qui permet de convertir un nombre binaire en BCD sur 4 bits vers le code Excess3 sur 4 bits. Réaliser le circuit (Les entrées/sorties, Table de vérité, formes canoniques, simplification, logigrammes)

نريد تصميم دائرة تحول عددا ثنائيا ممثلا في BCD على 4 بتات إلى تمثيل Excess3 على 4 بتات.
أنجز الدارة (مداخل ومخارج، جدول الحقيقة، الأشكال القانونية، التبسيط، المخطط).

8.1.7.1 Correction

1 Définition des entrées et des sorties تعريف المداخل والمخارج

- Les entrées المداخل : les bits A, B, C, D
représente un nombre en BCD
- Les sorties المخارج On utilise 04 bits : WXYZ de sortie de code Excesw 3 , tel que : $(WXYZ = ABCD + 11)_2$
On constate que les nombres > 9 représentent des cas interdit. par exemple : $ABCD = (0000)_{bcd} \leftarrow WXYZ = (0011)_{ex3}$
 $ABCD = (0001)_{bcd} \leftarrow WXYZ = (0100)_{ex3}$
 $ABCD = (1001)_{bcd} \leftarrow WXYZ = (1100)_{ex3}$
 $ABCD = (1010)_{bcd} \leftarrow WXYZ = (XXXX)_{ex3}$
...
 $ABCD = (1111)_{bcd} \leftarrow WXYZ = (XXXX)_{ex3}$

2 Table de vérité جدول الحقيقة

N°	A	B	C	D	W	X	Y	Z
0	0	0	0	0	0	0	1	1
1	0	0	0	1	0	1	0	0
2	0	0	1	0	0	1	0	1
3	0	0	1	1	0	1	1	0
4	0	1	0	0	0	1	1	1
5	0	1	0	1	1	0	0	0
6	0	1	1	0	1	0	0	1
7	0	1	1	1	1	0	1	0
8	1	0	0	0	1	0	1	1
9	1	0	0	1	1	1	0	0
10	1	0	1	0	X	X	X	X
11	1	0	1	1	X	X	X	X
12	1	1	0	0	X	X	X	X
13	1	1	0	1	X	X	X	X
14	1	1	1	0	X	X	X	X
15	1	1	1	1	X	X	X	X

3 الأشكال القانونية Les formes canoniques

- $W(A, B, C, D) = \sum[5, 6, 7, 8, 9]$
- $W(A, B, C, D) = \prod[0, 1, 2, 3, 4, 10, 11]$
- $X(A, B, C, D) = \sum[1, 2, 3, 4, 9]$
- $X(A, B, C, D) = \prod[0, 5, 6, 7, 8, 13, 14, 15]$
- $Y(A, B, C, D) = \sum[0, 3, 4, 7, 8]$
- $Y(A, B, C, D) = \prod[1, 2, 5, 6, 9, 10, 13, 14]$
- $Z(A, B, C, D) = \sum[0, 2, 4, 6, 8]$
- $Z(A, B, C, D) = \prod[1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15]$

4 مخطط كارنوف Tableaux de Karnough

La fonction W مخطط كارنوف للدالة
CD

		00	01	11	10
AB	00	0	0	0	0
	01	0	1	1	1
	11	X	X	X	X
	10	1	1	X	X

La fonction simplifiée الشكل المبسط
 $W = b.c + b.d + a.\bar{c}$

La fonction X مخطط كارنوف للدالة
CD

		00	01	11	10
AB	00	0	1	1	1
	01	1	0	0	0
	11	X	X	X	X
	10	0	1	X	X

La fonction simplifiée الشكل المبسط
 $X = \bar{b}.c + \bar{b}.d + b.\bar{c}.\bar{d}$

La fonction Y كارتوف للدالة

مخطط كارنوف

CD

	00	01	11	10
00	1	0	1	0
01	1	0	1	0
11	X	X	X	X
10	1	0	X	X

AB

La fonction simplifiée الشكل المبسط

$$Y = c.d + \bar{c}.\bar{d}$$

La fonction Z كارتوف للدالة

مخطط كارنوف

CD

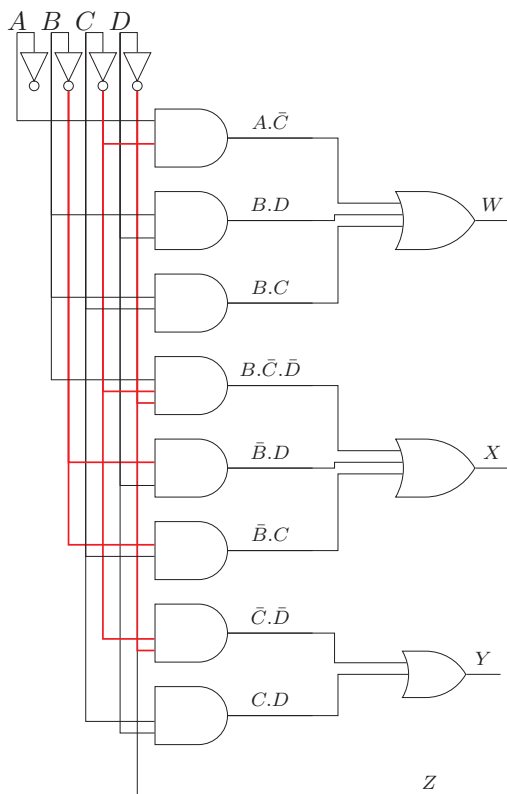
	00	01	11	10
00	1	0	0	1
01	1	0	0	1
11	X	X	X	X
10	1	0	X	X

AB

La fonction simplifiée الشكل المبسط

$$Z = \bar{d}$$

5 Logigrammes المخططات المنطقية



8.1.8 Solution du sujet n°8

Réponse courte

إجابة مختصرة

- $W = a.b + a.c.d$
- $X = b.c.d + a.\bar{b}.\bar{c} + a.\bar{b}.\bar{d}$
- $Y = c.\bar{d} + \bar{c}.d$
- $Z = \bar{d}$

8.1.9 Solution du sujet n°9

On veut réaliser un circuit qui permet de convertir un nombre binaire sur 4 bits vers le code rotation $ROT(-5)$ sur 4 bits. Réaliser le circuit (Les entrées/sorties, Table de vérité, formes canoniques, simplification, logigrammes)

: مثال $ROT_{-5}(0111) \Rightarrow (0010)$ $ROT_{-5}(0101) \Rightarrow (0000)$ $ROT_{-5}(0100) \Rightarrow (1111)$

نريد تصميم دائرة تحول عددا ثنائيا على 4 بتات إلى ترميز دوران -5 على 4 بتات.

أنجز الدارة (مداخل ومخارج، جدول الحقيقة، الأشكال القانونية، التبسيط، المخطط).

8.1.9.1 Correction

1 Définition des entrées et des sorties تعريف المداخل والمخارج

- Les entrées المداخل : les bits A, B, C, D
représente un nombre binaire
- Les sorties المخارج On utilise 04 bits : WXYZ de sortie de code $ROT(-5)$, tel que : $(WXYZ = ABCD - 101)_2$
par exemple : $ABCD = (0101)_2 \leftarrow WXYZ = (0000)_{rot-5}$
 $ABCD = (0110)_2 \leftarrow WXYZ = (0001)_{rot-5}$
 $ABCD = (1111)_2 \leftarrow WXYZ = (1010)_{rot-5}$
les nombres inférieurs à 5, sont en rotation
 $ABCD = (0100)_2 \leftarrow WXYZ = (1111)_{rot-5}$
 $ABCD = (0011)_2 \leftarrow WXYZ = (1110)_{rot-5}$

2 Table de vérité جدول الحقيقة

N°	A	B	C	D	W	X	Y	Z
0	0	0	0	0	1	0	1	1
1	0	0	0	1	1	1	0	0
2	0	0	1	0	1	1	0	1
3	0	0	1	1	1	1	1	0
4	0	1	0	0	1	1	1	1
5	0	1	0	1	0	0	0	0
6	0	1	1	0	0	0	0	1
7	0	1	1	1	0	0	1	0
8	1	0	0	0	0	0	1	1
9	1	0	0	1	0	1	0	0
10	1	0	1	0	0	1	0	1
11	1	0	1	1	0	1	1	0
12	1	1	0	0	0	1	1	1
13	1	1	0	1	1	0	0	0
14	1	1	1	0	1	0	0	1
15	1	1	1	1	1	0	1	0

3 Les formes canoniques الأشكال القانونية

- $W(A, B, C, D) = \sum[0, 1, 2, 3, 4, 13, 14, 15]$
- $W(A, B, C, D) = \prod[5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12]$
- $X(A, B, C, D) = \sum[1, 2, 3, 4, 9, 10, 11, 12]$
- $X(A, B, C, D) = \prod[0, 5, 6, 7, 8, 13, 14, 15]$
- $Y(A, B, C, D) = \sum[0, 3, 4, 7, 8, 11, 12, 15]$
- $Y(A, B, C, D) = \prod[1, 2, 5, 6, 9, 10, 13, 14]$
- $Z(A, B, C, D) = \sum[0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14]$
- $Z(A, B, C, D) = \prod[1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15]$

4 Tableaux de Karnough مخطط كارنوف

La fonction W مخطط كارنوف للدالة
CD

		00	01	11	10
00		1	1	1	1
01		1	0	0	0
11		0	1	1	1
10		0	0	0	0

La forme simplifiée الشكل المبسط
 $W = a.b.c + a.b.d + \bar{a}.b + \bar{a}.c.d$

La fonction X مخطط كارنوف للدالة
CD

		00	01	11	10
00		0	1	1	1
01		1	0	0	0
11		1	0	0	0
10		0	1	1	1

La forme simplifiée الشكل المبسط
 $X = \bar{b}.c + \bar{b}.d + b.\bar{c}.\bar{d}$

La fonction Y كارتوف للدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1	0	1	0
	01	1	0	1	0
	11	1	0	1	0
	10	1	0	1	0

La forme simplifiée الشكل المبسط

$$Y = c.d + \bar{c}.\bar{d}$$

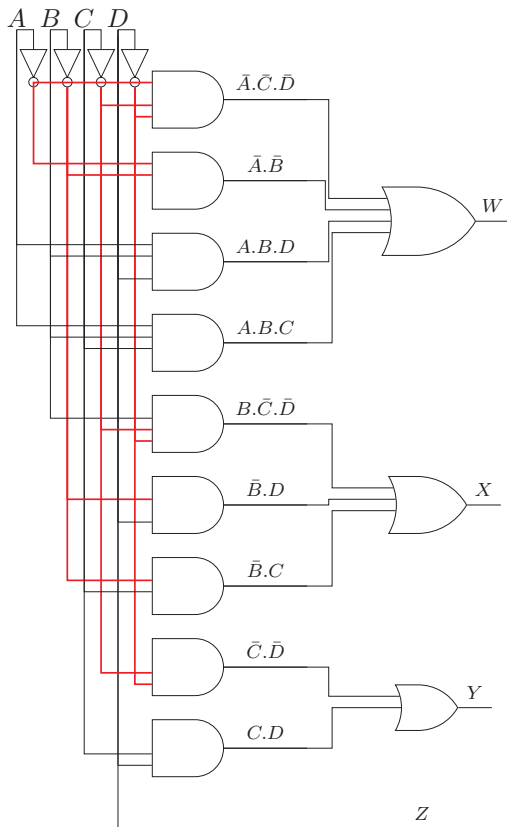
La fonction Z كارتوف للدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1	0	0	1
	01	1	0	0	1
	11	1	0	0	1
	10	1	0	0	1

La forme simplifiée الشكل المبسط

$$Z = \bar{d}$$

5 Logigrammes المخططات المنطقية



8.2 Solutions des Tests n°2

8.2.1 Solution du sujet n°1

On veut réaliser un circuit qui permet de convertir de code BCD en code EXCESS 3.

نريد تصميم محوّل من ترميز العشري المرمز بالثنائي BCD إلى ترميز Excess3 (المزيد بـ3).

1 Donner la table de vérité.

أعط جدول الحقيقة

- Les entrées المداخل : les bits A, B, C, D représente un nombre en BCD
- Les sorties المخرجات On utilise 04 bits : WXYZ de sortie de code Excesw 3 , tel que : $(WXYZ = ABCD + 11)_2$

On constate que les nombres > 9 représentent des cas interdit. par exemple : $ABCD = (0000)_{bcd} \leftarrow WXYZ = (0011)_{ex3}$

$$ABCD = (0001)_{bcd} \leftarrow WXYZ = (0100)_{ex3}$$

$$ABCD = (1001)_{bcd} \leftarrow WXYZ = (1100)_{ex3}$$

$$ABCD = (1010)_{bcd} \leftarrow WXYZ = (XXXX)_{ex3}$$

...

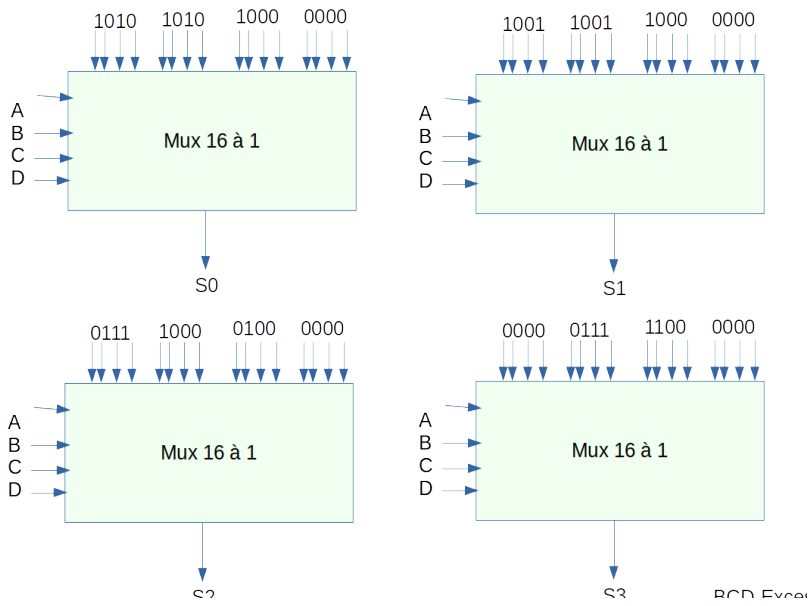
$$ABCD = (1111)_{bcd} \leftarrow WXYZ = (XXXX)_{ex3}$$

2 Table de vérité جدول الحقيقة

N°	A	B	C	D	W	X	Y	Z
0	0	0	0	0	0	0	1	1
1	0	0	0	1	0	1	0	0
2	0	0	1	0	0	1	0	1
3	0	0	1	1	0	1	1	0
4	0	1	0	0	0	1	1	1
5	0	1	0	1	1	0	0	0
6	0	1	1	0	1	0	0	1
7	0	1	1	1	1	0	1	0
8	1	0	0	0	1	0	1	1
9	1	0	0	1	1	1	0	0
10	1	0	1	0	X	X	X	X
11	1	0	1	1	X	X	X	X
12	1	1	0	0	X	X	X	X
13	1	1	0	1	X	X	X	X
14	1	1	1	0	X	X	X	X
15	1	1	1	1	X	X	X	X

3 Réaliser le circuit à l'aide des multiplexeurs uniquement.

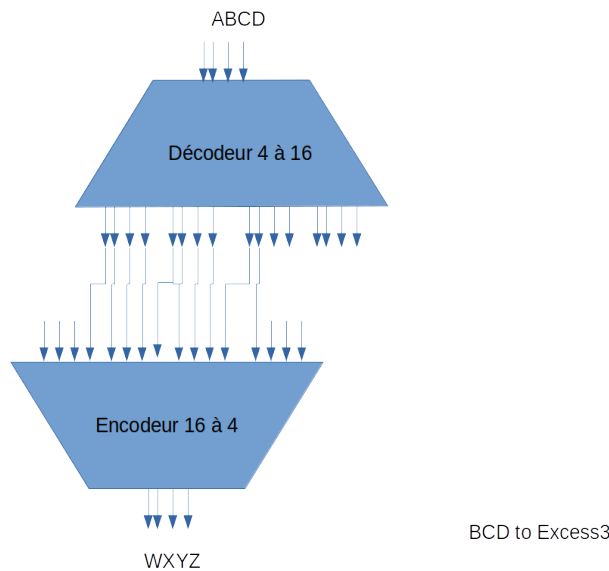
أنجز الدارة بواسطة مجمّعات فقط



- 4 Réaliser le circuit à l'aide d'un décodeur et encodeurs uniquement. ومفكك واحد فقط

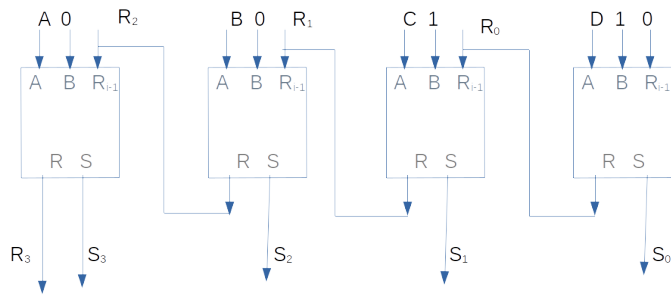
أنجز الدارة بواسطة مررر واحد،

- $W(A, B, C, D) = \sum[5, 6, 7, 8, 9] = S_5 + S_6 + S_7 + S_8 + S_9$
- $X(A, B, C, D) = \sum[1, 2, 3, 4, 9] = S_1 + S_2 + S_3 + S_4 + S_9$
- $Y(A, B, C, D) = \sum[0, 3, 4, 7, 8] = S_0 + S_3 + S_4 + S_7 + S_8$
- $Z(A, B, C, D) = \sum[0, 2, 4, 6, 8] = S_0 + S_2 + S_4 + S_6 + S_8$



- 5 Réaliser le circuit à l'aide des additionneurs complets uniquement. أنجز الدارة بواسطة دارات جمع كامل فقط

$$L'Excess\ 3 = BCD + 3, \text{ donc } (WXYZ)_2 = (ABCD)_2 + (0011)_2$$



BCD to Excess3

8.2.2 Solution du sujet n°2

1 Réaliser le circuit M1 qui permet de multiplier 3 bits par 1 bit.

- Donner le schéma bloc de M1
- Table de vérité
- Logigramme

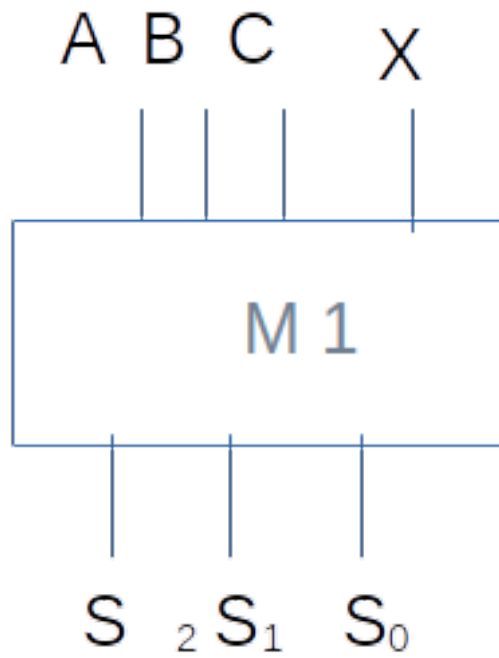
أنجز الدارة M1 التي تسمح بضرب عدد به 3 بتات بعدد آخر به 1 بت.

• أعط المخطط المصمت للدارة M1

• جدول الحقيقة،

• والمخطط المنطقي.

a. Schéma Bloc المخطط المصمت



- Les entrées المداخل :
 - nombre sur 1 bit X : 0/1
 - nombre sur 3 bits ABC
- Les sorties المخارج
 - 3 bits $S_2S_1S_0$

b. Table de vérité جدول الحقيقة

N°	X	A	B	C	S_2	S_1	S_0
0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	0
2	0	0	1	0	0	0	0
3	0	0	1	1	0	0	0
4	0	1	0	0	0	0	0
5	0	1	0	1	0	0	0
6	0	1	1	0	0	0	0
7	0	1	1	1	0	0	0
8	1	0	0	0	0	0	0
9	1	0	0	1	0	0	1
10	1	0	1	0	0	1	0
11	1	0	1	1	0	1	1
12	1	1	0	0	1	0	0
13	1	1	0	1	1	0	1
14	1	1	1	0	1	1	0
15	1	1	1	1	1	1	1

c. Tableaux de Karnaugh

مخطط كارنوف

- La fonction S2 الدالة

		BC			
		00	01	11	10
XA	00	0	0	0	0
	01	0	0	0	0
	11	1	1	1	1
	10	0	0	0	0

La forme simplifiée الشكل المبسط

$$S2 = a.x$$

- La fonction S0 الدالة

		BC			
		00	01	11	10
XA	00	0	0	0	0
	01	0	0	0	0
	11	0	1	1	0
	10	0	1	1	0

forme simplifiée الشكل المبسط

$$S0 = c.x$$

- La fonction S1 الدالة

		BC			
		00	01	11	10
XA	00	0	0	0	0
	01	0	0	0	0
	11	0	0	1	1
	10	0	0	1	1

La forme simplifiée الشكل المبسط

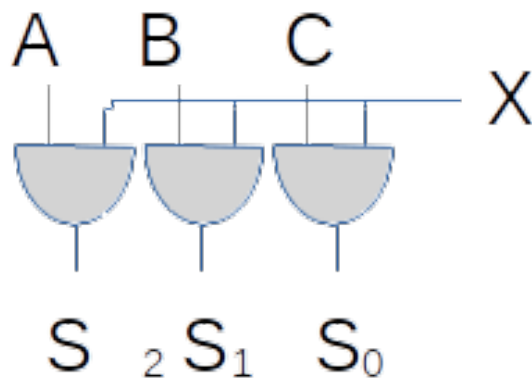
$$S1 = b.x$$

La

Les formes simplifiées

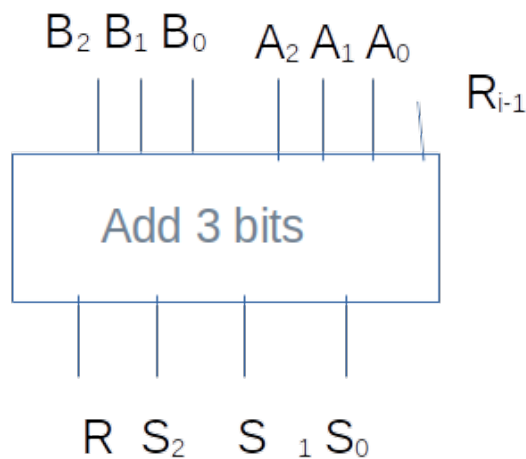
- $S2(X, A, B, C) = a.x$
- $S1(X, A, B, C) = b.x$
- $S0(X, A, B, C) = c.x$

d. Logigrammes المخططات المنطقية



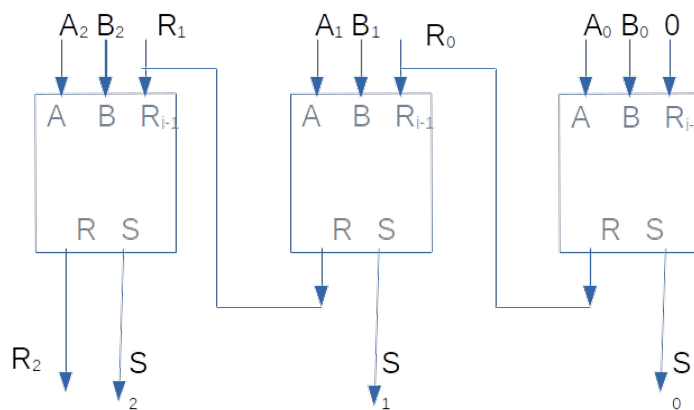
e. Donner le schéma bloc d'un additionneur complet (ADD3) de deux nombres de 3 bits chacun.

أعط المخطط المصمت لدائرة جمع كامل لعددتين، كل منهما به 3 بتات، نسمي الدارة ADD3.



f. Réaliser le ADD3 à l'aide des additionneurs complets de 1 bits.

أنجز الدارة ADD3 بواسطة دارات جمع كامل لبت واحد.

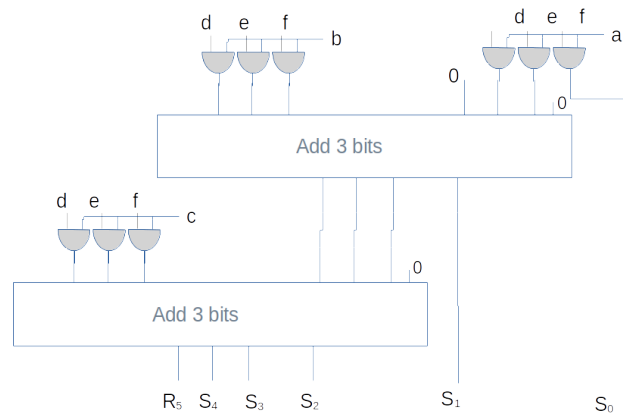


g. Soit le circuit M3 qui permet de multiplier deux nombres sur 3 bits chacun ($ABC*DEF$) :

لتكن الدارة M3 تضرب عددين، كل منهما له 3 بتات، $ABC*DEF$.

- Réaliser le circuit M3, en utilisant des circuits de type M1 et ADD3.

• أنجز الدارة بواسطة دارات M1 و ADD3 فقط



Multiplication 3*3 bits

8.2.3 Solution du sujet n°3

On veut réaliser un circuit Comp2 qui permet de convertir un nombre représenté en valeur absolue vers le complément à 2 sur 4 bits.

نريد تصميم دارة Comp2 تحول من ترميز القيمة المطلقة إلى ترميز المتمم إلى الاثنين على 4 بتات.

- 1 Donner le schéma bloc (entrées/sorties)

ارسم المخطط المصمت

- 2 Donner la Table de vérité de conversion en complément à 1.

أعط جدول الحقيقة للتحويل إلى المتمم إلى 1

N°	X	A	B	C	S3	S2	S1	S0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	0	1
2	0	0	1	0	0	0	1	0
3	0	0	1	1	0	0	1	1
4	0	1	0	0	0	1	0	0
5	0	1	0	1	0	1	0	1
6	0	1	1	0	0	1	1	0
7	0	1	1	1	0	1	1	1
8	1	0	0	0	1	1	1	1
9	1	0	0	1	1	1	1	0
10	1	0	1	0	1	1	0	1
11	1	0	1	1	1	1	0	0
12	1	1	0	0	1	0	1	1
13	1	1	0	1	1	0	1	0
14	1	1	1	0	1	0	0	1
15	1	1	1	1	0	0	0	0

3 Donner la Table de vérité de conversion en complément à 2.

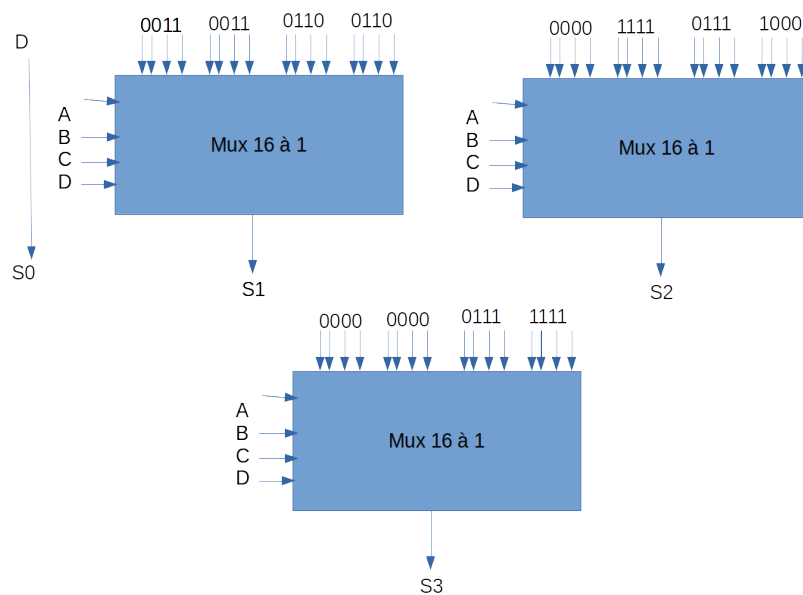
أعط جدول الحقيقة للتحويل إلى المتمم إلى 2

N°	X	A	B	C	S3	S2	S1	S0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	0	1
2	0	0	1	0	0	0	1	0
3	0	0	1	1	0	0	1	1
4	0	1	0	0	0	1	0	0
5	0	1	0	1	0	1	0	1
6	0	1	1	0	0	1	1	0
7	0	1	1	1	0	1	1	1
8	1	0	0	0	0	0	0	0
9	1	0	0	1	1	1	1	1
10	1	0	1	0	1	1	1	0
11	1	0	1	1	1	1	0	1
12	1	1	0	0	1	1	0	0
13	1	1	0	1	1	0	1	1
14	1	1	1	0	1	0	1	0
15	1	1	1	1	1	0	0	1

4 Réaliser le circuit Comp2 à l'aide des multiplexeurs uniquement.

أنجز دائرة التحويل إلى المتمم إلى 2 بواسطة مجمعات فقط

On a besoin de 3 multiplexeurs seulement, Car S0 n'a pas besoin d'être représenté qu'avec une ligne



5 Réaliser le circuit Comp2 à l'aide d'un décodeur et un encodeur.

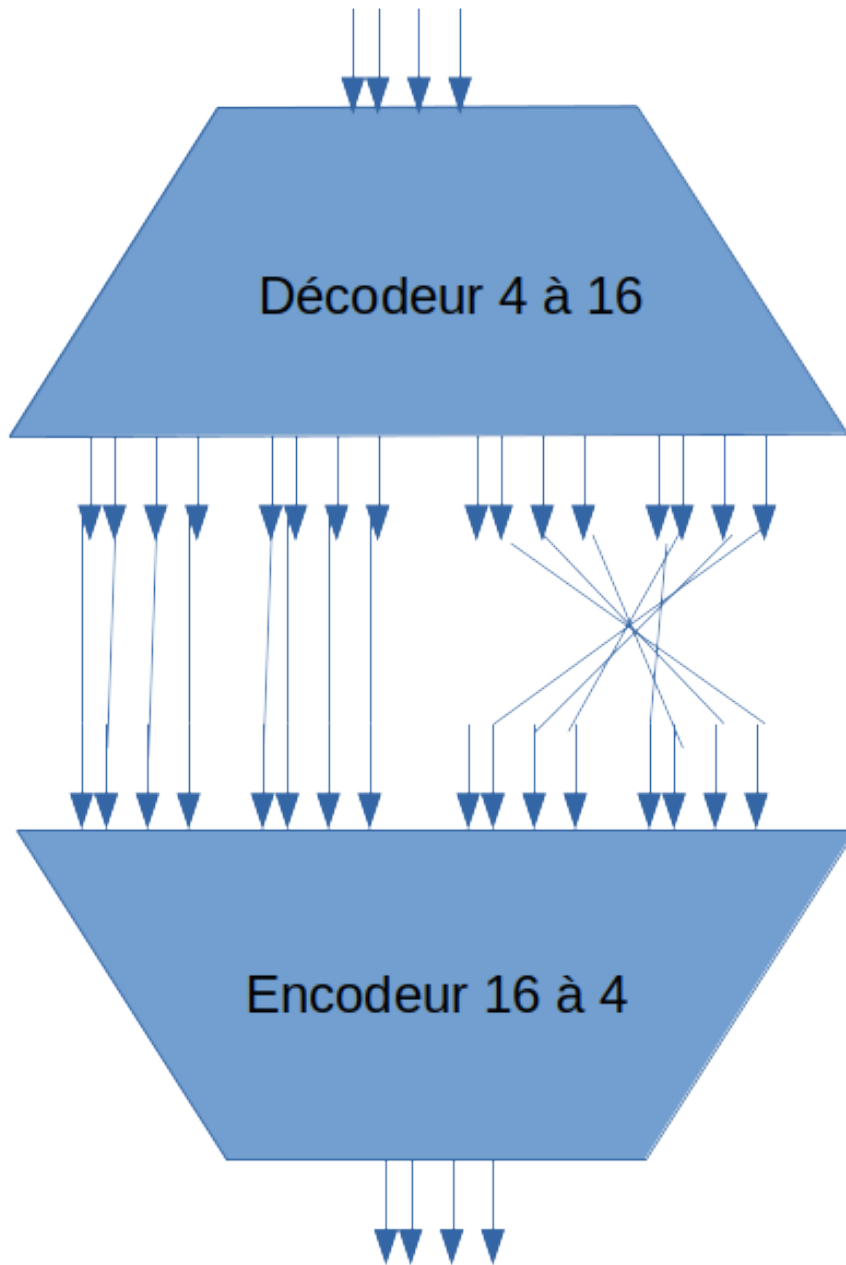
أنجز الدارة بواسطة مفكك ترميز واحد ومرمّز واحد.

N°	X	A	B	C	S3	S2	S1	S0	Encodeurs
0	0	0	0	0	0	0	0	0	I_0
1	0	0	0	1	0	0	0	1	I_1
2	0	0	1	0	0	0	1	0	I_2
3	0	0	1	1	0	0	1	1	I_3
4	0	1	0	0	0	1	0	0	I_4
5	0	1	0	1	0	1	0	1	I_5
6	0	1	1	0	0	1	1	0	I_6
7	0	1	1	1	0	1	1	1	I_7
8	1	0	0	0	0	0	0	0	I_0
9	1	0	0	1	1	1	1	1	I_{15}
10	1	0	1	0	1	1	1	0	I_{14}
11	1	0	1	1	1	1	0	1	I_{13}
12	1	1	0	0	1	1	0	0	I_{12}
13	1	1	0	1	1	0	1	1	I_{11}
14	1	1	1	0	1	0	1	0	I_{10}
15	1	1	1	1	1	0	0	1	I_9

On remarque que :

- les cas entre 0 et 7: le même nombre est produit.
- les cas en 8 et 15 correspondent aux nombres (0,15,14,13,12,11,10,9)

Donc on peut changer les sorties des décodeurs et les entrées de l'encodeur.



6 Réaliser le circuit à l'aide des additionneurs complets (1bits) et un minimum de portes logiques.

- أنجز الدارة بواسطة دارات الجمع الكامل لبث واحد، وأقل ما يمكن من البوابات المنطقية.

يُحسب المتمم إلى 2 من المتمم إلى الواحد،

من جدول الحقيقة وبعد تبسيط الدوال نلاحظ أنّ $S_3 = a$

$$S_2 = \bar{a}b + a\bar{b} = a \oplus b$$

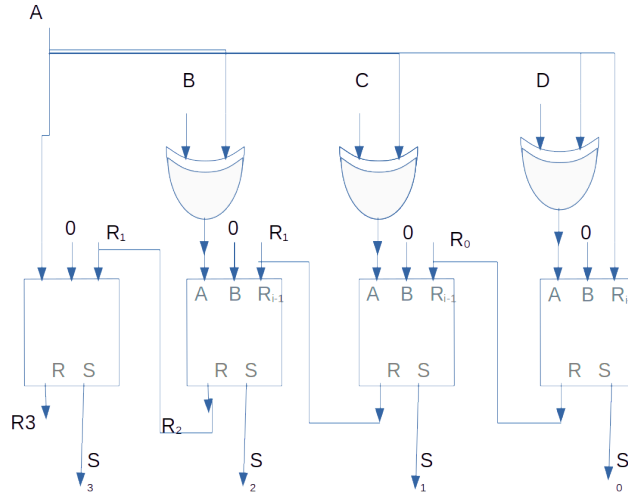
$$S_1 = \bar{a}c + a\bar{c} = a \oplus c$$

$$S_0 = \bar{a}d + a\bar{d} = a \oplus d$$

ثم نضيف واحد إلى النتيجة فقط إذا كان $A = 1$

يعني نضيف A

$$\begin{array}{r}
 S_3 \quad S_2 \quad S_2 \quad S_1 \\
 + \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad A \\
 \hline
 =
 \end{array}$$



8.2.4 Solution du sujet n°4

Réponse courte

إجابة مختصرة
Soit une information binaire sur 4 bits ($i_3i_2i_1i_0$). On veut réaliser le circuit CNT qui permet de calculer le nombre de 0 dans l'information en entrée.

لدينا معلومة ثنائية على 4 بتات ($i_3i_2i_1i_0$)، نريد تصميم الدارة CNT التي تحسب عدد الأصفار في المعلومة المدخلة.

- 1 Donner le schéma bloc (entrées/sorties)

ارسم المخطط المصمت

- 2 Donner la Table de vérité.

أعط جدول الحقيقة

Formes canoniques numériques $S_2 = \sum(0)$

$S_1 = \sum(1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10, 12)$

$S_0 = \sum(1, 2, 4, 7, 8, 11, 13, 14)$

- 3 Réaliser le circuit CNT à l'aide des multiplexeurs uniquement.

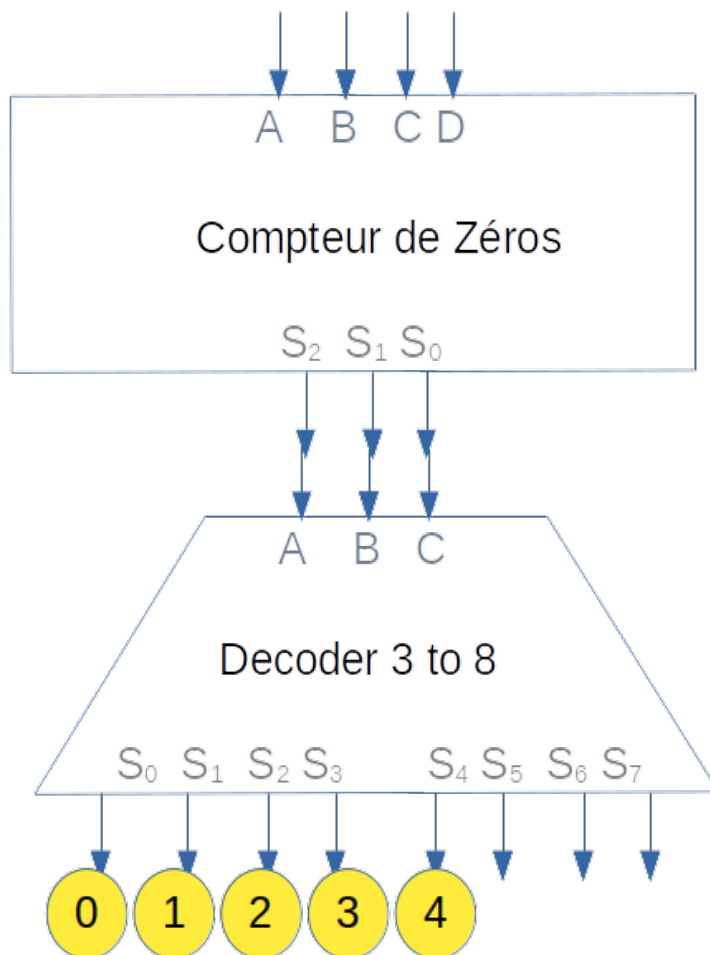
أنجز الدارة CNT بواسطة مجمعات فقط

- 4 Réaliser le circuit CNT à l'aide d'un décodeur et un encodeur.

أنجز الدارة بواسطة مفكك ترميز واحد ومرمّز واحد.

- 5 On veut allumer des lampes, chaque lampe a un numéro qui correspond au nombre de zéros, Utilisez le circuit CNT et un décodeur pour allumer les lamps.

نريد إضاءة مصابيح، كل مصباح عليه رقم يطابق عدد الأصفار، استعمل الدارة CNT ومفكك ترميز لإشعال المصابيح.



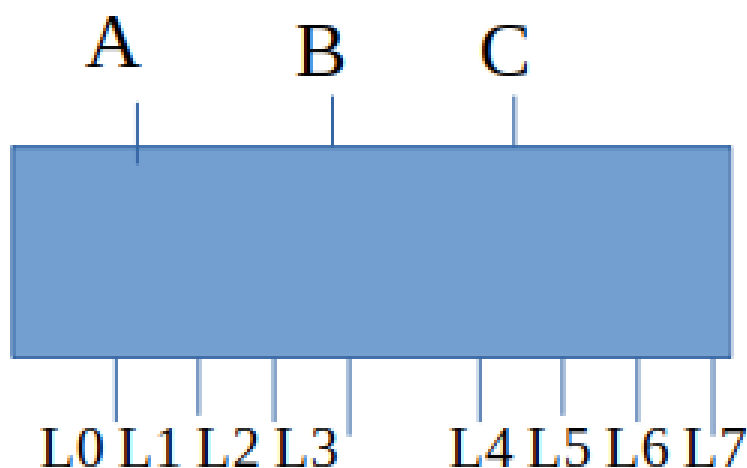
8.2.5 Solution du sujet n°5

On veut allumer 8 lampes de la façon suivante, on allume les lampes dont le numéro est inférieur ou égale au nombre N présent en entrée.

نريد إضاءة 8 مصابيح، بحيث نضيء المصابيح التي رقمها أقل من أو يساوي العدد المعطى في المدخل.

1 Donner le schéma bloc (entrées/sorties)

ارسم المخطط المصمت



2 Donner la Table de vérité.

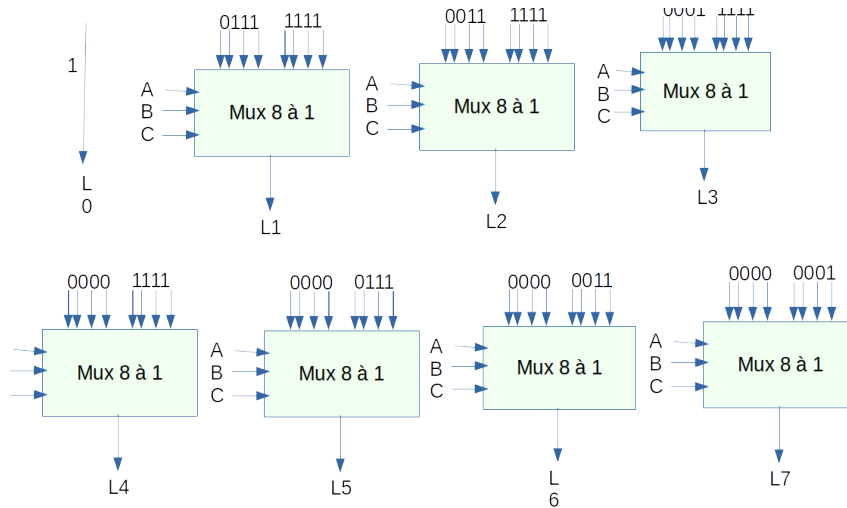
أعط جدول الحقيقة

Table de vérité

A	B	C	L_0	L_1	L_2	L_3	L_4	L_5	L_6	L_7
0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0
0	1	0	1	1	1	0	0	0	0	0
0	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0
1	0	0	1	1	1	1	1	0	0	0
1	0	1	1	1	1	1	1	1	0	0
1	1	0	1	1	1	1	1	1	1	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1

3 Réaliser le circuit à l'aide des multiplexeurs uniquement.

أنجز الدارة بواسطة مجمعات فقط



4 Réaliser le circuit CNT à l'aide d'un décodeur et un encodeur.

أنجز الدارة بواسطة مفكك ترميز واحد ومرمّز واحد.

Afin de simplifier les fonctions, on utilise la 1ère forme canonique numérique

$$L_0 = \sum(0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7) = 1$$

$$L_1 = \sum(1, 2, 3, 4, 5, 6, 7)$$

$$L_2 = \sum(2, 3, 4, 5, 6, 7)$$

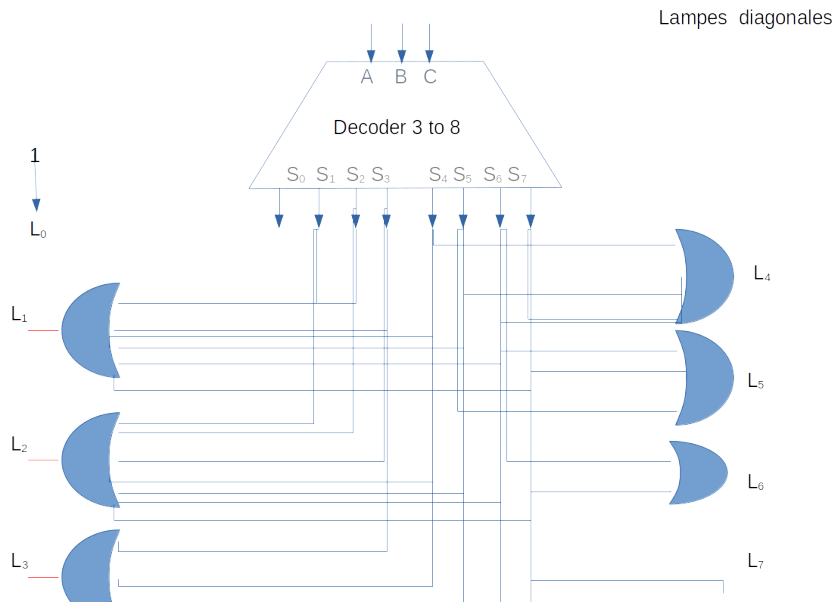
$$L_3 = \sum(3, 4, 5, 6, 7)$$

$$L_4 = \sum(4, 5, 6, 7)$$

$$L_5 = \sum(5, 6, 7)$$

$$L_6 = \sum(6, 7)$$

$$L_7 = \sum(7)$$

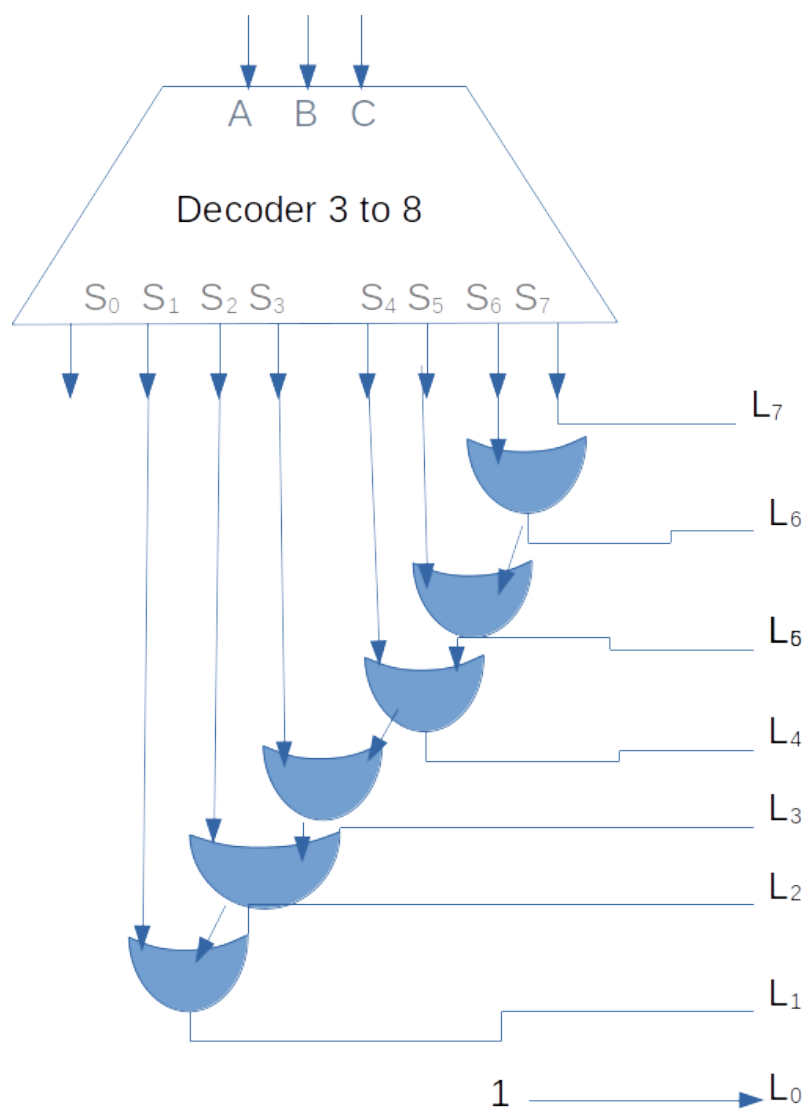


- 5 Réaliser le circuit à l'aide d'un décodeur et un minimum de portes logiques de deux entrées seulement.

أنجز الدارة بواسطة مفكك ترميز عادي وأقل ما يمكن من البوابات المنطقية ذات مدخلين.

A partir des formes canoniques on constate que ;

$$\begin{aligned}
 L_6 &= L_7 + S_6 \\
 L_5 &= L_6 + S_5 \\
 L_4 &= L_5 + S_4 \\
 L_3 &= L_4 + S_3 \\
 L_2 &= L_3 + S_2 \\
 L_1 &= L_2 + S_1 \\
 L_0 &= 1
 \end{aligned}$$



8.3 Solutions des Tests n°3

8.3.1 Solution du sujet n°1

1 Un compteur pair module 16 compte de

عدّاد زوجي بترديد 16، يعدّ كما يلي

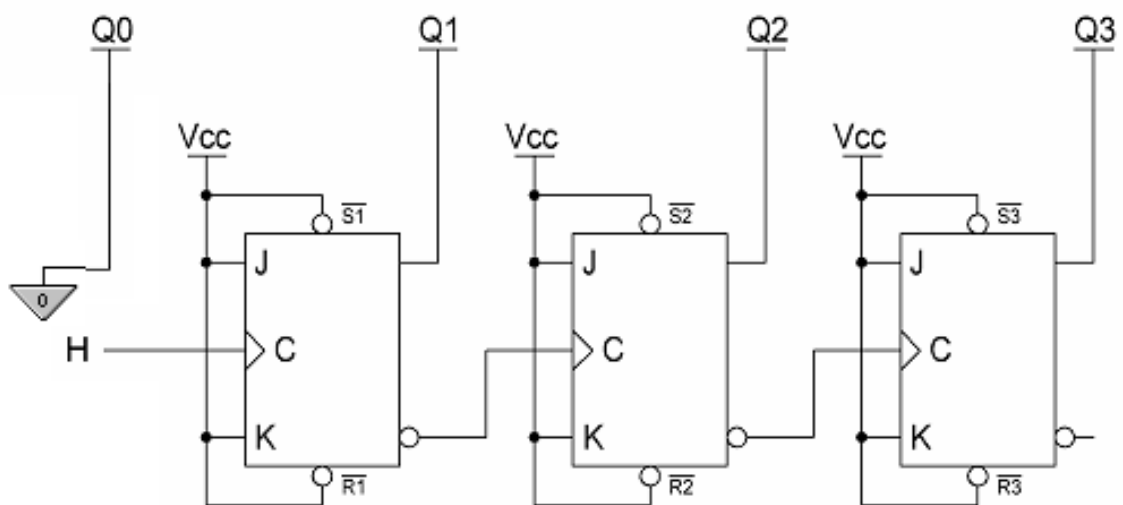
0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 0, 2....

La table des états

N°	Q3	Q2	Q1	Q0
0	0	0	0	0
2	0	0	1	0
4	0	1	0	0
6	0	1	1	0
8	1	0	0	0
10	1	0	1	0
12	1	1	0	0
14	1	1	1	0
0	0	0	0	0

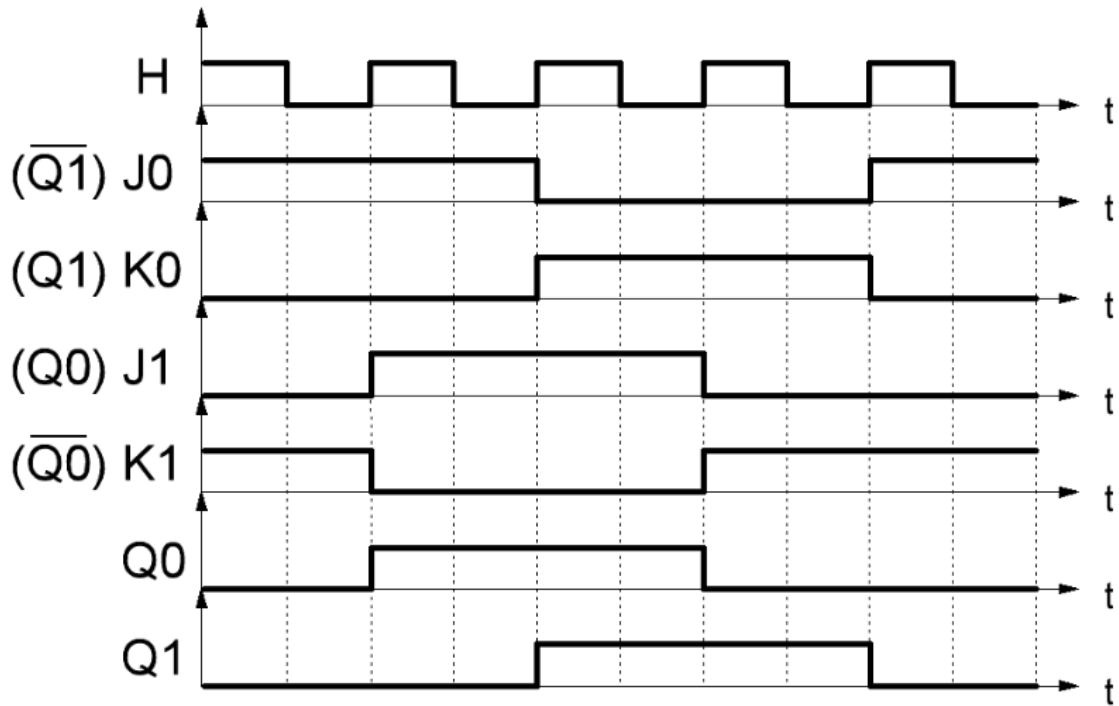
On constate que la sortie Q_0 est toujours à 0, donc on peut brancher la sortie Q_0 à 0 et construire un compteur modulo 8.

نلاحظ أنّ المخرج Q_0 معدوم دائماً، لذا نربطه بالصفّر، لبناء عدّاد بترديد 8.



2 Le chronogramme :

المخطط الزمني



8.3.2 Solution du sujet n°2

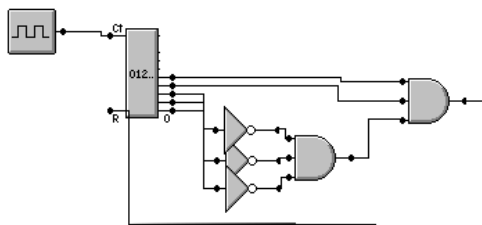
1 Soit le circuit compteur suivant sur 5 bits modulo 32.

لتكن العداد الموالي على 5 بتات بترديد 32

- Pour compter de 0 à 23 il faut remettre le Reset à 1 lorsque la valeur 24 apparait ,

لنعدّ من 0 إلى 23، علينا أن نصفّر العداد عندما يظهر العدد 24

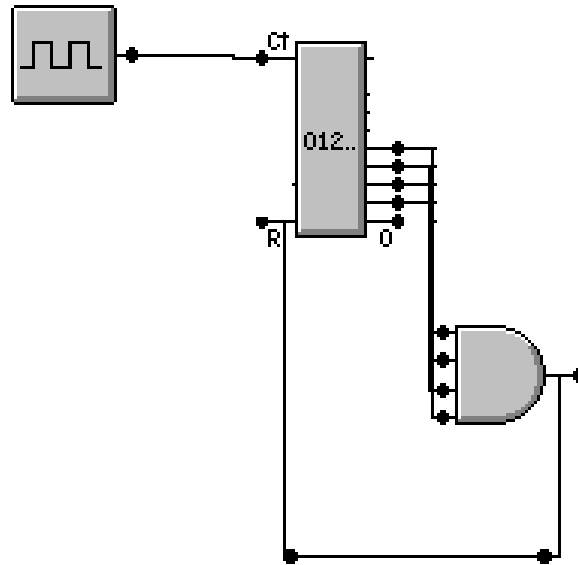
$$24 = (11000)_2 \rightarrow R = S_4 \cdot S_3 \cdot \overline{S_2} \cdot \overline{S_1} \cdot \overline{S_0}$$



Pour déclencher une alarme chaque 30 seconds, il faut compter de 0 à 29, donc on doit réinitialiser le compteur à la valeur 30.

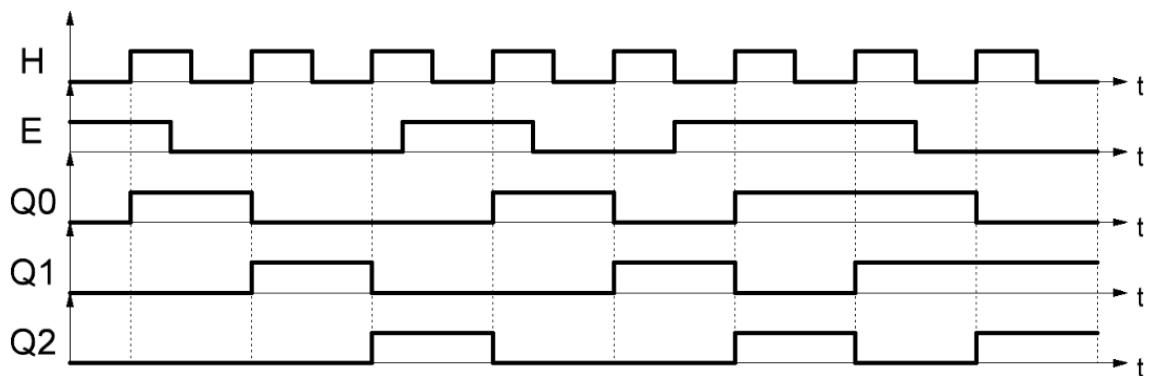
لإطلاق تنبيه كل 30 ثانية، أي سنعد من 0 إلى 29، ثم نصفّر العداد عند القيمة 30.

$$30 = 11110_2 \rightarrow R = S_4 \cdot S_3 \cdot S_2 \cdot S_1 \cdot \overline{S_0}$$



2 Le chronogramme :

المخطط الزمني



A chaque front montant de l'horloge d'une bascule D, sa sortie Q recopie son entrée D .

Chaque sortie est donc recopiée sur la suivante : il s'agit d'un registre à décalage sur 3 bits. Le nouveau bit entrant dans Q_0 est E .

عند كل جبهة صاعدة للساعة في القلاب D ، يأخذ ناتجها Q قيمة المدخل D .
كل مخرج يأخذ قيمة ما قبله، لذا فإنه سجل إزاحة 3 بتات. البت الجديد الذي يدخل Q_0 هو E .

8.3.3 Solution du sujet n°3

1 On veut réaliser un compteur des heures modulo 24.

نريد تصميم عداد للساعات بتردد 24 ساعة

- Combien de bascules JK, on doit utiliser ?

كم يلزمنا من قلابات ج.ك؟

On a besoin de 5 bascule car $24 = (11000)_2$

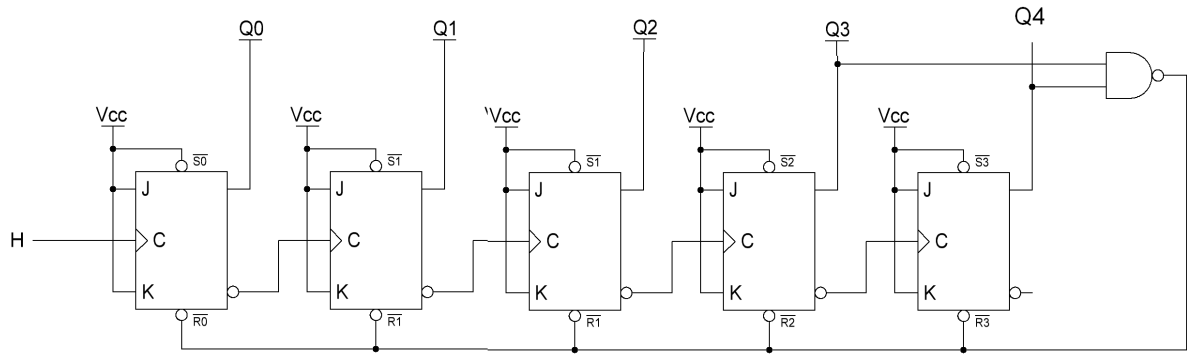
- L'équation de CL pour remettre le compteur à zéro.

أعط معادلة CL لتصفير العداد

$$CL = \overline{Q_4} \cdot \overline{Q_3}$$

- Réaliser un compteur modulo 24

أنجز عداداً بتردد 24



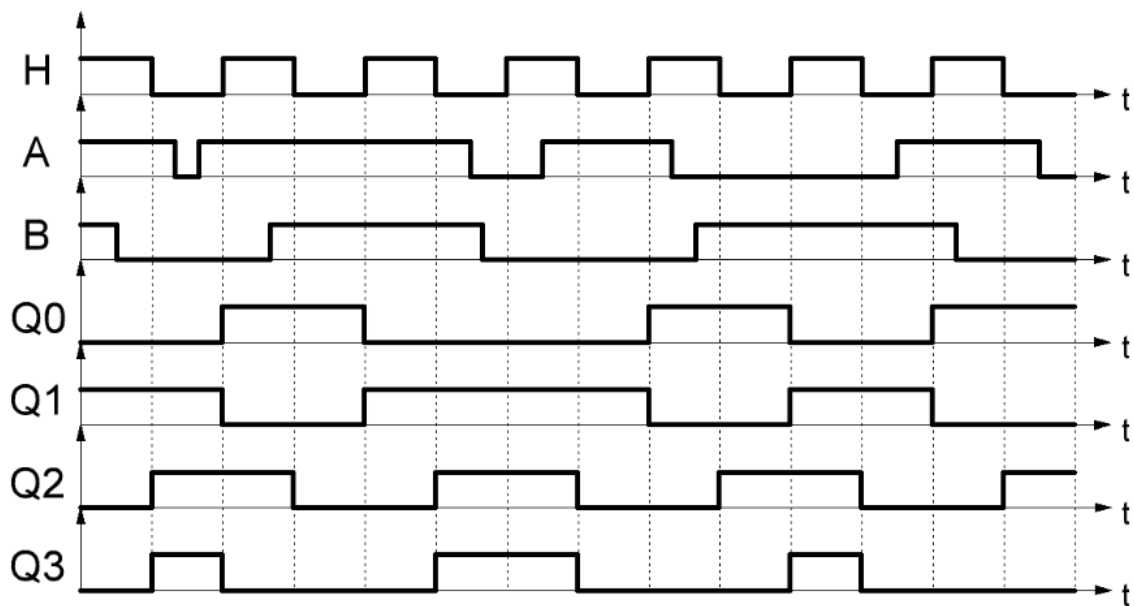
2 Les équations de $D, R, S, Q3$

معادلات

$$\begin{aligned} D &= \overline{Q_2} \\ R &= \overline{Q_0} \\ S &= \overline{Q_0} \\ Q_3 &= Q_1 \downarrow Q_2 \end{aligned}$$

- Le chronogramme :

المخطط الزمني



8.3.4 Solution du sujet n°4

1 Un compteur déformé compte de

عداد مشوّه، يعدّ كما يلي

0, 1, 2, 3, 8, 9, 10, 11, 0, 1, 2

- Donner la table d'états du compteur.

أعط جدول الحالات للعداد

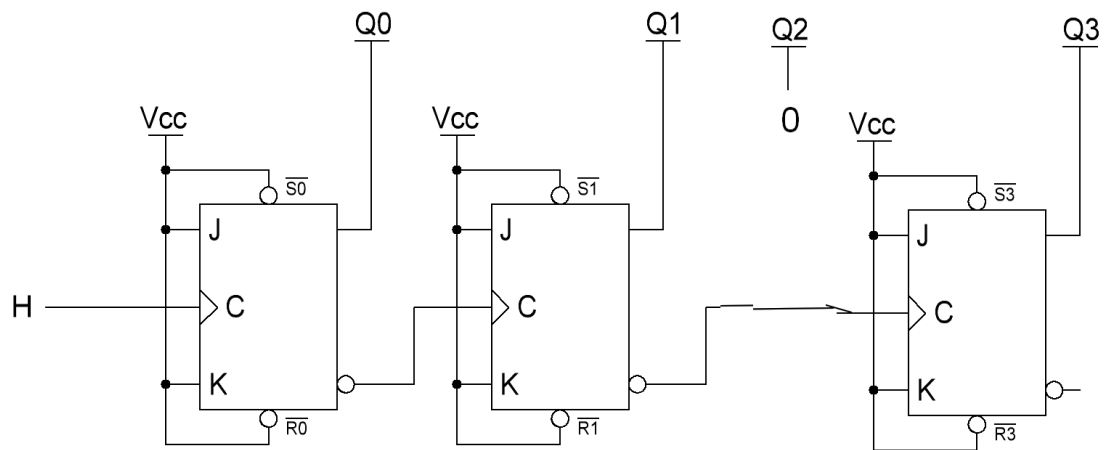
N°	Q_3	Q_2	Q_1	Q_0
0	0	0	0	0
1	0	0	0	1
2	0	0	1	0
3	0	0	1	1
8	1	0	0	0
9	1	0	0	1
10	1	0	1	0
11	1	0	1	1
0	0	0	0	0

On constate que Q_2 est toujours à 0,

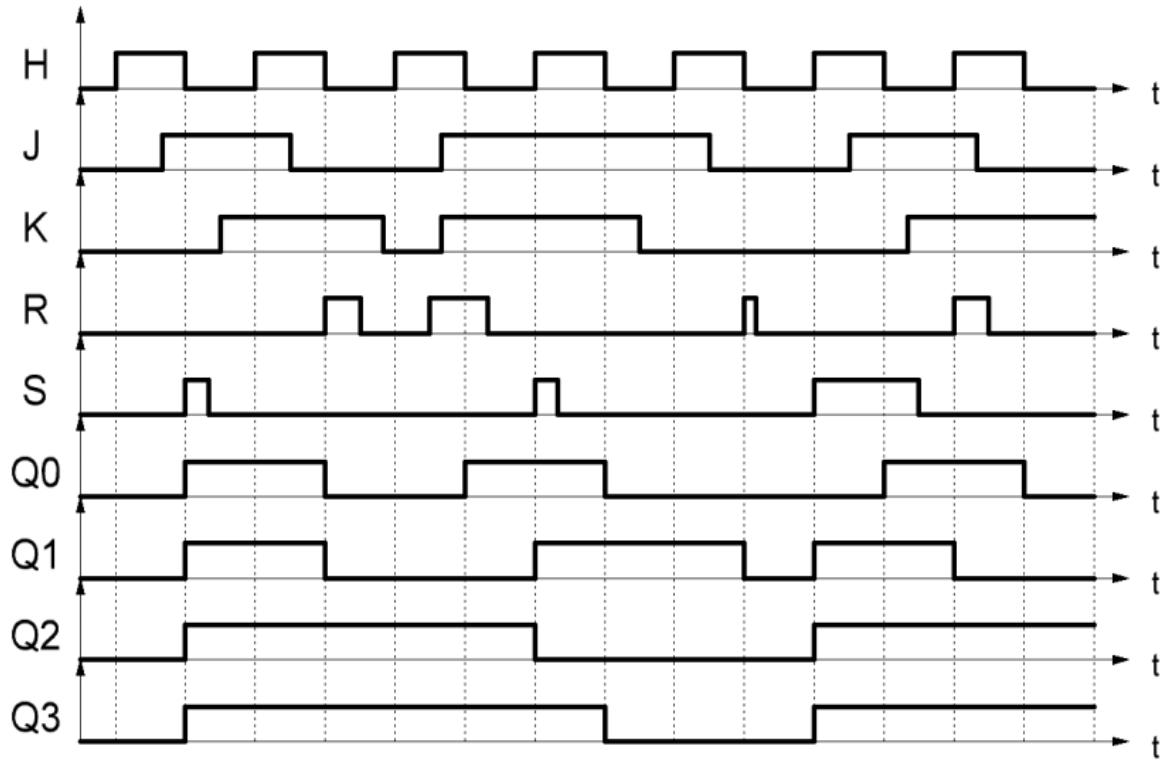
نلاحظ أنّ المخرج Q_2 معدوم دوماً

- Réaliser le schéma à l'aide des bascules JK.

أنجز الدارة بواسطة قلايات ج.ك



2 Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant : أكمل المخطط الزمني حسب التركيب الموالي



8.3.5 Solution du sujet n°5

1 Un compteur déformé compte de

عداد مُشوّه، يعدّ كما يلي

0, 1, 4, 5, 2, 3, 6, 7, 8, 9, 12, 13, 10, 11, 14, 15, 0, 1,

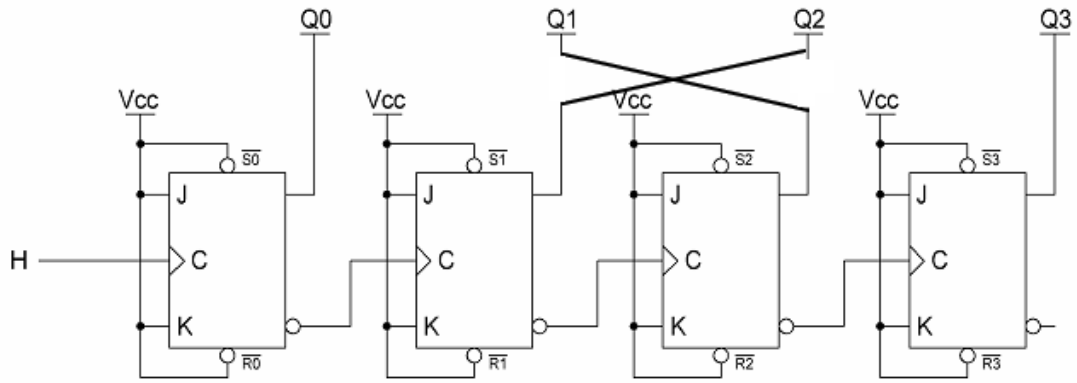
- Donner la table d'états du compteur.

أعط جدول الحالات للعداد

N°	Q_3	Q_2	Q_1	Q_0
0	0	0	0	0
1	0	0	0	1
4	0	1	0	0
5	0	1	0	1
2	0	0	1	0
3	0	0	1	1
6	0	1	1	0
7	0	1	1	1
8	1	0	0	0
9	1	0	0	1
12	1	1	0	0
13	1	1	0	1
10	1	0	1	0
11	1	0	1	1
14	1	1	1	0
15	1	1	1	1
0	0	0	0	0

On constate que Q_2 et Q_1 sont inversés,

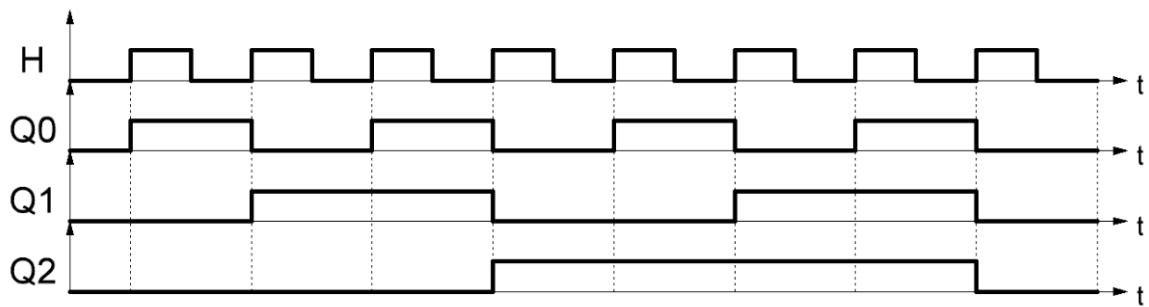
نلاحظ أن المخرجين Q_1 و Q_2 مقلوبان



- Réaliser le schéma à l'aide des bascules JK.

أنجز الدارة بواسطة قلايات ج.ك

2 Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant : أكمل المخطط الزمني حسب التركيب الموالي



- Que fait ce montage ?

ماذا يعمل هذا التركيب

Les bascules D sont câblées en basculement permanent (l'entrée D est reliée à la sortie Q) :

- La sortie Q0 bascule sur chaque front montant de H.
- La sortie Q1 bascule sur chaque front montant de $\overline{Q_0}$ (donc chaque front descendant de Q_0).
- La sortie Q2 bascule sur chaque front montant de $\overline{Q_1}$ (donc chaque front descendant de Q_1).
- On peut reconnaître un compteur modulo 8.

القلايات "د" مربوطة في انقلاب مستمر، لأن المدخل "D" مربوط بالمخرج Q

→ المخرج Q0 تنقلب عند كل جبهة صاعدة للساعة H.

→ المخرج Q1 ينقلب عند كل جبهة صاعدة لـ $\overline{Q_0}$ (أي في الجبهة النازلة للمخرج Q_0).

→ المخرج Q2 ينقلب عند كل جبهة صاعدة لـ $\overline{Q_1}$ (أي في الجبهة النازلة للمخرج Q_1).

→ يمكن التعرف على عدّاد بترديد 8.

8.3.6 Solution du sujet n°6

1 On veut réaliser un jeu de lumière synchronisé, les lampes s'allument une par une.

نريد تصميم لعبة أضواء متزامنة، تضيء المصابيح واحدا واحدا

Réaliser le circuit à l'aide de

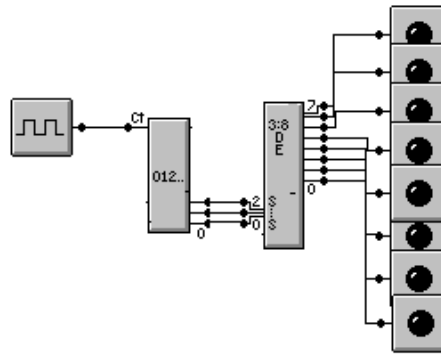
أنجز الدارة بواسطة

- 8 lampes
- Un compteur modulo 8 donné en schéma bloc
- Un décodeur.

8 مصابيح

عداد بترديد 8 معطى بالمخطط المصمت

مفكك ترميز



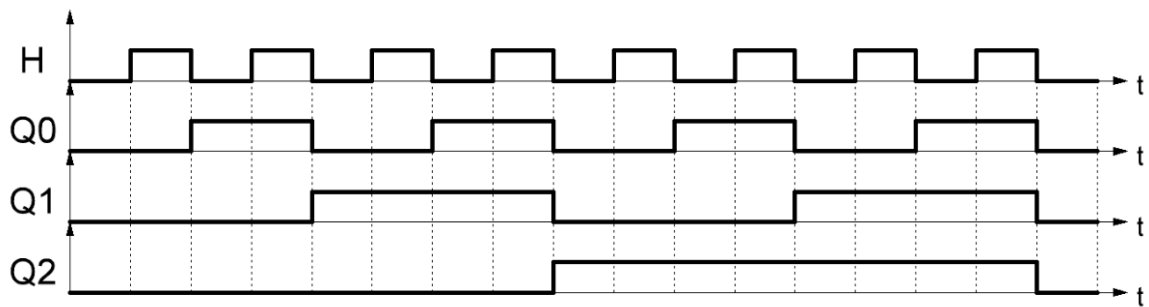
2 Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant : أكمل المخطط الزمني حسب التركيب الموالي

- Que fait ce montage ?

ماذا يعمل هذا التركيب

Compteur modulo 8

عداد بترديد 8



8.3.7 Solution du sujet n°7

Soit la bascule FG, définie par la table de vérité suivante.

لدينا القلاب FG المعرف بجدول الحقيقة

F	G	Q^+
0	0	0
0	1	\overline{Q}
1	0	\overline{Q}
1	1	1

1 Donner la table de vérité complet et réaliser le circuit à l'aide des NAND uniquement.

N°	F	G	Q	Q ⁺
0	0	0	0	0
1	0	0	1	0
2	0	1	0	1
3	0	1	1	0
4	1	0	0	1
5	1	0	1	0
6	1	1	0	1
7	1	1	1	1

Tableau de Karnaugh

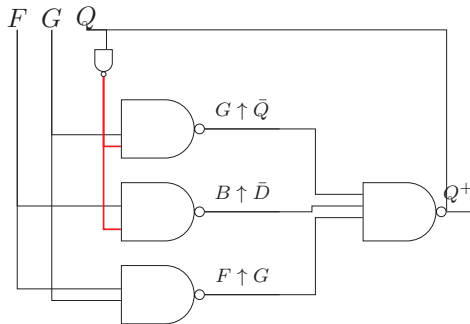
		F			
		00	01	11	10
G	0	0	0	0	1
	1	1	0	1	1

$$F.G + F.\bar{Q} + G.\bar{Q}$$

$$\overline{F.G + F.\bar{Q} + G.\bar{Q}}$$

$$\overline{(F.G).(\overline{F.\bar{Q}}).(\overline{G.\bar{Q}})}$$

$$(F \uparrow G) \uparrow (F \uparrow (D \uparrow Q)) \uparrow (G \uparrow (D \uparrow Q))$$



2 Compléter le chronogramme selon les cas suivants,

et donner la table de vérité pour chaque cas.

- FG est asynchrone
- FG est synchronisée sur le front montant
- FG est synchronisée sur le front descendant

أكمل المخطط الزمني حسب الحالات الآتية

وأعط جدول الحقيقة لكل حالة

القلاب غير متزامن

القلاب متزامن عند الجبهة الصاعدة

القلاب متزامن عند الجبهة النازلة

Table de vérité (Cas Asynchrone)

F	G	Q ⁺
0	0	0
0	1	\bar{Q}
1	0	\bar{Q}
1	1	1

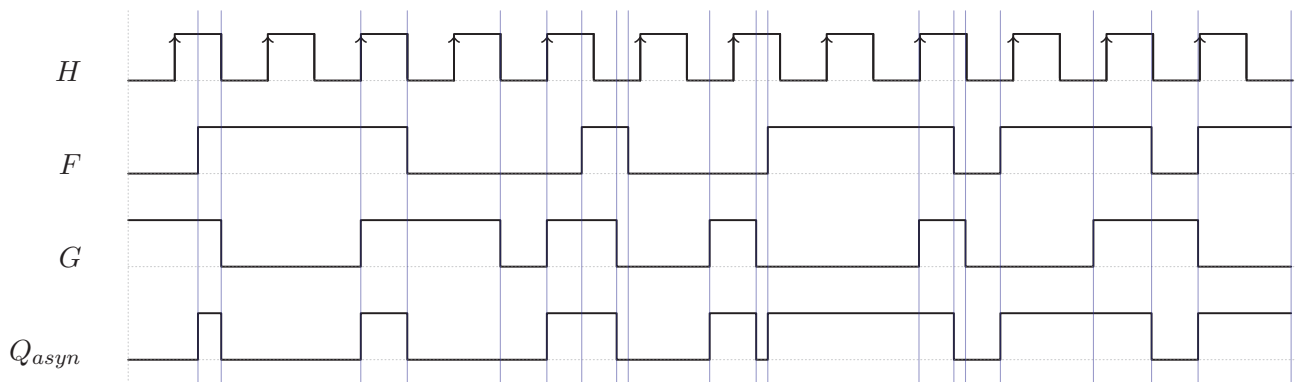


Table de vérité (Cas synchrone sur le front montant)

H	F	G	Q^+
0/1	X	X	Q
	0	0	0
	0	1	\overline{Q}
	1	0	\overline{Q}
	1	1	1

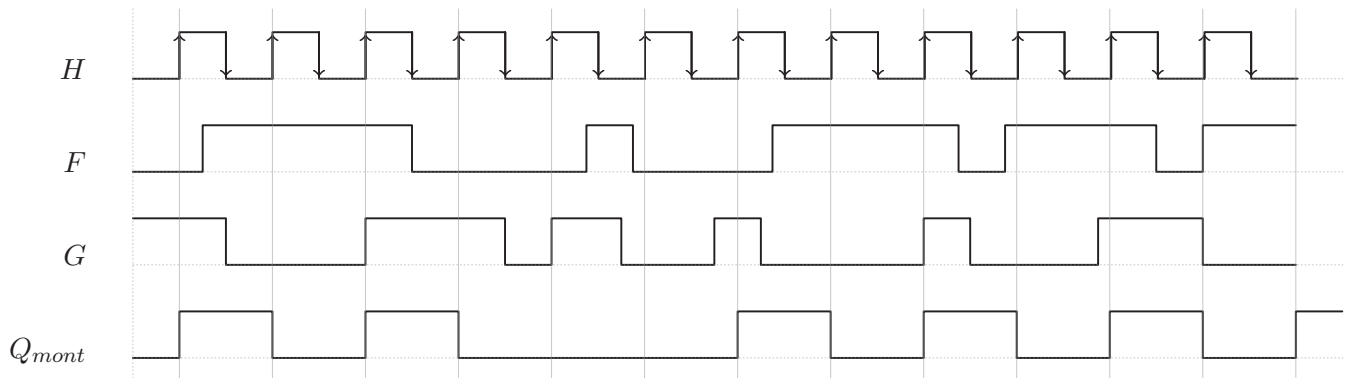
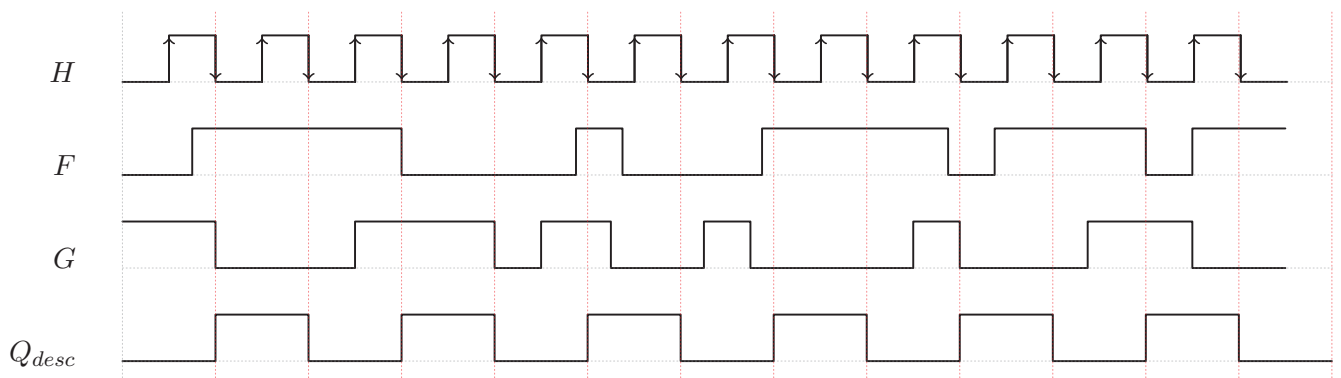
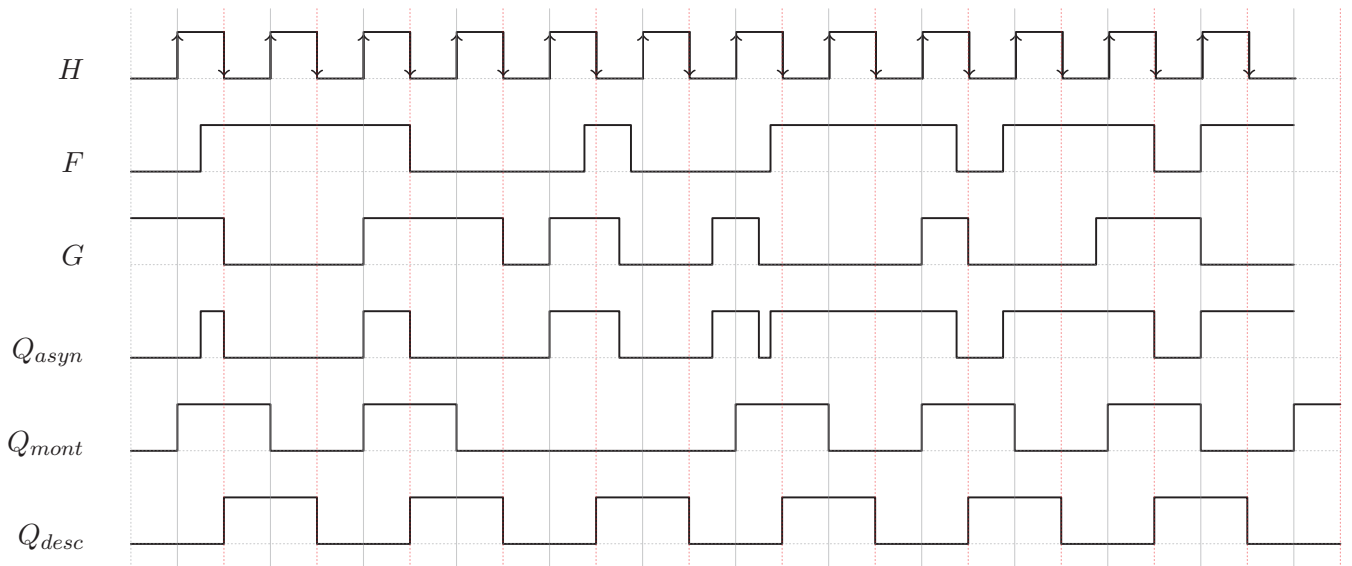


Table de vérité (Cas synchrone sur le front descendant)

H	F	G	Q^+
0/1	X	X	Q
	0	0	0
	0	1	\overline{Q}
	1	0	\overline{Q}
	1	1	1



Globale



8.3.8 Solution du sujet n°8

Soit la bascule UV, définie par la table de vérité suivante.

لدينا القلاب UV المعرف بمجدول الحقيقة

U	V	Q^+
0	0	Q
0	1	0
1	0	1
1	1	Q

- 1 Donner la table de vérité complet et réaliser le circuit à l'aide des NOR uniquement. أعط جدول الحقيقة الكامل للدارة، ثم أنجزها بواسطة NOR فقط

N°	C	D	Q	Q^+
0	0	0	0	0
1	0	0	1	1
2	0	1	0	0
3	0	1	1	0
4	1	0	0	1
5	1	0	1	1
6	1	1	0	0
7	1	1	1	1

Tableau de Karnaugh

		C			
		00	01	11	10
D	0	0	1	0	0
	1	1	1	1	0

On utilise la deuxième forme canonique pour travailler avec les NOR.

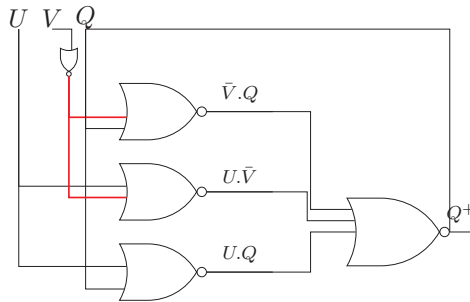
نستعمل الشكل القانوني الثاني لأنه يناسب البوابات NOR.

$$(U + Q).(U + \bar{V}).(\bar{V} + Q)$$

$$\overline{\overline{(U + Q) \cdot (U + \bar{V}) \cdot (\bar{V} + Q)}}$$

$$\overline{\overline{((U + Q) + (U + \bar{V}) + (\bar{V} + Q))}}$$

$$((U \downarrow Q) \downarrow (U \downarrow (V \downarrow V)) \downarrow ((V \downarrow V) \downarrow Q))$$



2 Compléter le chronogramme selon les cas suivants,
et donner la table de vérité pour chaque cas.

أكمل المخطط الزمني حسب الحالات الآتية
وأعط جدول الحقيقة لكل حالة

a. UV est asynchrone

القلاب غير متزامن

b. UV est synchronisée sur le front montant

القلاب متزامن عند الجبهة الصاعدة

c. UV est synchronisée sur le front descendant

القلاب متزامن عند الجبهة النازلة

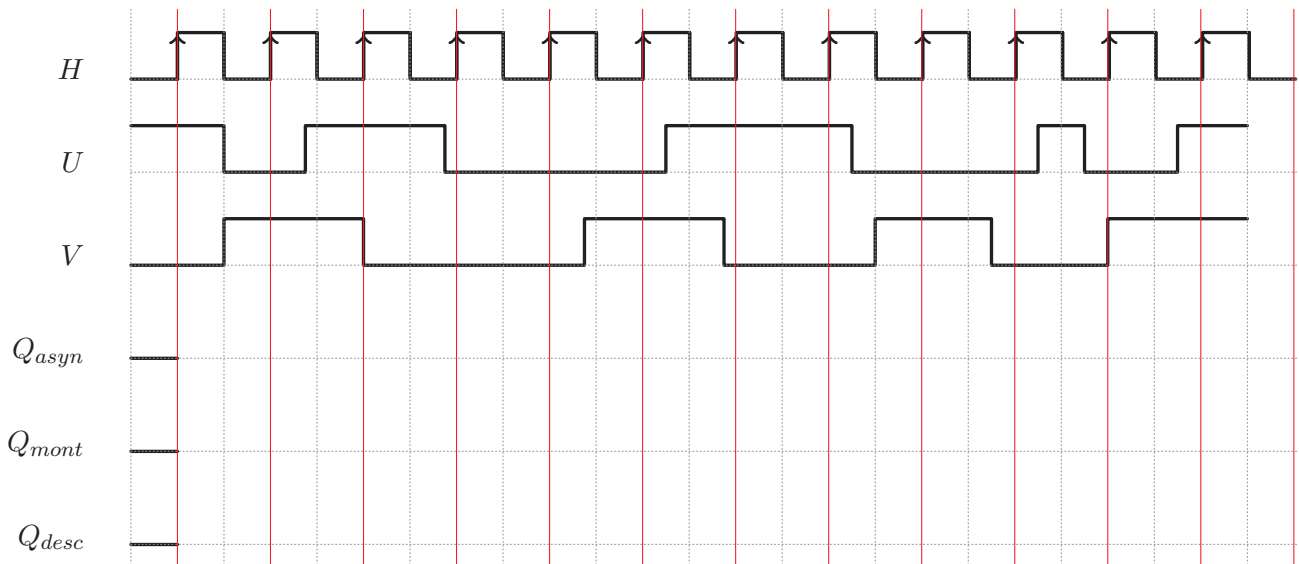


Table de vérité (Cas Asynchrone)

U	V	Q^+
0	0	Q
0	1	0
1	0	1
1	1	Q

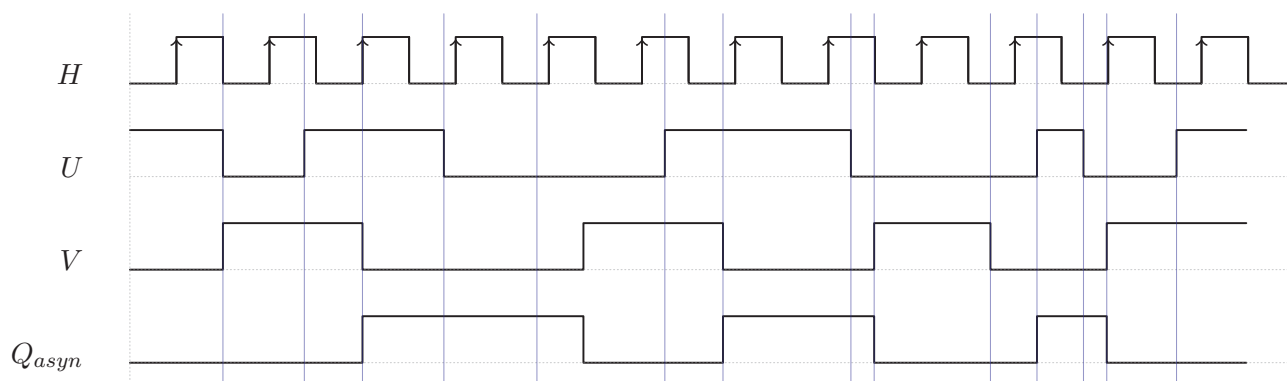


Table de vérité (Cas synchrone sur le front montant)

H	U	V	Q^+
0/1	X	X	Q
	0	0	Q
	0	1	0
	1	0	1
	1	1	Q

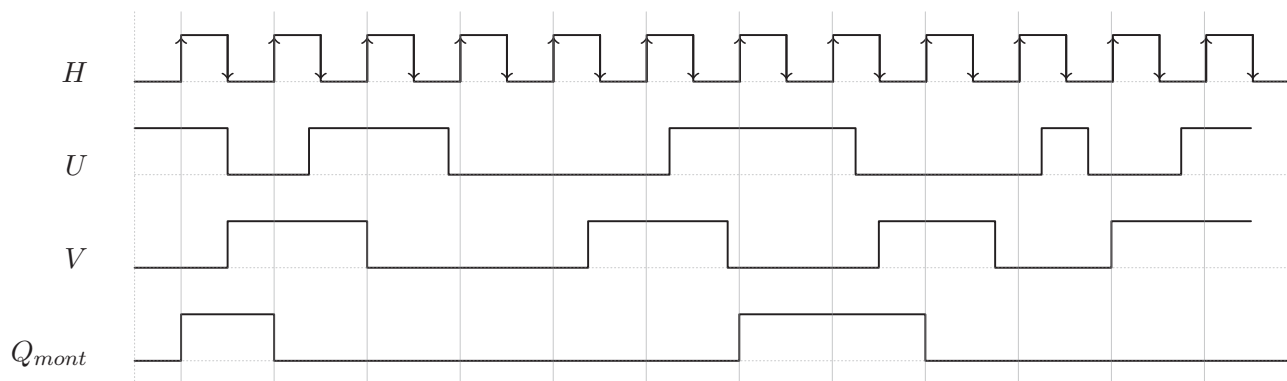
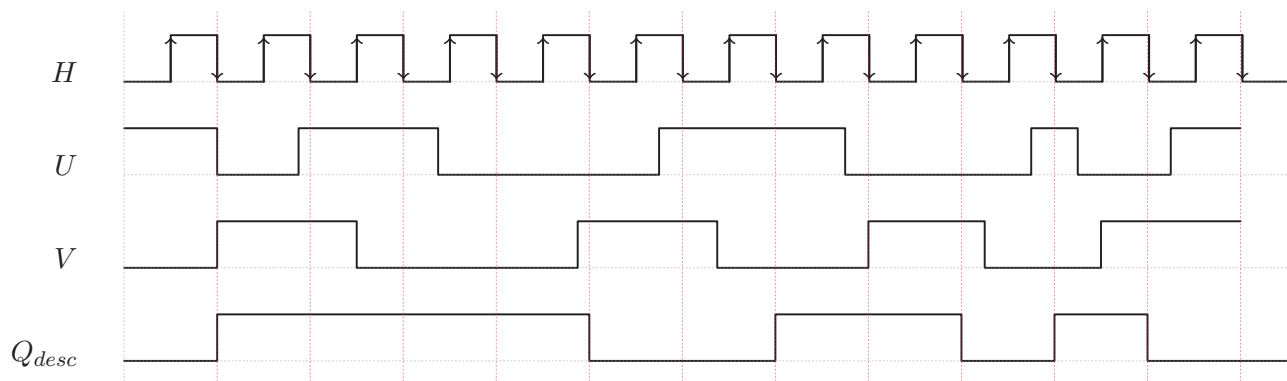
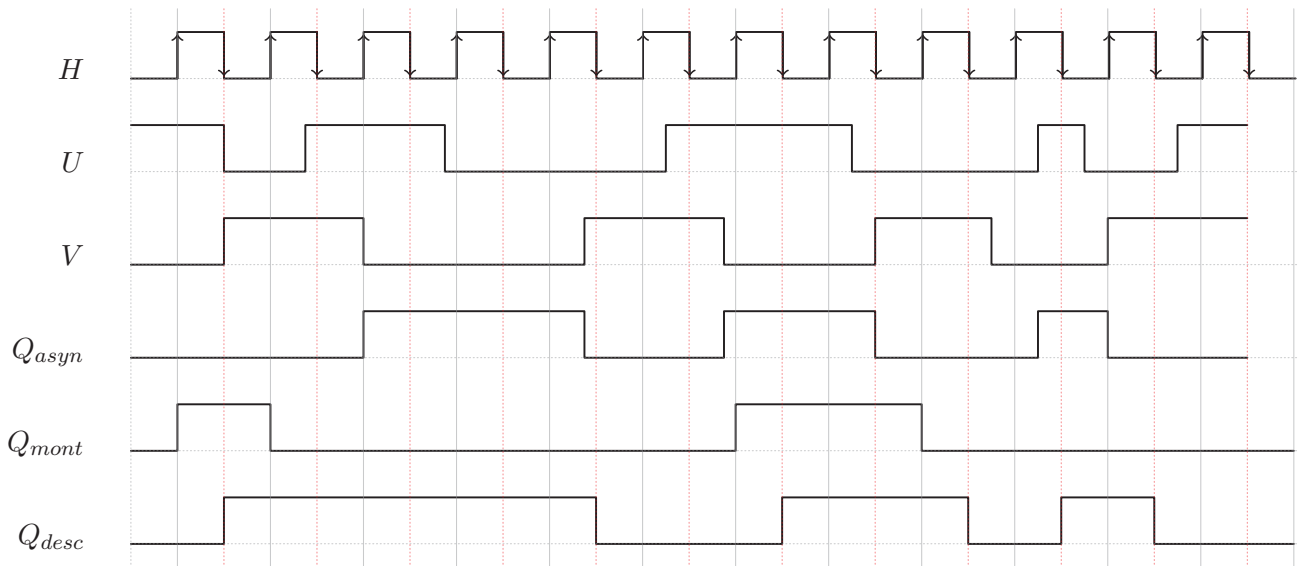


Table de vérité (Cas synchrone sur le front descendant)

H	U	V	Q^+
0/1	X	X	Q
	0	0	Q
	0	1	0
	1	0	1
	1	1	Q



Globale



8.3.9 Solution du sujet n°9

- 1 Citer les applications des bascules اذكر تطبيقات القلايات Les compteurs, les registres, les mémoires

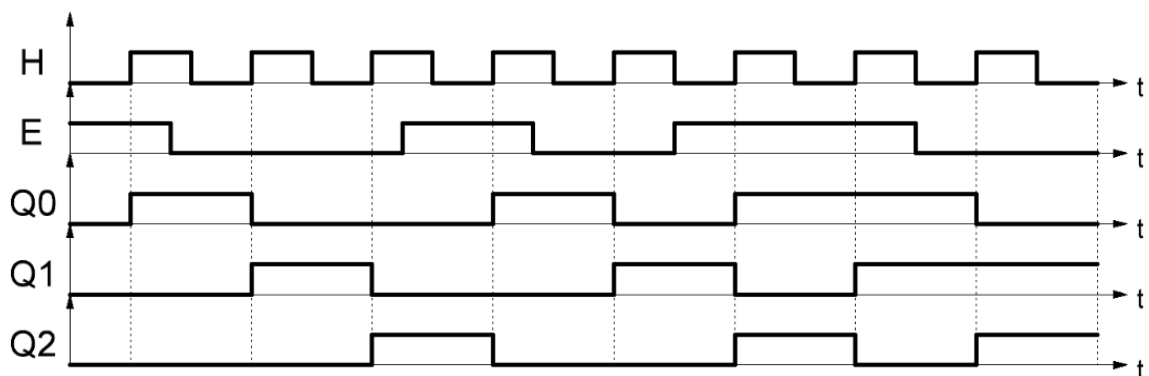
العدادات، والسجلات والذاكرات

- 2 Rappeler la table de vérité de la bascule utilisé dans le montage ذكر بجدول الحقيقة للقلاب المستعمل في التركيب المعطى

Table de vérité جدول الحقيقة

h	D	Q_t
0	X	Q_{t-1}
$\overline{\uparrow}$	0	0
$\overline{\uparrow}$	1	1

- 3 Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant : أكمل المخطط الزمني الآتي حسب التركيب الموضح



- 4 Enregistrer à chaque instant. l'information ($Q_2Q_1Q_0$)

سجل في كل لحظة المعلومة

N°	Q2	Q1	Q0
0	0	0	0
1	0	0	1
2	0	1	0
3	1	0	0
4	0	0	1
5	0	1	0
6	1	0	1
7	0	1	1
8	1	1	0

- 5 Que réalise le montage
Registre à décalage

ماذا يعمل هذا التركيب

سجل إزاحة

8.3.10 Solution du sujet n°10

Soit la bascule CD, définie par la table de vérité suivante.

لدينا القلاب CD المعرف بجدول الحقيقة

C	D	Q^+	
0	0	1	mise à 1
0	1	Q	memoire
1	0	\bar{Q}	basculement
1	1	0	mise à zéro

- 1 Donner la table de vérité complet et réaliser le circuit à l'aide des NOR uniquement. أعط جدول الحقيقة الكامل للدائرة، ثم أنجزها بواسطة NOR فقط

N°	C	D	Q	Q^+
0	0	0	0	1
1	0	0	1	1
2	0	1	0	0
3	0	1	1	1
4	1	0	0	1
5	1	0	1	0
6	1	1	0	0
7	1	1	1	0

Tableau de Karnaugh

		C			
		00	01	11	10
D	0	1	1	1	0
	1	1	0	0	0

On utilise la deuxième forme canonique pour travailler avec les NOR.

نستعمل الشكل القانوني الثاني لأنه يناسب البوابات NOR.

$$Q^+ = (\bar{C} + \bar{Q})(\bar{D} + Q)$$

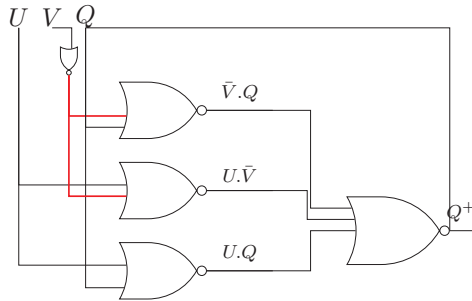
$$Q^+ = \overline{(\bar{C} + \bar{Q})(\bar{D} + Q)}$$

$$Q^+ = \overline{(\bar{C} + \bar{Q}) + (\bar{D} + Q)}$$

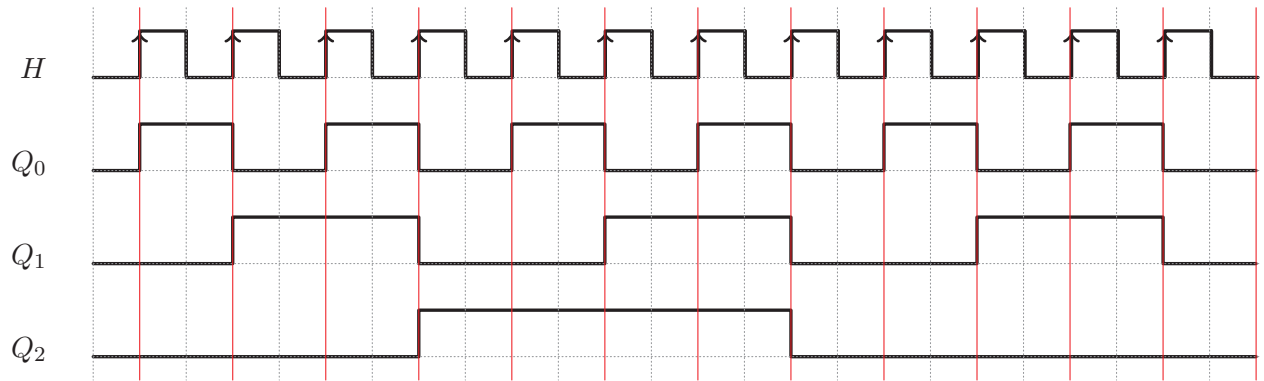
$$Q^+ = \overline{(\bar{C} + \bar{Q})} \downarrow \overline{(\bar{D} + Q)}$$

$$Q^+ = (\bar{C} \downarrow \bar{Q}) \downarrow (\bar{D} \downarrow Q)$$

$$Q^+ = \overline{((C \downarrow C) \downarrow ((D \downarrow D) \downarrow Q))}$$



- 2 Remplissez le chronogramme en fonction du montage suivant : أكمل المخطط الزمني الآتي حسب التركيب الموضح



- 3 Enregistrer à chaque instant. l'information $(Q_2Q_1Q_0)$

سجل في كل لحظة المعلومة

N°	Q2	Q1	Q0
0	0	0	0
1	0	0	1
2	0	1	0
3	0	1	1
4	1	0	0
5	1	0	1
6	1	1	0
7	1	1	1
0	0	0	0
1	0	0	1
2	0	1	0
3	0	1	1
4	1	0	0

- 4 Que réalise le montage

ماذا يعمل هذا التركيب

Compteur modulo 8, compte de 0 à 7

عداد تصاعدي بترديد 8، يعدّ من 0 إلى 7.

Chapitre 9

Examens

امتحانات

9.1 Examens

9.1.1 Sujet n°1

01 Exercice n°1 [5pts :2, 1, 1, 1]

- 1 Simplifier l'expression suivante par les propriétés algébriques بسط بالخواص الجبرية
- $$S = a.c.d + \bar{a}.b + \bar{a}.\bar{d} + \bar{b}.\bar{d} + \bar{b}.d + a.c.d + \bar{a}.b.c.\bar{d} + \bar{a}.b.\bar{c} + a.b.c.\bar{d} + \bar{a}.\bar{c} + \bar{b}.\bar{c} + \bar{c}.\bar{d} + a.b.c.d + a.\bar{b}.\bar{d} + \bar{a}.b.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.d$$

- 2 Coder les nombres suivants en BCD, ensuite faire l'addition correcte.

رمز العددين في BCD ثم اجمعها جمعاً صحيحاً
1099 et 2019

- 3 Déterminer les deux nombres successeurs de x en code gray أعط العددين المواليين للعدد x في ترميز غراي
- $$x = (1011\ 1000\ 1101)_{gray}$$

- 4 Si le code de 'z' en code ASCII est $(7a)_{16}$, et le code de l'espace est $(20)_{16}$, décoder le message suivant :

إذا كان ترميز $'z' = (7a)_{16}$ والفراغ هو $(20)_{16}$. فكك ترميز الرسالة

68 61 76 65 20 66 75 6E

02 Exercice n°2 (7pts[1,2,1,2,1]) Une usine fabrique des produits, les produits doivent passer un test de conformité aux critères de poids, taille, couleur, et odeur. Si le produit est sans défaut de fabrication, il est classé en « premier choix ».

- Si le produit a un seul défaut, il est classé en « deuxième choix ».
- Si le produit a deux défauts, il est classé en « troisième choix ».
- Si le produit a plus de deux défauts, il est rejeté.

ينتج مصنع منتجات ، يجب أن تجتاز المنتجات اختبار المطابقة لمعايير الوزن والحجم واللون والرائحة المطابقة لمعايير الوزن والحجم واللون والرائحة

- إذا كان المنتج خالياً من عيوب التصنيع ، فإنه يصنف على أنه من "الطراز الأول".
- إذا كان في المنتج عيب واحد ، يصنف على أنه "طراز ثان".
- إذا كان المنتج به عيبان ، فإنه يصنف على أنه "طراز ثالث".
- إذا كان المنتج به أكثر من عيبين ، فيتم رفضه.

Réaliser le circuit logique qui permet de trier les produits selon la qualité et les défauts de fabrication. أنجز الدارة المنطقية التي تفرز المنتجات حسب الجودة وعيوب التصنيع. وعيوب التصنيع.

- Les entrées/sorties مداخل ومخارج
- Table de vérité جدول الحقيقة
- Formes canoniques numériques الأشكال القانونية الرقمية
- Simplification التبسيط
- logigrammes الخطط

03

Exercice n°3 [3pts]

Refaire le circuit de l'exercice 2 à l'aide des multiplexeurs uniquement.

أعد الدارة من التمرين 2 باستخدام مجمعات فقط.

04

Exercice n°4 : [5 pts (1, 2, 1, 1)]

Soit la bascule JK.

لدينا القلاب ج.ك

- 1 Rappel les tables de vérités des deux bascules JK

ذكر بجدول حقيقة للقلاب

- 2 Compléter le chronogramme selon les cas suivants

أكمل المخطط الزمني حسب الحالات الآتية

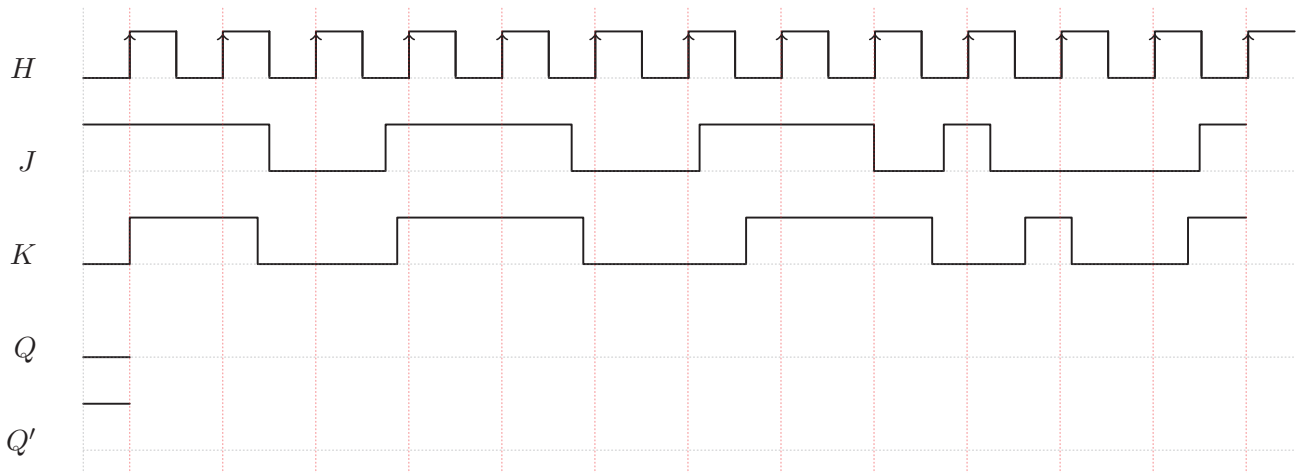
- a. JK est synchronisée sur le front montant

القلاب متزامن عند الجبهة الصاعدة

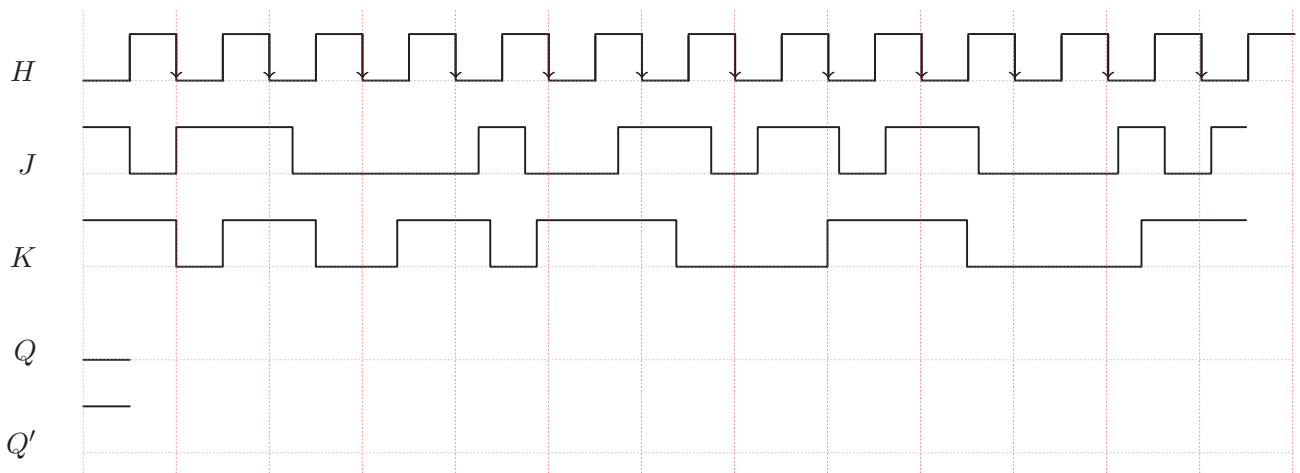
- b. JK est synchronisée sur le front descendant

القلاب متزامن عند الجبهة النازلة

Sur le front montant



sur le front descendant



9.1.2 Sujet n°2

05

Exercice n°1 (4pts : [2, 1, 1])

- 1 Démontrer l'équation suivante par les propriétés algébriques برهن ما يلي بالخواص الجبرية

$$A + \bar{A}B + \bar{A}\bar{B}C + \bar{A}\bar{B}\bar{C}D + \bar{A}\bar{B}\bar{C}\bar{D}E = A + B + C + D + E$$

- 2 Faire la soustraction en BCD, 1453 et 671 BCD اشرح ما يلي في العشري المرمز بالثنائي
expliquer comment corriger le résultat. ثم اشرح كيف تصحح النتيجة

- 3 Déterminer les deux nombres précédents de x en code gray أعط العددين السابقين للعدد x في ترميز جراي
 $x = (1011\ 1001\ 1111\ 1011)_{\text{gray}}$

06

Exercice n°2 (9pts : [1, 2, 1, 2, 2, 1]) On veut réaliser un circuit qui permet de donner le plus grand diviseur d'un nombre binaire de 4 bits (à part lui même).

نريد تصميم دائرة تعطي القاسم الأكبر لعدد ثنائي مكون من 4 بتات (عدا نفسه).

Réaliser le circuit.

- 1 Les entrées/sorties مداخل ومخارج
2 Table de vérité جدول الحقيقة
3 Formes canoniques numériques الأشكال القانونية الرقمية
4 Simplification par tableau de Karnaugh التبسيط بجدول كارنوف
5 Exprimer les sorties simplifiées en utilisant uniquement des NAND عبر عن المخارج المبسطة بنفي الوصل فقط NAND
6 Tracer le logigramme par les NAND uniquement ارسم المخطط ببوابات NAND فقط

07

Exercice n°3 (3pts)

Refaire le circuit de l'exercice 2 à l'aide d'un décodeur et un minimum de portes logiques.

أعد رسم دائرة التمرين 2 باستخدام مفكك واحد وأقل ما يمكن من البوابات المنطقية.

08

Exercice n°4 : (4 pts : [2, 1, 1])

Soit la bascule XY, définie par la table de vérité suivante.

لدينا القلاب XY المعروف بجدول الحقيقة

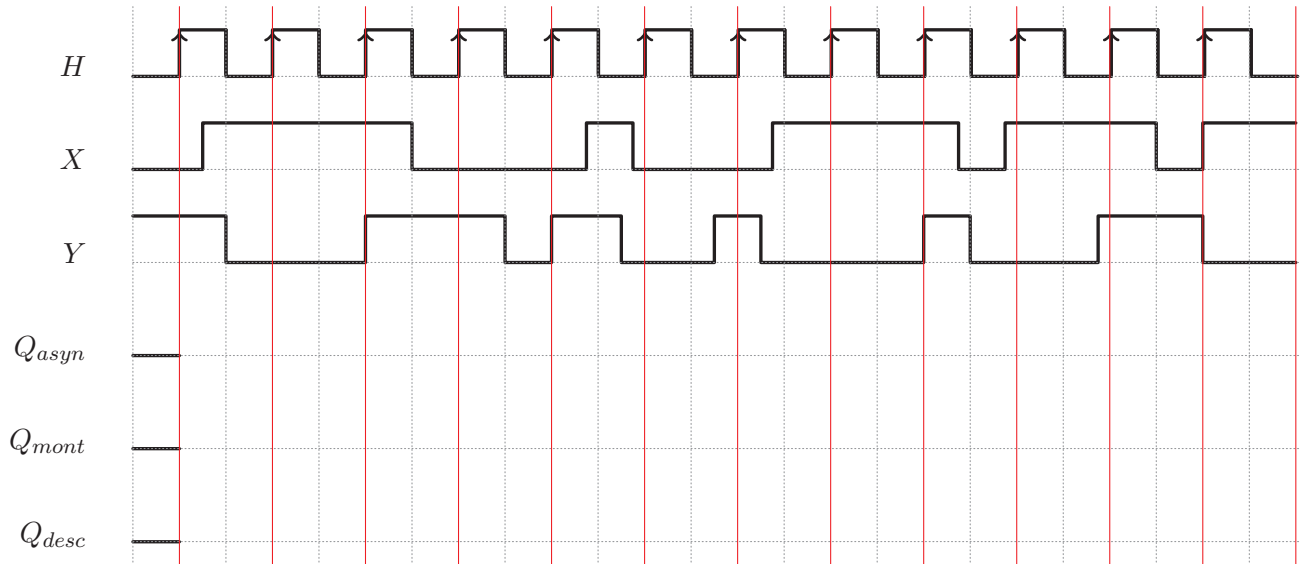
X	Y	Q^+
0	0	0
0	1	\bar{Q}
1	0	\bar{Q}
1	1	1

- 1 Compléter le chronogramme selon les cas suivants, أكمل المخطط الزمني حسب الحالات الآتية
table de vérité pour chaque cas. وأعط جدول الحقيقة لكل حالة
- a. XY est asynchrone القلاب غير متزامن
b. XY est synchronisée sur le front montant القلاب متزامن عند الجبهة الصاعدة
c. XY est synchronisée sur le front descendant القلاب متزامن عند الجبهة النازلة

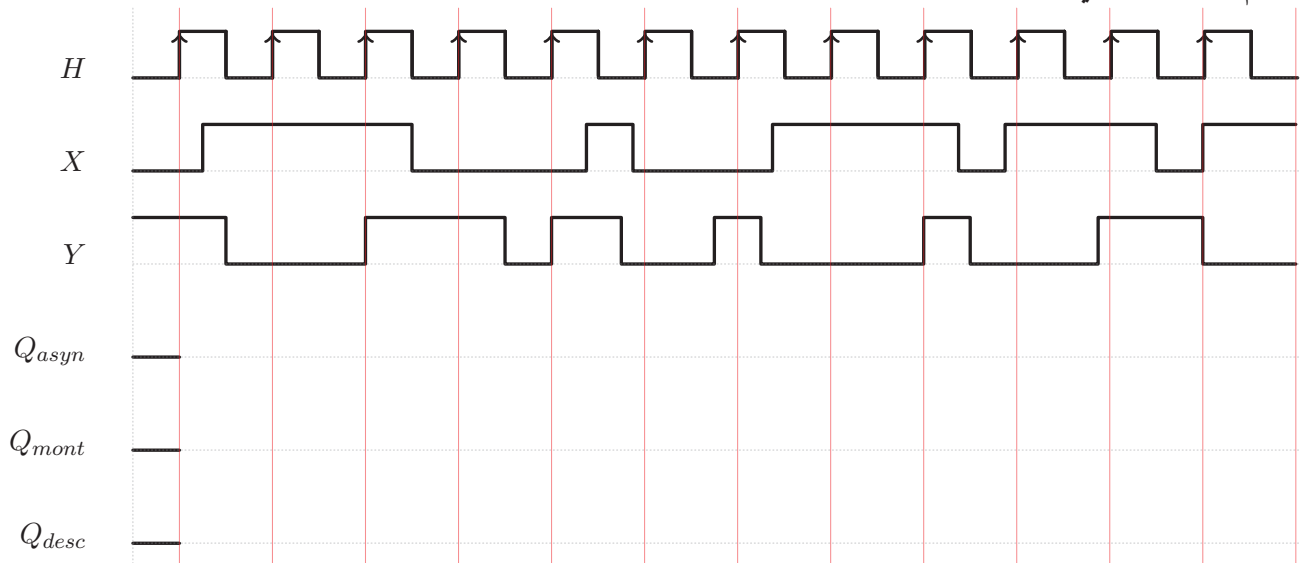
Nom & prénom :

Groupe :

ملاحظة : ترسم كل الحالات في مخطط واحد، على هذه الورقة، مع كتابة الاسم،
يمكن استخدام قلم الرصاص،
الرسم الثاني، احتياطي للاستعمال عند الضرورة
تُسَلَّم الورقة الثانية مع ورقة الإجابة



الرسم الثاني، احتياطي للاستعمال عند الضرورة



Chapitre 10

Solutions des Examen

حلول الامتحانات

10.1 Corrigées des examens

حلول امتحانات

10.1.1 Solution du sujet n°1

01 Exercice n°1 [5pts :2, 1, 1, 1]

- 1 Simplifier l'expression suivante par les propriétés algébriques بسط بالخواص الجبرية

$$S = a.c.d + \bar{a}.b + \bar{a}.\bar{d} + \bar{b}.\bar{d} + \bar{b}.d + a.c.d + \bar{a}.b.c.\bar{d} + \bar{a}.b.\bar{c} + a.b.c.\bar{d} + \bar{a}.\bar{c} + \bar{b}.\bar{c} + \bar{c}.\bar{d} + a.b.c.d + a.\bar{b}.\bar{d} + \bar{a}.b.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.d$$

Réponse

$$= \bar{b} + \bar{d} + a.c + \bar{a}.\bar{c}$$

- 2 Coder les nombres suivants en BCD, ensuite faire l'addition correcte. رمز العددين في BCD ثم اجمعها
جمعا صحيحا

1099 et 2019

Réponse :

$$1099 = (0001\ 0000\ 1001\ 1001)_{BCD}$$

$$2019 = (0010\ 0000\ 0001\ 1001)_{BCD}$$

$$= (0011\ 0000\ 1011\ 0010)_{BCD}$$

$$= (\quad + 0110\ 0110)_{BCD}$$

$$= (0011\ 0001\ 0001\ 1000)_{BCD}$$

- 3 Déterminer les deux nombres successeurs de x en code gray أعط العددين المواليين للعدد x في ترميز غراي

$$x = (1011\ 1000\ 1101)_{gray} \quad \textbf{Réponse :}$$

Le nombre de '1' est impaire, on inverse le bit à gauche du '1' le plus à droite.

$$x + 1 = (1011\ 1000\ 1111)_{gray}$$

Le nombre de bit est pair, donc on inverse le dernier chiffre

$$x + 2 = (1011\ 1000\ 1110)_{gray}$$

- 4 Si le code de 'z' en code ASCII est $(7a)_{16}$, et le code de l'espace est $(20)_{16}$, décoder le message suivant : إذا كان ترميز 'z' = $(7a)_{16}$ والفراغ هو $(20)_{16}$. فكك ترميز الرسالة :

Réponse : 'have fun' 68 61 76 65 20 66 75 6E

02 Exercice n°2

- 1 Définition des entrées et des sorties تعريف المداخل والمخارج

- Les entrées المداخل :

- le Poids A : 'a un défaut ' noté 1 'pas de défaut ' noté 0
- la Taille B : 'a un défaut ' noté 1 'pas de défaut ' noté 0
- la couleur C : 'a un défaut ' noté 1 'pas de défaut ' noté 0
- l'odeur D : 'a un défaut ' noté 1 'pas de défaut ' noté 0

- Les sorties المخارج

- Premier choix C1: 'oui' noté 1 'non' noté 0
- Deuxième choix C2: 'oui' noté 1 'non' noté 0

→ Troisième Choix C3: 'oui' noté 1 'non' noté 0

→ Rejeté R : 'oui' noté 1 'non' noté 0

2 Table de vérité جدول الحقيقة

N°	A	B	C	D	C1	C2	C3	R
0	0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	0	1	0	1	0	0
2	0	0	1	0	0	1	0	0
3	0	0	1	1	0	0	1	0
4	0	1	0	0	0	1	0	0
5	0	1	0	1	0	0	1	0
6	0	1	1	0	0	0	1	0
7	0	1	1	1	0	0	0	1
8	1	0	0	0	0	1	0	0
9	1	0	0	1	0	0	1	0
10	1	0	1	0	0	0	1	0
11	1	0	1	1	0	0	0	1
12	1	1	0	0	0	0	0	0
13	1	1	0	1	0	0	0	1
14	1	1	1	0	0	0	0	1
15	1	1	1	1	0	0	0	1

3 Les formes canoniques الأشكال القانونية

$$C1(A, B, C, D) = \sum[0]$$

$$C1(A, B, C, D) = \prod[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15]$$

$$C2(A, B, C, D) = \sum[1, 2, 4, 8]$$

$$C2(A, B, C, D) = \prod[0, 3, 5, 6, 7, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15]$$

$$C3(A, B, C, D) = \sum[3, 5, 6, 9, 10, 12]$$

$$C3(A, B, C, D) = \prod[0, 1, 2, 4, 7, 8, 11, 13, 14, 15]$$

$$R(A, B, C, D) = \sum[7, 11, 13, 14, 15]$$

$$R(A, B, C, D) = \prod[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10, 12]$$

4 Tableaux de Karnough مخطط كارنوف

- **مخطط كارنوف** Tableau de Karnaugh de la fonction C2 **مخطط كارنوف** Tableau de Karnaugh de la fonction C1 **الدالة**

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1	0	0	0
	01	0	0	0	0
	11	0	0	0	0
	10	0	0	0	0

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	0	1	0	1
	01	1	0	0	0
	11	0	0	0	0
	10	1	0	0	0

La forme simplifiée **الشكل المبسط**

$$C1 = \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d}$$

- **مخطط كارنوف** Tableau de Karnaugh de la fonction C3 **الدالة**

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	0	0	1	0
	01	0	1	0	1
	11	1	0	0	0
	10	0	1	0	1

La forme simplifiée **الشكل المبسط**

$$C2 = a.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.b.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.c.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.d$$

- **مخطط كارنوف** Tableau de Karnaugh de la fonction R **الدالة**

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	0	0	0	0
	01	0	0	1	0
	11	0	1	1	1
	10	0	0	1	0

La forme simplifiée **الشكل المبسط**

$$C3 = a.b.\bar{c}.\bar{d} + a.\bar{b}.c.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.d + \bar{a}.b.c.\bar{d} + \bar{a}.b.\bar{c}.d + \bar{a}.\bar{b}.c.d$$

La forme simplifiée **الشكل المبسط**

$$R = a.b.c + a.b.d + a.c.d + b.c.d$$

- **المخططات المنطقية** Logigrammes

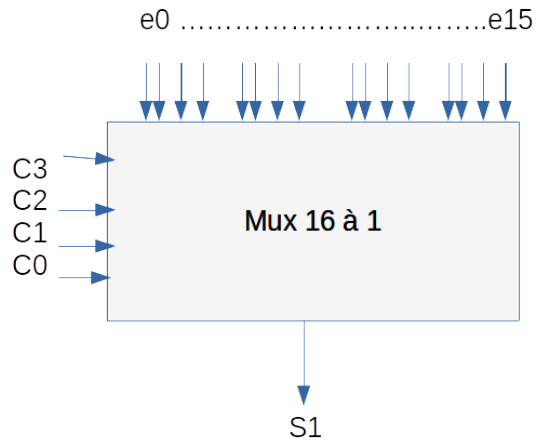


Table de vérité d'un multiplexeur 16 à 1

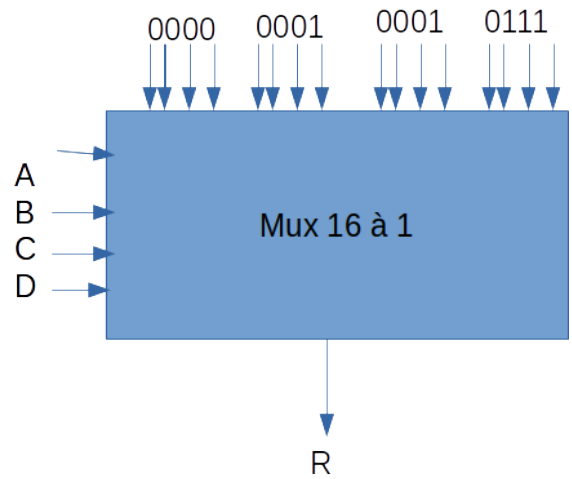
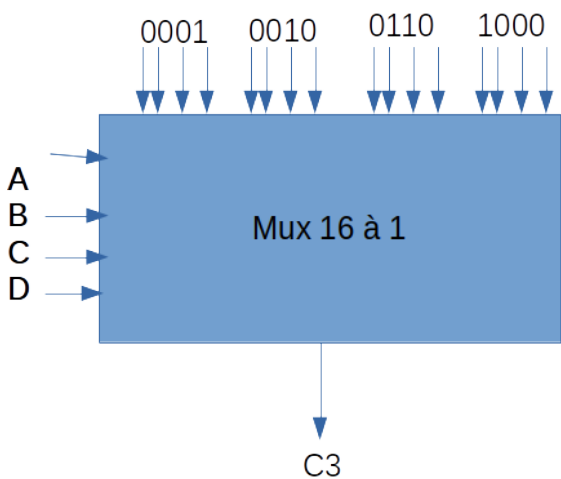
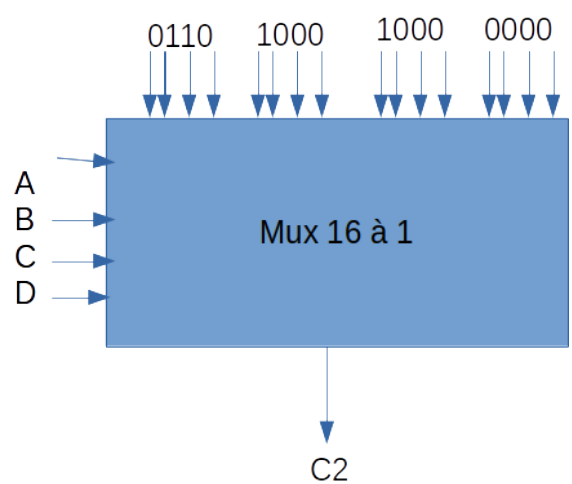
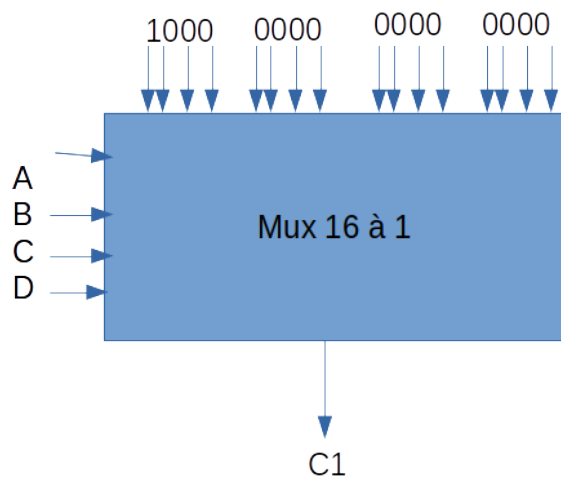
جدول حقيقة لمجمع 16 إلى 1

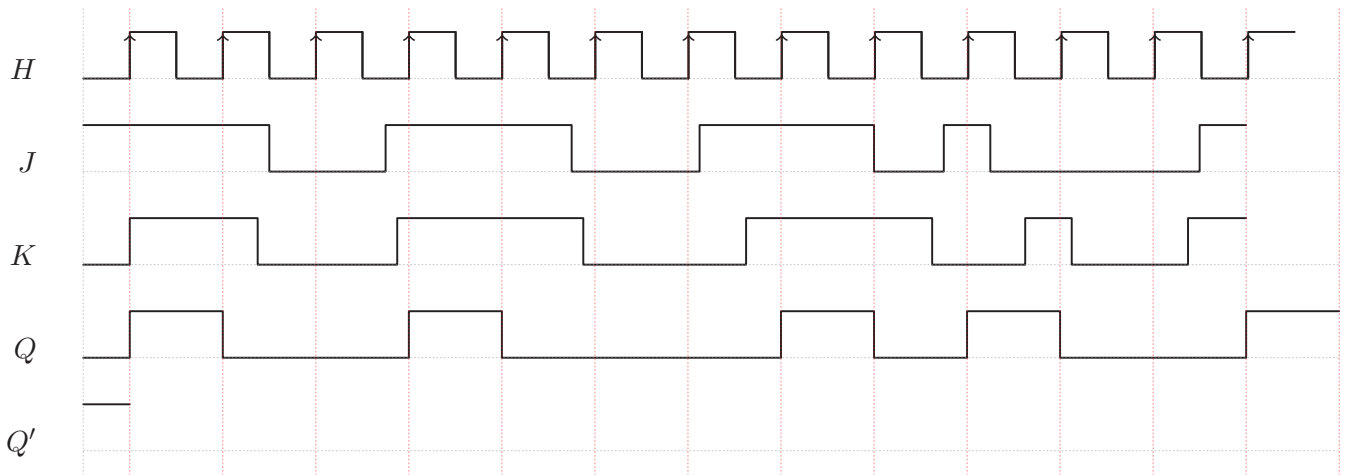
N°	C_3	C_2	C_1	C_0	S_{mux}
0	0	0	0	0	e0
1	0	0	0	1	e1
2	0	0	1	0	e2
3	0	0	1	1	e3
4	0	1	0	0	e4
5	0	1	0	1	e5
6	0	1	1	0	e6
7	0	1	1	1	e7
8	1	0	0	0	e8
9	1	0	0	1	e9
10	1	0	1	0	e10
11	1	0	1	1	e11
12	1	1	0	0	e12
13	1	1	0	1	e13
14	1	1	1	0	e14
15	1	1	1	1	e15

Table de vérité de correspondance

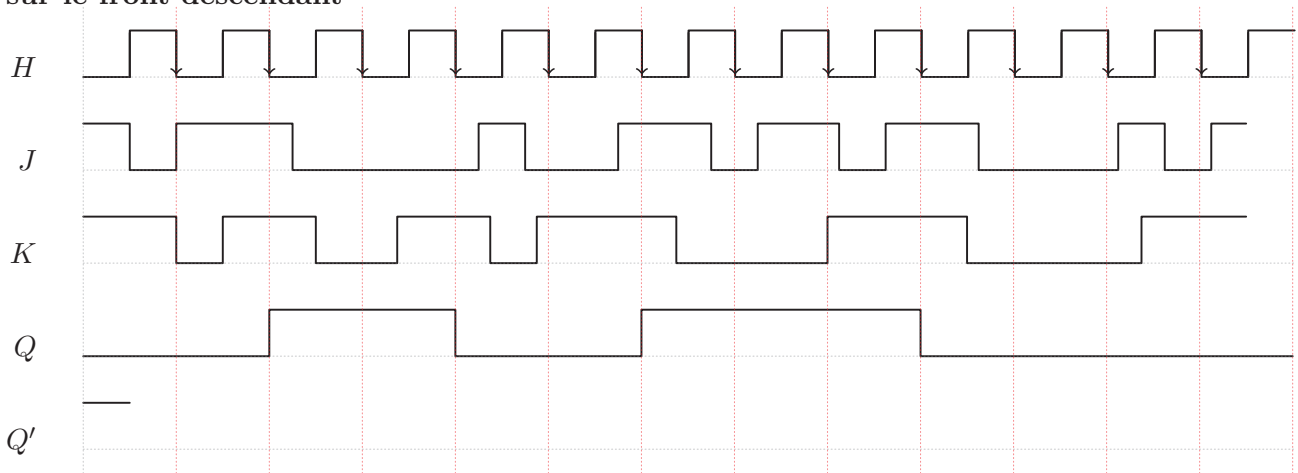
جدول حقيقة المطابقة

N°	A	B	C	D	C1	C2	C3	R	S_{mux}
0	0	0	0	0	1	0	0	0	e0
1	0	0	0	1	0	1	0	0	e1
2	0	0	1	0	0	1	0	0	e2
3	0	0	1	1	0	0	1	0	e3
4	0	1	0	0	0	1	0	0	e4
5	0	1	0	1	0	0	1	0	e5
6	0	1	1	0	0	0	1	0	e6
7	0	1	1	1	0	0	0	1	e7
8	1	0	0	0	0	1	0	0	e8
9	1	0	0	1	0	0	1	0	e9
10	1	0	1	0	0	0	1	0	e10
11	1	0	1	1	0	0	0	1	e11
12	1	1	0	0	0	0	0	0	e12
13	1	1	0	1	0	0	0	1	e13
14	1	1	1	0	0	0	0	1	e14
15	1	1	1	1	0	0	0	1	e15





sur le front descendant



10.1.2 Solution du sujet n°2

Correction

إجابة نموذجية

05

Exercice n°1 (4pts : [2, 1, 1])

- 1 Démontrer l'équation suivante par les propriétés algébriques

برهن ما يلي بالخواص الجبرية

$$A + \bar{A}B + \bar{A}\bar{B}C + \bar{A}\bar{B}\bar{C}D + \bar{A}\bar{B}\bar{C}\bar{D}E = A + B + C + D + E$$

- 2 Faire la soustraction en BCD, expliquer comment corriger le résultat.

1453 et 671 اشرح ما يلي في العشري المرمز بالثنائي BCD ثم اشرح كيف تصحح النتيجة

- 3 Déterminer les deux nombres précédents de x en code gray أعط العددين السابقين للعدد x في ترميز جراي

$$x = (1011\ 1001\ 1111\ 1011)_{\text{gray}}$$

- 1 Q1 $S = A + \bar{A}B + \bar{A}\bar{B}C + \bar{A}\bar{B}\bar{C}D + \bar{A}\bar{B}\bar{C}\bar{D}E$
 $= A + \bar{A}(B + \bar{B}C + \bar{B}\bar{C}D + \bar{B}\bar{C}\bar{D}E)$
 $= A + B + \bar{B}C + \bar{B}\bar{C}D + \bar{B}\bar{C}\bar{D}E$
 $= A + B + \bar{B}(C + \bar{C}D + \bar{C}\bar{D}E)$
 $= A + B + C + \bar{C}D + \bar{C}\bar{D}E$
 $= A + B + C + \bar{C}(D + \bar{D}E)$
 $= A + B + C + D + \bar{D}E$
 $= A + B + C + D + E$

(Element commun)
 $(A + \bar{A} \cdot (X) = A + X)$
 $(B + \bar{B} \cdot (X) = B + X)$
 $(C + \bar{C} \cdot (X) = C + X)$
 $(D + \bar{D} \cdot (X) = D + X)$

2 Q2 :

$$\begin{array}{r}
1453 = (0001 \ 0100 \ 0101 \ 0011)_{BCD} \\
+0671 = (0000 \ 0110 \ 0111 \ 0001)_{BCD} \\
\hline
= (0000 \ 1101 \ 1110 \ 0010)_{BCD} \\
\quad (\quad -0110 - 0110 \quad)_{BCD} \\
\hline
= (0000 \ 0111 \ 1000 \ 0010)_{BCD}
\end{array}$$

3 Q3

le nombre précédent (x-1) a un nombre impair de '1', donc on inverse le bit à gauche de '1' le plus à droite

$$x - 1 = (1011 \ 1001 \ 1111 \ 1001)_{gray}$$

le nombre précédent (x-2) a un nombre pair de '1', donc on inverse dernier bit à droite

$$x - 2 = (1011 \ 1001 \ 1111 \ 1000)_{gray}$$

06

Exercice n°2 (9pts : [1, 2, 1, 2, 2, 1]) On veut réaliser un circuit qui permet de donner le plus grand diviseur d'un nombre binaire de 4 bits (à part lui même).

نريد تصميم دائرة تعطي القاسم الأكبر لعدد ثنائي مكون من 4 بتات (عدا نفسه).

Réaliser le circuit.

أنجز الدارة المنطقية

1 Les entrées/sorties

مداخل ومخارج

2 Table de vérité

جدول الحقيقة

3 Formes canoniques numériques

الأشكال القانونية الرقمية

4 Simplification par tableau de Karnaugh

التبسيط بجدول كارنوف

5 Exprimer les sorties simplifiées en utilisant uniquement des NAND فقط NAND

عبر عن المخارج المبسطة بنفي الوصل

6 Tracer le logigramme par les NAND uniquement

ارسم المخطط ببوابات NAND فقط

1 Définition des entrées et des sorties تعريف المداخل والمخارج

- Les entrées المداخل : un nombre sur 4 bits $N = (ABCD)_2$
- Les sorties المخارج Le plus grand diviseur $PGD(N)$, 3 bits car $PGD(15) = (5)_{10} = (101)_2$ et $PGD(12) = (6)_{10} = (110)_2$

2 جدول الحقيقة Table de vérité

N°	A	B	C	D	PGD	S2	S1	S0
0	0	0	0	0	X	X	X	X
1	0	0	0	1	1	0	0	1
2	0	0	1	0	1	0	0	1
3	0	0	1	1	1	0	0	1
4	0	1	0	0	2	0	1	0
5	0	1	0	1	1	0	0	1
6	0	1	1	0	3	0	1	1
7	0	1	1	1	1	0	0	1
8	1	0	0	0	4	1	0	0
9	1	0	0	1	3	0	1	1
10	1	0	1	0	5	1	0	1
11	1	0	1	1	1	0	0	1
12	1	1	0	0	6	1	1	0
13	1	1	0	1	1	0	0	1
14	1	1	1	0	7	1	1	1
15	1	1	1	1	5	1	0	1

3 حل آخر Une autre Solution

N°	A	B	C	D	PGD	S2	S1	S0
0	0	0	0	0	X	X	X	X
1	0	0	0	1	X	X	X	X
15	1	1	1	1	5	1	0	1

111 1111

4 الأشكال القانونية Les formes canoniques

الشكل القانوني الرقمي هو المطلوب، الشكل القانوني العادي لا يحاسب

- الشكل القانوني الرقمي الأول ; La première forme canonique numérique ;

$$\rightarrow S2(A, B, C, D) = \sum[8, 10, 12, 14, 15]$$

$$\rightarrow S1(A, B, C, D) = \sum[4, 6, 9, 12, 14]$$

$$\rightarrow S0(A, B, C, D) = \sum[1, 2, 3, 5, 6, 7, 9, 10, 11, 13, 14, 15]$$

- الشكل القانوني الرقمي الثاني ; La deuxième forme canonique numérique ;

$$\rightarrow S2(A, B, C, D) = \prod[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 9, 11, 13]$$

$$\rightarrow S1(A, B, C, D) = \prod[1, 2, 3, 5, 7, 8, 10, 11, 13, 15]$$

$$\rightarrow S0(A, B, C, D) = \prod[4, 8, 12]$$

5 مخطط كارنوف Tableaux de Karnough

- la fonction S2 الدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	X	0	0	0
	01	0	0	0	0
	11	1	0	1	1
	10	1	0	0	1

La forme simplifiée الشكل المبسط
 $S2 = a.\bar{d} + a.b.c$

- La fonction S0 الدالة

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	X	1	1	1
	01	0	1	1	1
	11	0	1	1	1
	10	0	1	1	1

La forme simplifiée الشكل المبسط
 $S0 = c + d$

Les formes simplifiées

- $S2(A, B, C, D) = a.\bar{d} + a.b.c$
- $S1(A, B, C, D) = b.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.d$
- $S0(A, B, C, D) = c + d$

6 Les formes NAND

- $$S2(A, B, C, D) = \overline{\overline{a.\bar{d} + a.b.c}}$$

$$= \overline{a.\bar{d}.a.b.c}$$

$$= (a \uparrow \bar{d}) \uparrow (a \uparrow b \uparrow c)$$

$$= (a \uparrow (d \uparrow d)) \uparrow (a \uparrow b \uparrow c)$$
- $$S1(A, B, C, D) = \overline{\overline{b.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.d}}$$

$$= \overline{b.\bar{d}.a.\bar{b}.\bar{c}.d}$$

$$= (b \uparrow (d \uparrow d)) \uparrow (a \uparrow (b \uparrow b) \uparrow (c \uparrow c) \uparrow d)$$

- Tableau de Karnaugh de la fonction S1 مخطط كارنوف للدالة

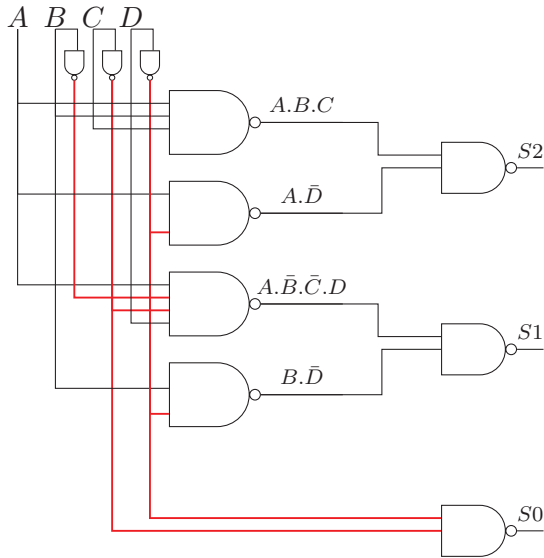
		CD			
		00	01	11	10
AB	00	X	0	0	0
	01	1	0	0	1
	11	1	0	0	1
	10	0	1	0	0

La forme simplifiée الشكل المبسط
 $S1 = b.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.d$

- $S0(A, B, C, D) = c + d$
 $= \overline{\overline{c} + \overline{d}}$
 $= \overline{\overline{c} . \overline{d}}$
 $= (c \uparrow c) \uparrow (d \uparrow d)$

7 Logigrammes المخططات المنطقية

المخطط المنطقي العادي غير مطلوب



07 Exercice n°3 (3pts)

Refaire le circuit de l'exercice 2 à l'aide d'un décodeur et un minimum de portes logiques.

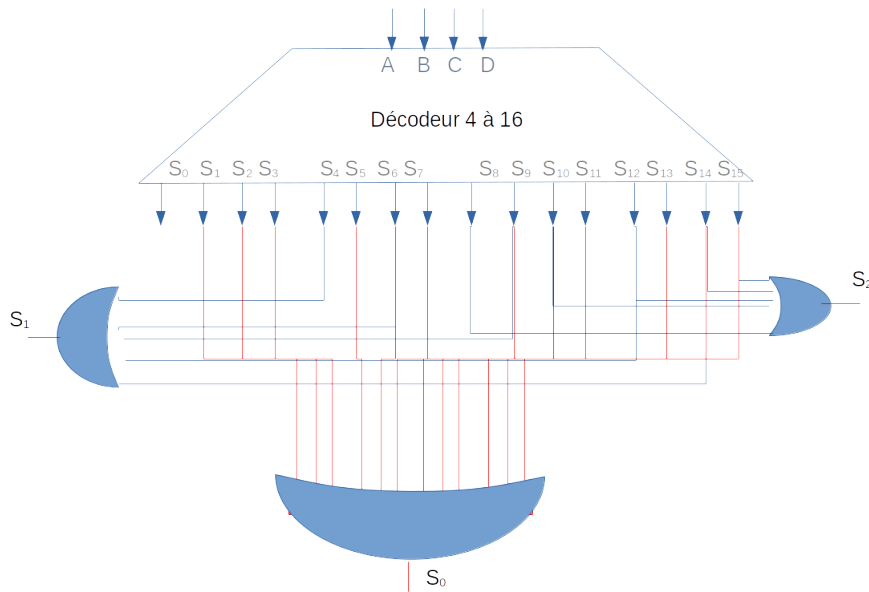
أعد رسم دائرة التمرين 2 باستخدام مفكك واحد وأقل ما يمكن من البوابات المنطقية.

Table de vérité de correspondance

N°	A	B	C	D	S2'	S1'	S0'	S0	S1	S2	S3	S4	S5	S6	S7	S8	S9	S10	S11	S12	S13	S14	S15
0	0	0	0	0	X	X	X	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	1	1	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	1	1	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	1	1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
8	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0
9	1	0	0	1	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0
10	1	0	1	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
11	1	0	1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
12	1	1	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0
13	1	1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0
14	1	1	1	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0
15	1	1	1	1	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1

On constate que :

- $S2'(A, B, C, D) = \sum(8, 10, 12, 14, 15) = \sum(S8, S10, S12, S14, S15)$
- $S1'(A, B, C, D) = \sum(4, 6, 9, 12, 14) = \sum(S4, S6, S9, S12, S14)$
- $S0'(A, B, C, D) = \sum(1, 2, 3, 5, 6, 7, 9, 10, 11, 13, 14, 15) = \sum(S1, S2, S3, S5, S6, S7, S9, S10, S11, S13, S14, S15)$



08 Exercice n°4 : (4 pts : [2, 1, 1])

Soit la bascule XY, définie par la table de vérité suivante.

لدينا القلاب XY المعرف بجدول الحقيقة

X	Y	Q^+
0	0	0
0	1	\overline{Q}
1	0	\overline{Q}
1	1	1

1 Compléter le chronogramme selon les cas suivants, أكمل المخطط الزمني حسب الحالات الآتية et donner la table de vérité pour chaque cas. وأعط جدول الحقيقة لكل حالة

a. XY est asynchrone

القلاب غير متزامن

b. XY est synchronisée sur le front montant

القلاب متزامن عند الجبهة الصاعدة

c. XY est synchronisée sur le front descendant

القلاب متزامن عند الجبهة النازلة

Notes : table de vérité 0.5pt, Asyn 1.5, Front montant 1, front desc 1

Table de vérité (Cas Asynchrone)

X	Y	Q^+
0	0	0
0	1	\overline{Q}
1	0	\overline{Q}
1	1	1

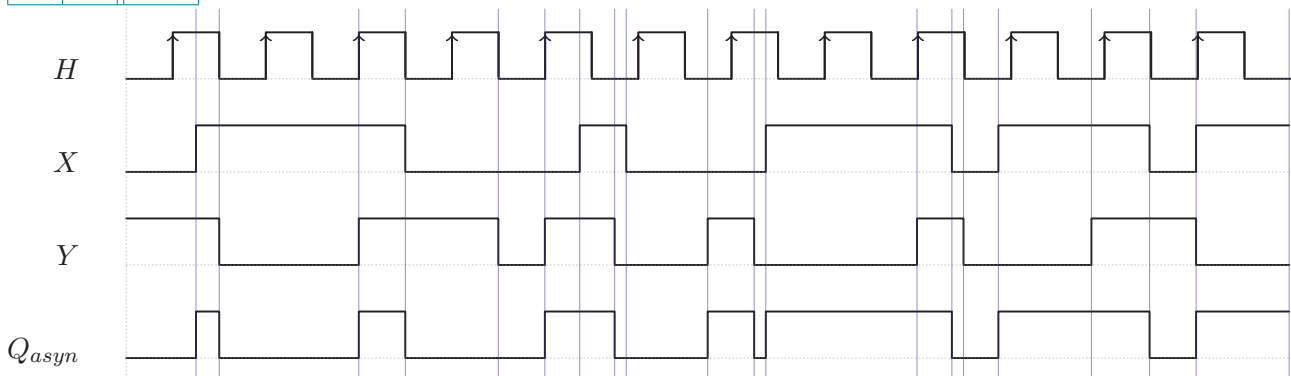






Table de vérité (Cas synchrone sur le front montant)

H	X	Y	Q^+
0/1	X	X	Q
	0	0	0
	0	1	\overline{Q}
	1	0	\overline{Q}
	1	1	1

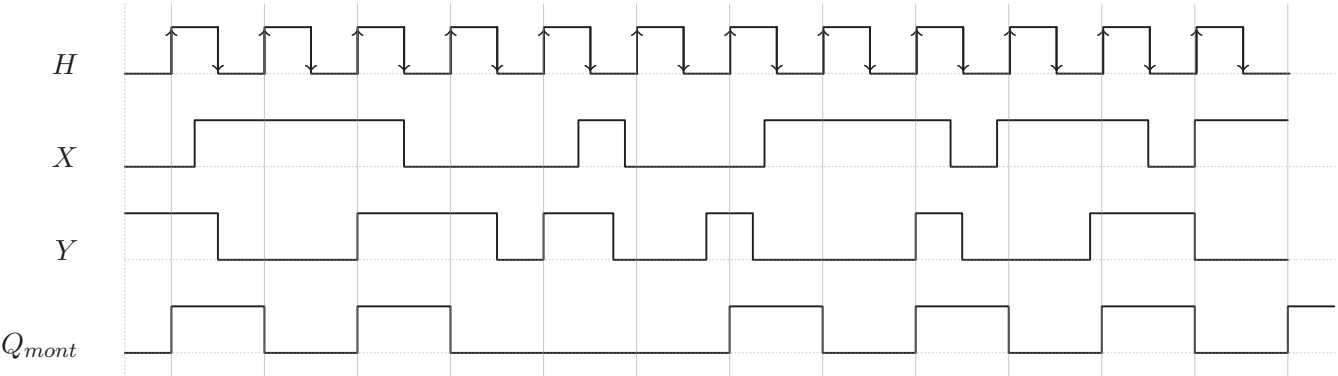




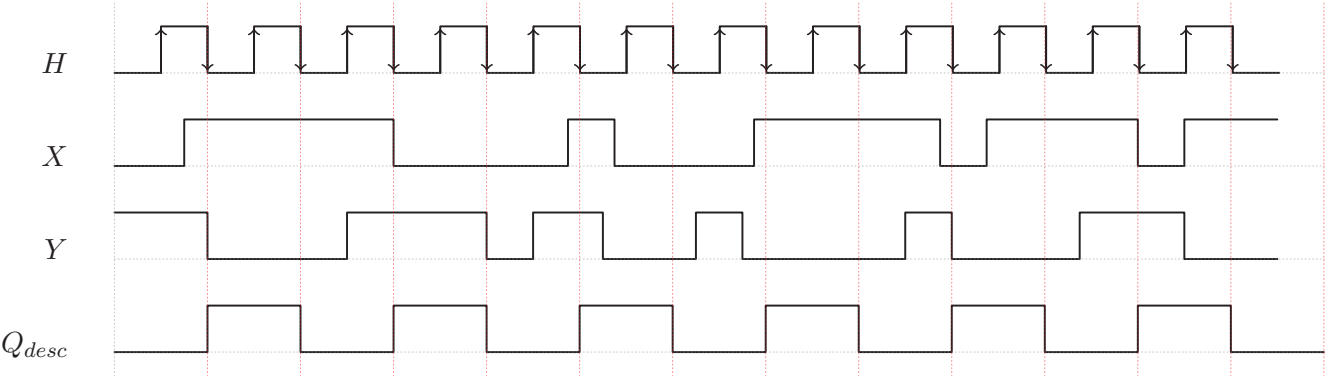
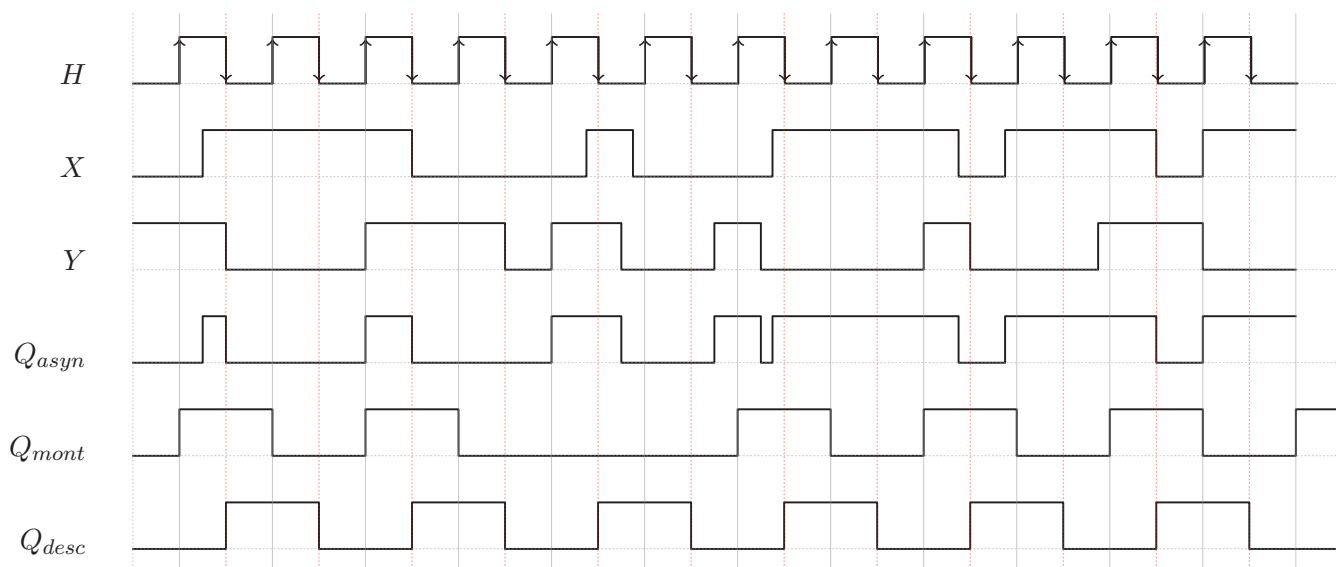


Table de vérité (Cas synchrone sur le front descendant)

H	X	Y	Q^+
0/1	X	X	Q
	0	0	0
	0	1	\overline{Q}
	1	0	\overline{Q}
	1	1	1



Globale



Chapitre 11

Annexes

ملحقات

هذه قائمة من المراجع والموارد المفيدة لطالب السنة الأولى إعلام آلي :

11.0.1 Livres

كتب

- <http://nibras.sf.net> كتاب نبراس : دليل المصطلحات للشعب التقنية (ZERROUKI, 2012).
- Ait-Aoudia Samy, Architecture des systèmes informatiques, OPU, 2012, (AÏT-AOUDIA, 2012).
- Drias-Zerkaoui Habiba Introduction à l'architecture des ordinateurs, OPU, 2003 (DRIAS-ZERKAOUI, 2003).
- M.C. Belaid, Algèbre de Boole et Fonctions Logiques, Pages bleus, 2007 (BELAID, 2007a).
- M.C. Belaid, Circuits Logiques Combinatoires et Séquentiel, Pages bleus, 2007 (BELAID, 2007b).
- Souag Nadia, Logique combinatoire : Exercices corrigés (SOUAG, 2013),

11.0.2 Cours en ligne

دروس أونلاين

- Cours Informatique par Taha Zerrouki : <http://infobouirauniv.wordpress.com> (ZERROUKI, 2013)
- Cours Structure machine par Hakim Amrouche <http://amrouche.esi.dz> (AMROUCHE, 2021)
- TD et Examen par Pr. Amar Balla : <http://balla.esi.dz/> (BALLA, 2021)
- TD et Examen par Kara Abdelaziz : <https://www.el-kalam.com/> (ABDELAZIZ, 2022)
- <http://www.allaboutcircuits.com/>
- DZuniv Le paradis des étudiants <https://dzuniv.com/>

11.0.3 Software

برامج وتطبيقات

- <http://nibras.sf.net> تطبيق نبراس : دليل المصطلحات للشعب التقنية
- Logiciel de simulation Multimedia logic <http://multimedialogic.sourceforge.net/>

Accès	بلوغ، وصول، دخول	Circuit logique	دائرة منطقية
Acquérir	اكتسب	Circuit séquentiel	دائرة سببية
Action	فعل، عملية - عمل	Codage	ترميز
Addition	جمع	Codeur	مُرَمِّز (أداة الترميز)
Admis	مقبول	Coéfficient	معامل
Adresse	عنوان	Colonne	عمود
Affectation	تخصيص	Combinaison	توفيقية
Aléatoire	عشوائي	Combinatoire	توفيقي
Algorithmique	الخوارزميات	Commande	أمر - تعليمية، تحكم
Alimentation	تزويد - تغذية	Commentaire	تعليق
Alphabet	أبجدية	Commutatif	تبديلي
Alternée	متناوب	Comparaison	مقارنة
And	و (الوصل)	Comparateur	مُقَارِن (أداة مقارنة)
Application	تطبيق	Compatibilité	تجانس، تلاؤم
Array	جدول	Compilation	تأليف - تصنيف - ترجمة،
Article	بند	Complément	متمم
Article	مقال	Complément restreint	متمم مقتصر
Ascii	الشفرة الأمريكية القياسية لتبادل المعلومات	Complément à un	متمم - إلى الواحد
Associatif	تجميعي	Complément Vrai à deux	متمم حقيقي
Association	تجميع	Complexe	مرَكَّب - معقد
Asynchrone ? synchrone	غير متزامن ? متزامن	Composition	تركيب
Au fur et à mesure	بالتوالي - بالتتابع - بالتناسب	Conception	تصميم - تصور
Automatique	آلي	Concernant	فيما يخص
Bascule	قلاب - نطاط	Concevoir	صمم - تصور
Base	أساس، قاعدة	Condensé	مكثف - كثيف
BCD : Binary Coded decimal	عدد عشري مرمز في النظام	Condition	شرط، قيد
الثنائي	ثنائي	Conducteur	ناقل، موصل
Binaire	رقم ثنائي	Configuration	إعدادات، شكل، مظهر
Bit (binary digit)	بت	Configurer	صاغ، أعد
Bloc	منطقي، بولياني	Conjugué	مرافق
Boolean	حد، طرف	Conséquence	نتيجة
Borne	حلقة	Constant	ثابت
Boucle	تفرع	Constituer (il constitue)	كوّن يكون
Branchement	مخزن مؤقت	Continu	مستمر
Buffer	قانوني	Convenir (il convient)	يناسب
Canonique	سعة	Convention	اصطلاح
Capacité	حرف / رمز (محرف)	Conversion	تحويل
Caractère	ميزة	Coordination	تنسيق
Caractéristique	حالة	Coordonnées	إحداثيات
Cas	خلية	Correspondant	مرافق
Cellule	سلسلة	Correspondre	يرافق يرأسل
Chaîne	حقن	Couple	زوج، ثنائية
Champ	شحنة	Courant	تيار
Charge	الأرقام ذات الدلالة	Croissance	تزايد
Chiffres significatifs	اختيار	Cycle	دورة
Choix	دائرة		
Circuit			

D'autre part	إضافة إلى / رد على ذلك / من جهة أخرى	Existe	يوجد
Débordement	طُفَح (فيضان)	Exponentiel	دالة الأس
Déclaration	تصريح، إعلان	Expression	تعبير، عبارة
Décodage	فك الترميز	Exprimer	عبر يعبر
Décomposition	تفكيك	Façon	طريقة
Définition	تعريف	Facteur	عامل (عوامل)
Degré	درجة	Faux	0
Démonstration	برهان	Fichier	ملف
Dépendant	مرتبط	Flux	تدفق
Déplacement	إزاحة	Fonction	دالة
Désigne	ترمز لـ	Fonction	وظيفة (عملية)
Déterminant	المحدد	Fonctionnement	وظيفة (عمل)
Dimension	بعد (أبعاد)	For	لكل، من أجل
Dimension	بعد (أبعاد)	Forme	شكل
Diminuer	أنقص ينقص	Formel	شكلي
Direct	مباشر	Formule	صيغة
Directive	توجيه (توجيهات)	Gauche	يسار
Dispositif	جهاز - مكون	Géga	مليار
Disquette	قرص مرن	Générateur	مولد
Distributif	توزيعي	Gestion	تسيير - إدارة
Divergence	تباعد	Graphe	منحنى، بيان
Divisible	قابل للقسمة	Haut	عالي
Division	قسمة	Homogène	متجانس
Division euclidienne	قسمة إقليدية	Hypothèse	فرضية
Donc	إذن	Identificateur	اسم مميز (معرف)
Données	بيانات، معطيات	Identification	مطابقة - تعرف على الهوية
Donner	أعطى يعطي	Identique	مطابق
Droite	يمين	If	إذا
Edition	تحرير، تعديل، نشر	Image	صورة
Effectif	فعلي	Impair	فردى
Effectuer	أنجز ينجز	Implication	استلزام
Egalité	مساواة	Imprimante	طابعة
Electrique	كهربائي	Impulsion	نبضة
Else	وإلا (إذا لم يكن)	Inclusion	احتواء
Encodeur	أداة الترميز	Inconvénients	مساوئ
End	نهاية	Indéterminé	غير محدد
Engendrer	ولد يولد	Indicateur	مؤشر - قرينة
Ensemble	مجموعة	Indice	دليل
Entête	رأسية (صدر)	Industriel	صناعي
Entier	عدد صحيح	Inférieur	أصغر
Entrée	مداخل	Influence	تأثير
Enumération	تعداد	Initialisation	ابتداء
Equation	معادلة	Instruction	تعليمية - أمر
Equivalence	تكافؤ	Integer	عدد صحيح
Espace mémoire	حيز الذاكرة (سعة الذاكرة)	Intégré	مدمج
Espèce	نوع، فصيلة	Intersection	تقاطع
Etiquette	بطاقة	Intervalle	مجال
Evident	بديهي، واضح	Itération	خطوة
Exécuter	نفذ، أنجز	Lié	مرتبط
Exécution	تنفيذ، إنجاز	Ligne	خط
		Ligne	سطر

Linéaire	خطي	Quotient	حاصل القسمة
Liste	قائمة	Racine	جذر
Loi	قانون	Racine carrée	جذر تربيعي
Manière	طريقة	Racine cubique	جذر تكعيبي
Maximum	قيمة قصوى	RAM (random access memory)	ذاكرة الوصول العشوائي
Méga	مليون	Random	عشوائي
Mémoire	ذاكرة	Rang	رتبة
Mémoire central	ذاكرة مركزية	RAZ (remise à zéro)	إعادة إلى الصفر (تصفير)
Mémoire secondaire	ثانوية	Read	اقرأ
Méthode	طريقة	Réalisation	إنجاز
Microprocesseur	معالج مصغر	Réciproque	معاكس
Mise à jour	تحديث	Record	تسجيلية
Mise en œuvre	إعداد	Récursif	تراجعي
Modulaire	بالتجزئة	Récurtivité	تراجعية
Module	جزء	Réductible	قابل للاختزال
Modulo (mod)	ترديد (باقي القسمة)	Réel	حقيقي
Multiplicateur	أداة ضرب (رياضيات)	Réflexif	منعكس
Multiplication	ضرب	Registre	سجل
Multiplication	ضرب (رياضيات)	Règle	قاعدة
Muni	مرفق بـ	Règles d'écriture	قواعد كتابة
Naturel	طبيعي	Relatif	نسبي
Négatif	سالب	Relation	علاقة
Niveau	مستوى	Relativement	نسبياً
Nombre	عدد	Remarque	ملاحظة
Normalisée	قياسي - مواصف	Remplacement	استبدال
Notation	ترميز	Répéter (repeat)	كرر يكرر
Note	يرمز له بـ	Résistance	مقاومة
Nul	معدوم	Résoudre	حل يحل
Numérique	رقي	Respectivement	على الترتيب
Objet	شيء - كائن	Reste	باقي
Obtenu	محصل عليه	Restituer	استرجع يسترجع
Octet	ثمانية أرقام ثنائية	Restitution	استرجاع
Opérande	عامل (رياضي)	Restriction	اقتصار
Opérateur vectoriel	عامل شعاعي	Résultat	نتيجة
Opération	عملية	Retenir	احتفظ يحتفظ
Optimal	الأفضل (الأفضل)	Réunion	اتحاد
Optimisation	إيجاد الأمثل	ROM (read only memory)	ذاكرة قراءة فقط
Ordinateur	حاسوب	Rotation	دوران
Ordre	ترتيب	Schéma	مخطط - رسم توضيحي
Ordre	رتبة	Secondaire	ثانوي
Organe	عضو	Sélection	اختيار
Origine	مبدأ	Semi-conducteur	شبه موصل أو شبه ناقل
Pair	زوجي	Séquence	نسق، تتابع
Parallèle (en parallèle)	توازي (على التوازي)	Séquenceur	منسق، متابع
Paramètres	وسائط	Série (en série)	تتابع (على التوالي)
Particulier	خاص	Si	إذا كان
Partie	جزء	Si non	والا (إذا لم يكن)
Pc personal computer	حاسوب شخصي	Signal	إشارة
Périphériques	مرافق، ملحقات (ج ملحقة)	Significatif	ذو معنى
Permutation	تبديل	Signifier	عنى يعني

Sinus	دالة جيب	Tampon	مخزن مؤقت
Somme	مجموع	Tant que	ما دام
Sorties	مخارج	Temps	زمن
Sourie	فأرة	Terme	حد
Sous-programme	برنامج فرعي	Texte	نص
Soustraction	طرح	Théorème	نظرية
Sphérique	كروي	Traitement	معالجة
Stable	مستقر	Traiter	عالج يعالج
Statique	ساكن	Transitif	متعدي
Stocker	خزن يخزن	Transmission	إرسال
Structure algébrique	البنية الجبرية	Type	نوع
Structure machine	بنية الآلة (آليات)	UAL (Unité arithmétique et logique)	وحدة الحساب والمنطق
Successif	متتابع	Unique/ unitaire	وحيد/ واحد
Suite	متتالية	Unité de commande	وحدة التحكم
Supérieur	أكبر من	Unité d'échange	وحدة التبادل
Symbole	رمز	Valeur	قيمة
Symétrique	تناظري	Vecteur propre	شعاع توجيه (متجه)
Synchrone ? Asynchrone	متزامن ? غير متزامن	Vérification	تدقيق
Synchroniser	زامن يزامن	Vérifier	دقق يدقق
Système	نظام	Virgule fixe	الفاصلة الثابتة
Table de vérité	جدول الحقيقة (منطق)	Virgule flottante	الفاصلة العائمة
Tableau	جدول	Vrai	صواب، حقيقي
Tampon	مؤقت		

Bibliographie

- ABDELAZIZ, Kara (2022). *Cours Structure machine : TD et Examen*. URL : <https://www.el-kalam.com> (cf. p. 189).
- AÏT-AOUDIA, Sami (2012). *Architecture des systèmes informatiques*. OPU (cf. p. 189).
- AMROUCHE, Hakim (2021). *Cours Structure machine*. URL : <http://amrouche.esi.dz> (cf. p. 189).
- BALLA, Amar (2021). *Cours Structure machine : TD et Examen*. URL : <http://balla.esi.dz> (cf. p. 189).
- BELAID, Mohamed Cherif (2007a). *Algèbre de Boole et Fonctions Logiques*. Ed. Pages Bleus (cf. p. 189).
- (2007b). *Circuits Logiques Combinatoires et Séquentiel*. Ed. Pages Bleus (cf. p. 189).
- CORMIER, Gabriel (2015). *Cours Circuits logiques*. Université de Moncton, CANADA. URL : http://www8.umoncton.ca/umcm-cormier_gabriel/ (cf. p. 6).
- DRIAS-ZERKAOUI, Habiba (2003). *Introduction à l'architecture des ordinateurs*. OPU (cf. p. 189).
- MÜLLER, Didier (2021). *Informatique (presque) débranchée*. URL : <https://www.apprendre-en-ligne.net/infodo/index.html> (cf. p. 8).
- SOUAG, Nadia (2013). *Electronique numérique : cours et exercices corrigés*. Office des publications universitaires, Algérie (cf. p. 189).
- ZERROUKI, Taha (2012). *Nibras : Guide des terminologies pour les branches techniques*. Université de Bouira (cf. p. 189).
- (2013). *Cours Informatique*. Université de Bouira. URL : <http://infobouirauniv.wordpress.com> (cf. p. 189).